

Э. КРАСС

Г. САШИН



муравьиная  
ГЕОМЕТРИЯ

Познакомьтесь, ребята.  
Это маленький муравей  
Мурашка.  
У него твёрдое блестя-  
щее брюшко, трудолюби-  
вые лапки и сообрази-  
тельная голова с любо-  
пытными усиками.





Мурашка живёт в муравейнике. Взрослые муравьи всегда заняты, и Мурашке очень интересно знать, что они делают. Как-то раз он услышал разговор муравьёв-строителей:

„Плоскость основания муравейника заливают дожди. Нужно поднять её выше“.



Удивился Мурашка. Никогда не слыхал он ещё слова „плоскость“.

– „Что это такое?“ – спросил он.

Задумался муравей-строитель. Как объяснить малышу?



И пошёл муравей-строитель  
посоветоваться с учёным  
муравьём Муравином.

— „Что если показать Мураш-  
ке крышку стола и сказать,  
что это плоскость?“





— Нет, — сказал Муравин, —  
Мурашка может подумать,  
что плоскость делается  
из дерева.

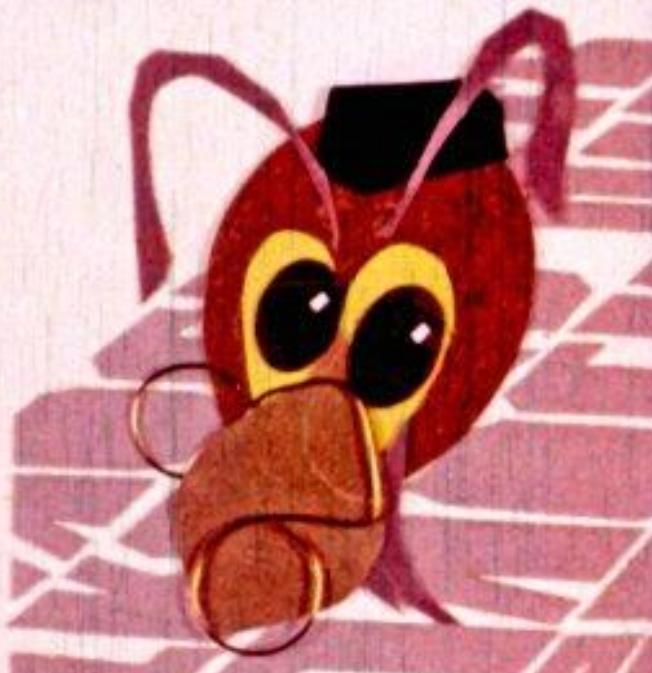


— А я покажу ему ещё  
оконное стекло  
и поверхность пруда.

— „Но при том, — сказал Муравин, — нужно пояснить, что всё же это не плоскости. Ведь плоскость бесконечна“.

— „Где же я возьму пример бесконечной плоскости?“

— „Такого примера и не найти. Плоскость можно только вообразить“.





- Заодно расскажи Мурашке  
про прямую и точку.  
Прямая похожа на натя-  
нутую нить, на паутинку.



— А точка похожа на маленькую капельку, на след мурашкой лапки.





Утром Мурашка бегал по лужайке  
и кричал: „Я бегу по прямой на  
плоскости лужайки. А вон мой друг  
Муравчик бежит по другой прямой .



И вот мы встретились в точке..."



К ним подошёл Муравин:  
„А знаешь, Мурашка, в дальнем лесу есть две тропинки, которые пересекаются в двух точках. Как ты думаешь, прямые эти тропинки или кривые?“

Мурашке страшно бежать в дальний лес, и стал он рисовать. Он пытался провести через две точки две прямые, но они упрямо сливались в одну.





