

# Формулы сокращенного умножения

Выполнила учитель математики  
Ефимцева Ирина Васильевна

**Тест с последующей проверкой  
по теме:**

**«Квадрат суммы.  
Квадрат разности»**

**Алгебра**

**7 класс**

Какая из приведенных формул является формулой квадрата суммы?

**1**  $(m + n)^2 = m^2 + 2mn + n^2$

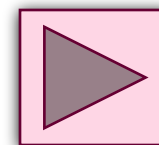
**ВЕРНО!**

**2**  $(m + n)^2 = m^2 + n^2$

**НЕВЕРНО!**

**3**  $(m + n)^2 = m^2 + mn + n^2$

**НЕВЕРНО!**



Какая из приведенных формул является формулой квадрата разности?

**1**  $(b - c)^2 = b^2 - c^2$

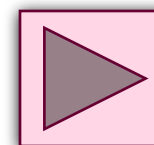
НЕВЕРНО!

**2**  $(b - c)^2 = b^2 - 2bc + c^2$

ВЕРНО!

**3**  $(b - c)^2 = b^2 - 2bc - c^2$

НЕВЕРНО!



**Преобразуйте в многочлен выражение**

$$(n-3)^2 = (n)^2 - 2 \cdot n \cdot 3 + (3)^2 = n^2 - 6n + 9$$

**1**  $n^2 - 9$

**НЕВЕРНО!**

**2**  $n^2 - 3n + 9$

**НЕВЕРНО!**

**3**  $n^2 - 6n + 9$

**ВЕРНО!**

Проверка



**Преобразуйте в многочлен выражение**

$$(c+5)^2 = (c)^2 + 2 \cdot c \cdot 5 + (5)^2 = c^2 + 10c + 25$$

**1**  $c^2 + 25$

**НЕВЕРНО!**

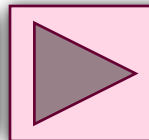
**2**  $c^2 + 5c + 25$

**НЕВЕРНО!**

**3**  $c^2 + 10c + 25$

**ВЕРНО!**

Проверка



## Преобразуйте в многочлен выражение

$$(3a + b)^2 = (3a)^2 + 2 \cdot 3a \cdot b + (b)^2 = 9a^2 + 6ab + b^2$$

**1**  $9a^2 + 6ab + b^2$

**ВЕРНО!**

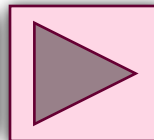
**2**  $9a^2 + 3ab + b^2$

**НЕВЕРНО!**

**3**  $3a^2 + 6ab + b^2$

**НЕВЕРНО!**

Проверка



## Преобразуйте в многочлен выражение

$$(3a + b)^2 = (3a)^2 + 2 \cdot 3a \cdot b + (b)^2 = 9a^2 + 6ab + b^2$$

**1**  $9a^2 + 6ab + b^2$

**ВЕРНО!**

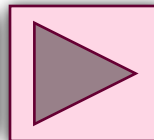
**2**  $9a^2 + 3ab + b^2$

**НЕВЕРНО!**

**3**  $3a^2 + 6ab + b^2$

**НЕВЕРНО!**

Проверка





## Преобразуйте в многочлен выражение

$$(-3c + a)^2 = (-3c)^2 + 2 \cdot (-3c) \cdot a + (a)^2 = 9c^2 - 6ac + a^2$$

**1**  $-9c^2 + a^2$

**НЕВЕРНО!**

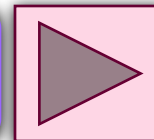
**2**  $9c^2 - 6ac + a^2$

**ВЕРНО!**

**3**  $9c^2 + 3ac + a^2$

**НЕВЕРНО!**

Проверка



## Преобразуйте в многочлен выражение

$$\begin{aligned} a^2 + (3a - b)^2 &= a^2 + (3a)^2 - 2 \cdot 3a \cdot b + (b)^2 = \\ &= a^2 + 9a^2 - 6ab + b^2 = 10a^2 - 6ab + b^2 \end{aligned}$$

**НЕВЕРНО!**

**1**  $10a^2 - b^2$

**ВЕРНО!**

**2**  $10a^2 - 6ab + b^2$

**НЕВЕРНО!**

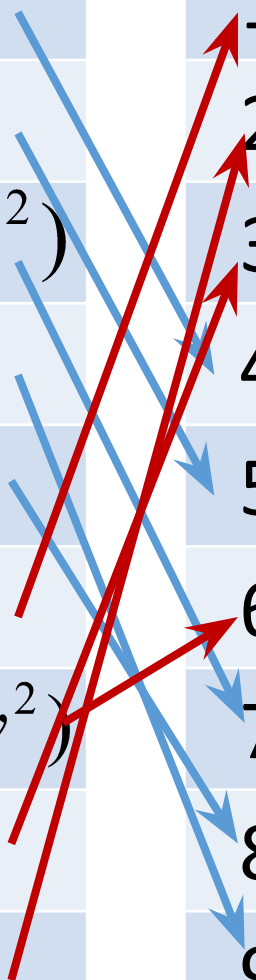
**3**  $9a^2 - 6ab + b^2$

Проверка



No n/n	I
1.	$x^2 - 2xy + y^2$
2.	$x^3 - y^3$
3.	$(x + y)(x^2 - xy + y^2)$
4.	$y^2 - x^2$
5.	$x^2 - 4xy + y^2$
6.	$(x - y)(x + y)$
7.	$(x + y)(x^2 + 2xy + y^2)$
8.	$-(x - y)$
9.	$(x + y)^2$