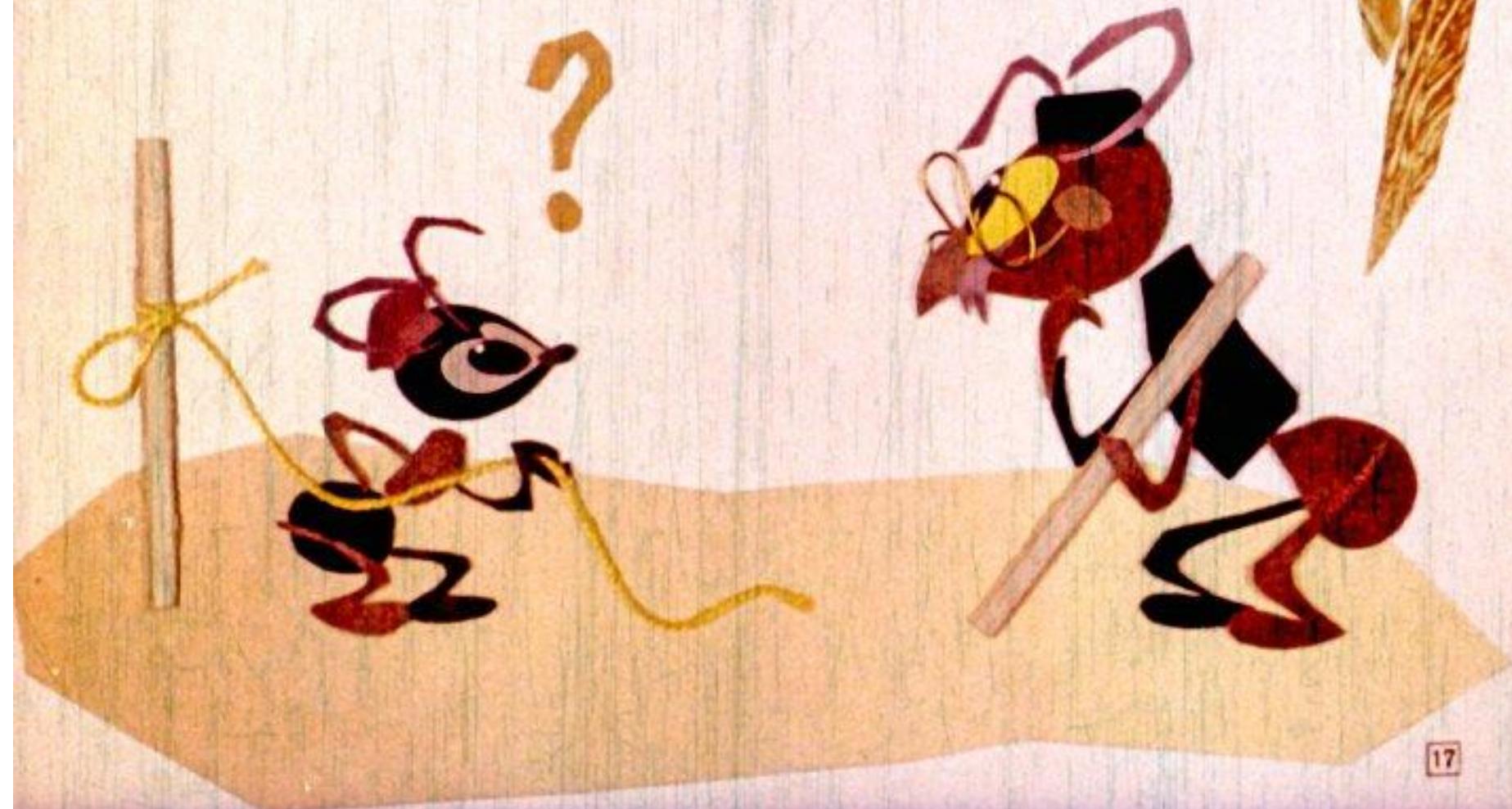
Наконец он сказал **Муравину**:  
„Обе тропинки кривые“.  
„Обязательно обе кривые?“ – улыбнулся **Муравин**.  
Ребята, помогите **Мурашке** правильно ответить на вопрос.



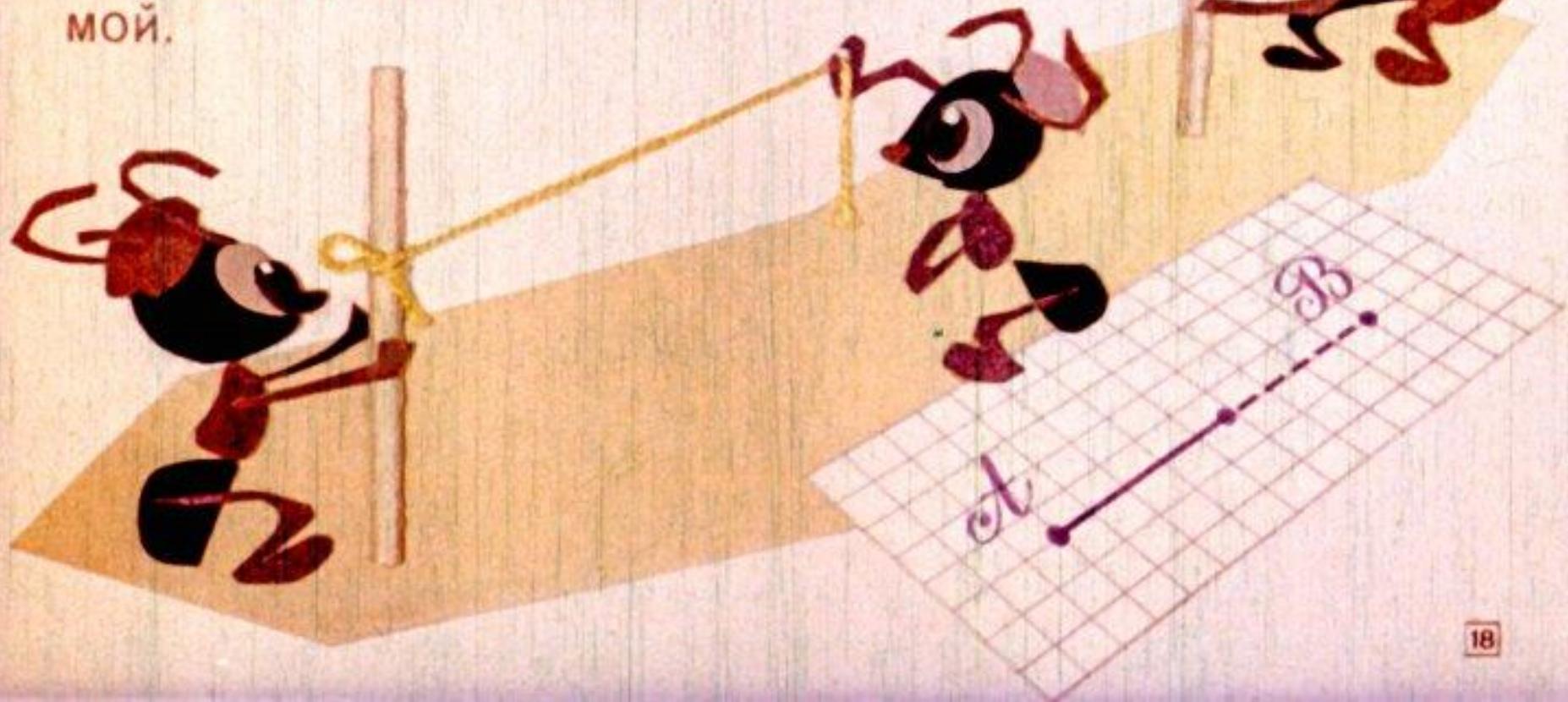
— А вот что обе тропинки не могут быть прямыми, в этом ты прав, — добавил Муравин. — Через две точки проходит только одна прямая, и сейчас я тебя научу строить её. — Муравин вбил в землю два колышка и натянул между ними верёвку.