No n/n	II
1.	$x^2 - y^2$
2.	$x^2 + 2xy + y^2$
3.	$y - x$
4.	$(x - y)^2$
5.	$(x - y)(x^2 + xy + y^2)$
6.	$(x + y)^3$
7.	$x^3 + y^3$
8.	$(x - 2y)^2$
9.	$(y - x)(y + x)$



*Найдите ошибки:*

$$(b-y)^2 = b - 2by + y^2$$

$$49 - c^2 = (49 - c)(49 + c)$$

$$(p-10)^2 = p^2 - 20p + 10$$

$$(2a+1)^2 = 4a^2 + 2a + 1$$

$$(x + y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$$

$$(2d - k)^2 = 4d^2 + k^2 - 4dk$$

$$(x + 12)(x - 12) = x^2 - 144$$

$$(3 - b)(9 + b^2 + 3b) = 27 - b^3$$

$$(x + 5)(x - 5) = x^2 - 25$$

$$(c^2 + 4y)(c^2 - 4y) = c^4 - 16y^2$$

$$(a - 2)(a^2 + 4 + 2a) = a^3 - 8$$



*Молодцы, размялись! А теперь  
проверим свои возможности в  
самостоятельной работе  
(на 7 минут)*

**№ 34.1, 34.21, 34.25**

1 вариант – только пункт **а**

2 вариант – только пункт **б**

3 вариант – только пункт **в**

4 вариант – только пункт **г**

***Кто всё решит, тот поднимает руку.***

# Самопроверка

№	1 вариант	2 вариант	3 вариант	4 вариант
1				
2				
3				

## №10. Упростить выражения.

$$\begin{aligned} 1) & (c-2)(c+3) - (c-1)^2 = \\ & = c^2 - 2c + 3c - 6 - (c^2 - 2c + 1) = \\ & = \cancel{c^2} + c - 6 - \cancel{c^2} + 2c - 1 = 3c - 7. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) & 3(a+c)^2 - 6ac = \\ & = 3(a^2 + 2ac + c^2) - 6ac = \\ & = 3a^2 + \cancel{6ac} + 3c^2 - \cancel{6ac} = \\ & = 3a^2 + 3c^2 = 3(a^2 + c^2). \end{aligned}$$

$$(a-b)(a+b) = a^2 - b^2 \quad (a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2 \quad (a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$



# Самостоятельная работа №1

## 1 вариант

## 2 вариант

### №1. Упростить выражение

1)  $(b + 3)(b - 3)$ ;

1)  $(a + 2)(a - 2)$ ;

2)  $(2c - 1)(2c + 1)$ ;

2)  $(3b - 1)(3b + 1)$ ;

3)  $(x + 3y)(x - 3y)$ ;

3)  $(a + 2b)(a - 2b)$ ;

4)  $(10a - b)(b + 10a)$ ;

4)  $(4a - b)(b + 4a)$ ;

### №2. Разложите на множители:

1)  $9p^2 - 4$ ;

4)  $36x^2 - 25y^2$ ;

1)  $4x^2 - 1$ ;

4)  $49x^2 - 121a^2$ ;

2)  $\frac{1}{36} - c^2$ ;

5)  $a^2b^2 - 9$ ;

2)  $m^2 - a^2$ ;

5)  $x^2y^2 - 1$ ;

3)  $4x^2 - y^2$ ;

6)  $-a^4 + 81$ ;

3)  $a^2 - 9y^2$ ;

6)  $-a^4 + 16$ ;



## Проверим №1:

### 1 вариант

$$1)(b+3)(b-3)=b^2-9$$

$$2)(2c-1)(2c+1)=4c^2-1$$

$$3)(x+3y)(x-3y)=x^2-9y^2$$

$$4)(10a-b)(b+10a)=100a^2-b^2$$

### 2 вариант

$$1)(a+2)(a-2)=a^2-4$$

$$2)(3b-1)(3b+1)=9b^2-1$$

$$3)(a+2b)(a-2b)=a^2-4b^2$$

$$4)(4a-b)(b+4a)=16a^2-b^2$$

$$\triangle^2 - \text{Octagon}^2 = (\triangle - \text{Octagon}) \cdot (\triangle + \text{Octagon})$$



## Проверим №2 (1 вариант)

$$1) 9p^2 - 4 = (3p - 2)(3p + 2)$$

$$2) \frac{1}{36} - c^2 = \left(\frac{1}{6} - c\right)\left(\frac{1}{6} + c\right)$$

$$3) 4x^2 - y^2 = (2x - y)(2x + y)$$

$$4) 36x^2 - 25y^2 = (6x - 5y)(6x + 5y)$$

$$5) a^2b^2 - 9 = (ab - 3)(ab + 3)$$

$$6) -a^4 + 81 = (9 - a^2)(9 + a^2)$$

$$\triangle^2 - \text{Octagon}^2 = (\triangle - \text{Octagon}) \cdot (\triangle + \text{Octagon})$$



## Проверим №2 (2 вариант)

$$1) 4x^2 - 1 = (2x - 1)(2x + 1)$$

$$2) m^2 - a^2 = (m - a)(m + a)$$

$$3) a^2 - 9y^2 = (a - 3y)(a + 3y)$$

$$4) 49x^2 - 121a^2 = (7x - 11a)(7x + 11a)$$

$$5) x^2y^2 - 1 = (xy - 1)(xy + 1)$$

$$6) -a^4 + 16 = (4 - a^2)(4 + a^2)$$

$$\triangle^2 - \text{Octagon}^2 = (\triangle - \text{Octagon}) \cdot (\triangle + \text{Octagon})$$



# ПРОВЕРИМ!

## 1 вариант

$$\begin{aligned} 1) (3x+1)^2 - (4x+3)^2 &= \\ &= (3x+1 - 4x-3)(3x+1+4x+3) = (-x-2)(7x+4) \\ &= -(x+2)(7x+4). \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) (a+b+c)^2 - (a-b-c)^2 &= \\ &= (a+b+c - a+b+c) \cdot (a+b+c + a-b-c) = \\ &= (2b+2c) \cdot 2a = 4a(b+c). \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3) 9b^2 - (a-3b)^2 &= (3b)^2 - (a-3b)^2 = \\ &= (3b)^2 - (a-3b)^2 = (3b - a + 3b) \cdot (3b + a - 3b) = \\ &= a(6b - a). \end{aligned}$$

$$\triangle^2 - \text{Octagon}^2 = (\triangle - \text{Octagon}) \cdot (\triangle + \text{Octagon})$$



## ПРОВЕРИМ! 2 вариант

$$1) (2a + 7b)^2 - (3a - 5b)^2 = (2a + 7b - 3a + 5b) \cdot (2a + 7b + 3a - 5b) = (12b - a) \cdot (5a + 2b).$$

$$2) (x + y - a)^2 - (x - y - a)^2 = (x + y - a - x + y + a) \cdot (x + y - a + x - y - a) = 2y \cdot (2x - 2a) = 4y \cdot (x - a).$$

$$3) 81x^2 - (9x + 7y)^2 = (9x)^2 - (9x + 7y)^2 = (9x - 9x - 7y) \cdot (9x + 9x - 7y) = (-7y) \cdot (18x - 7y) = 7y \cdot (7y - 18x).$$

$$\triangle^2 - \text{Octagon}^2 = (\triangle - \text{Octagon}) \cdot (\triangle + \text{Octagon})$$



# Самостоятельная работа №3

## 1 вариант

## 2 вариант

№1. Выполните преобразование:

$$1)(9 + a)^2;$$

$$2)(8 - b)^2;$$

$$3)(3y - 4)^2;$$

$$4)(5a + 6b)^2;$$

$$1)(2 + y)^2;$$

$$2)(6 - c)^2;$$

$$3)(2x + 9)^2;$$

$$4)(7m - 3n)^2;$$

№2. Выполните действия:

$$1)((a + b) + c)^2;$$

$$2)((a - b) - c)^2;$$

$$3)(x + y + z)^2;$$

$$4)(x - y - z)(x - y - z).$$

$$1)(a + (b + c))^2;$$

$$2)(a - (b - c))^2;$$

$$3)(x + y + z)^2;$$

$$4)(x - y + z)(x - y + z).$$



## Проверим №1:

### 1 вариант

$$1)(9 + a)^2 = 9^2 + 2 \cdot 9 \cdot a + a^2 = 81 + 18a + a^2.$$

$$2)(8 - b)^2 = 8^2 - 2 \cdot 8 \cdot b + b^2 = 64 - 16b + b^2.$$

$$3)(3y - 4)^2 = (3y)^2 - 2 \cdot 3y \cdot 4 + 4^2 = 9y^2 - 24y + 16.$$

$$4)(5a + 6b)^2 = (5a)^2 + 2 \cdot 5a \cdot 6b + (6b)^2 = 25a^2 + 60ab + 36b^2.$$

### 2 вариант

$$1)(2 + y)^2 = 2^2 + 2 \cdot 2 \cdot y + y^2 = 4 + 4y + y^2.$$

$$2)(6 - c)^2 = 6^2 - 2 \cdot 6 \cdot c + c^2 = 36 - 12c + c^2.$$

$$3)(2x + 9)^2 = (2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot 9 + 9^2 = 4x^2 + 36x + 81.$$

$$4)(7m - 3n)^2 = (7m)^2 - 2 \cdot 7m \cdot 3n + (3n)^2 = 49m^2 - 42mn + 9n^2.$$

$$\left( \triangle \pm \text{октагон} \right)^2 = \triangle^2 \pm 2 \triangle \cdot \text{октагон} + \text{октагон}^2$$