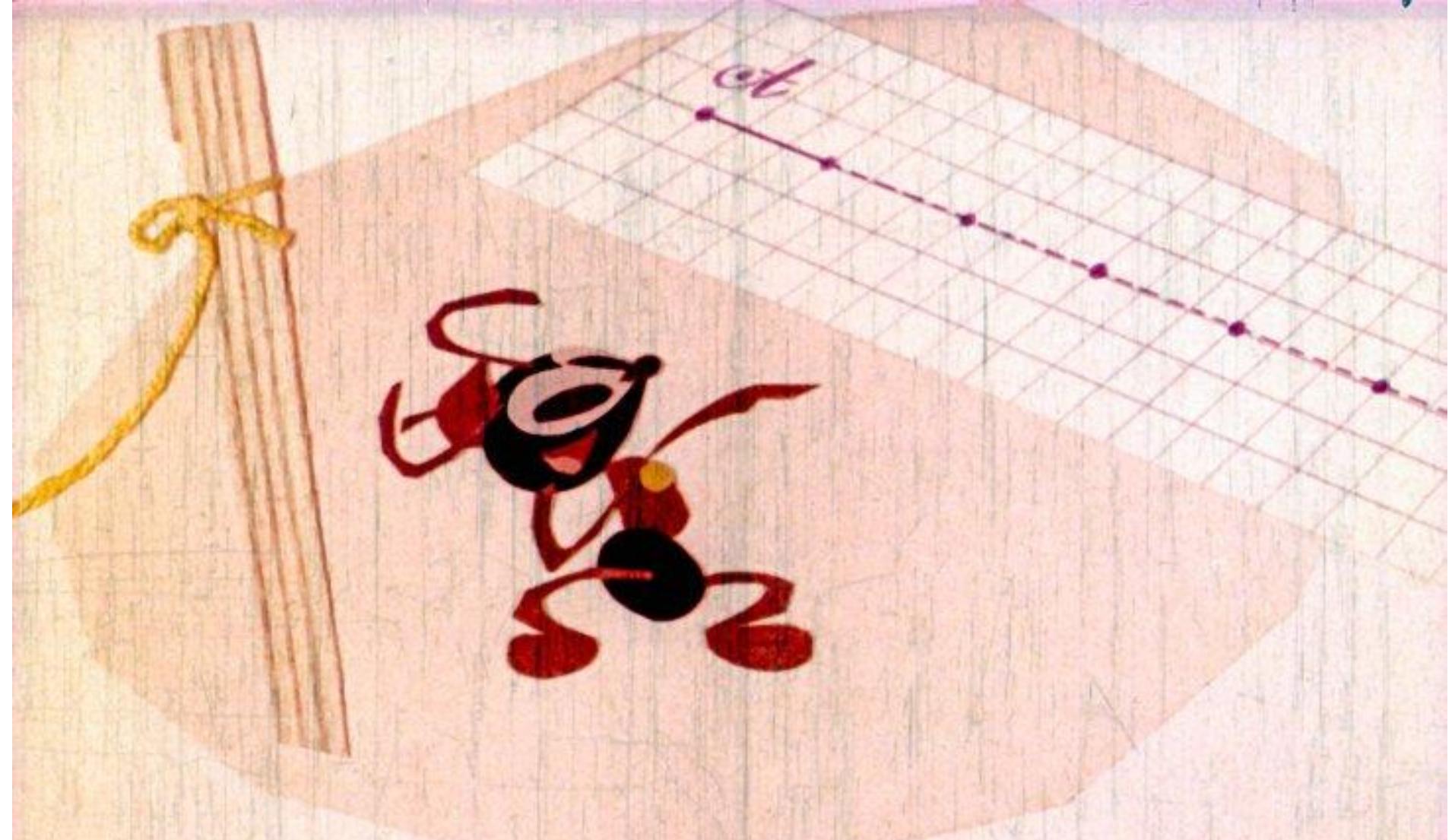


—А если колышки далеко друг от друга, а верёвка коротка, тогда как быть? — спросил Мурашка.



- Тут нам поможет Муравчин.  
Я встану в одной из точек,  
ты - в другой. Ты возьмёшь ко-  
нец верёвки, а другой ко-  
нец мы дадим Муравчину, и  
пусть он встанет между нами.  
Так мы проведём часть пря-  
мой.





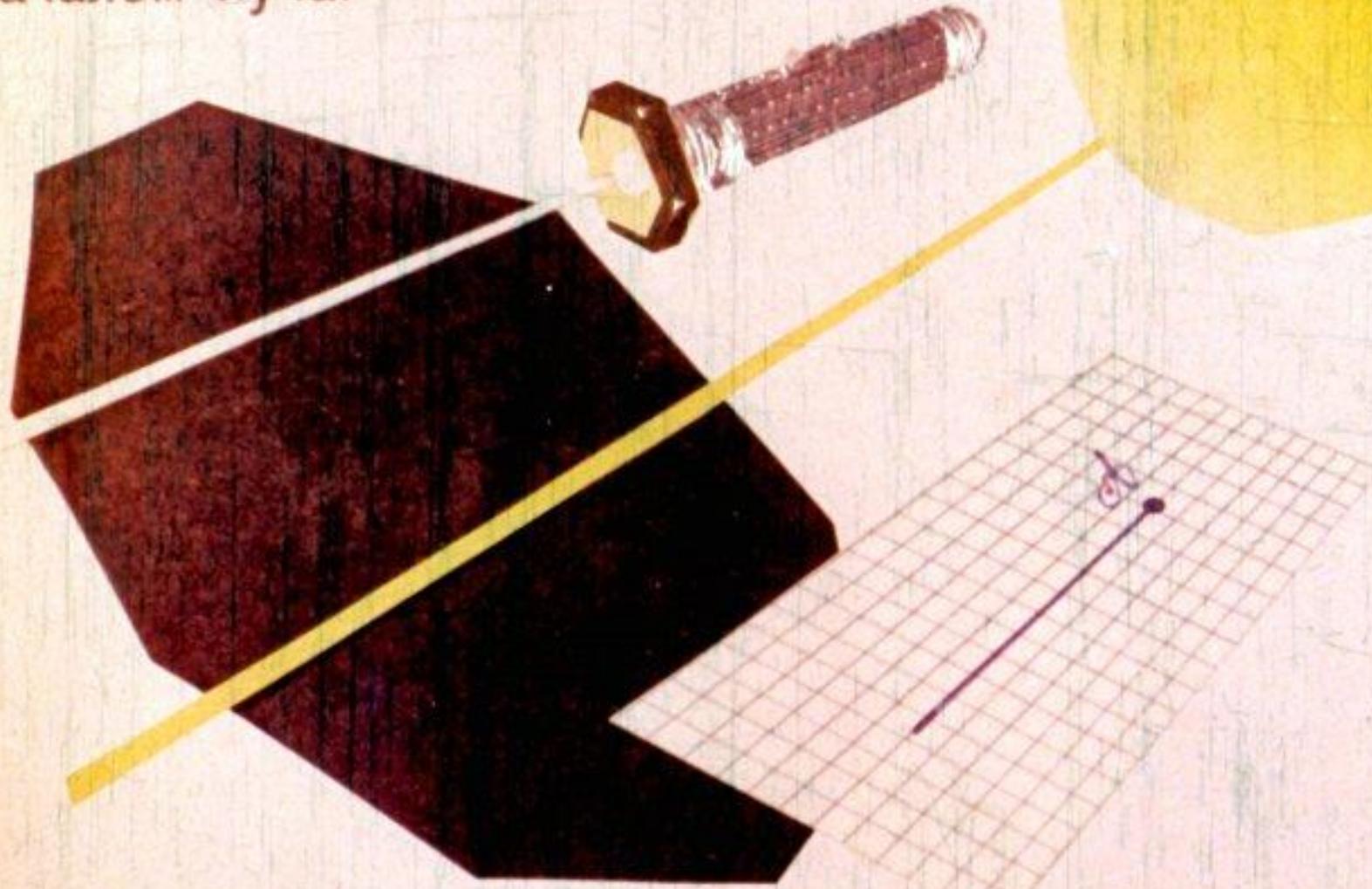
-И так, часть за частью, проведём всю прямую! – обрадовался Мурашка.

- „Нет, малыш! Всей жизни нашей не хватит, чтобы провести даже луч, а не то что всю прямую. Провести мы сможем только отрезок”.



- „Ой, опять новые слова: луч, отрезок. А что это такое?”

- Луч – это часть прямой, ограниченная одной точкой – началом луча.

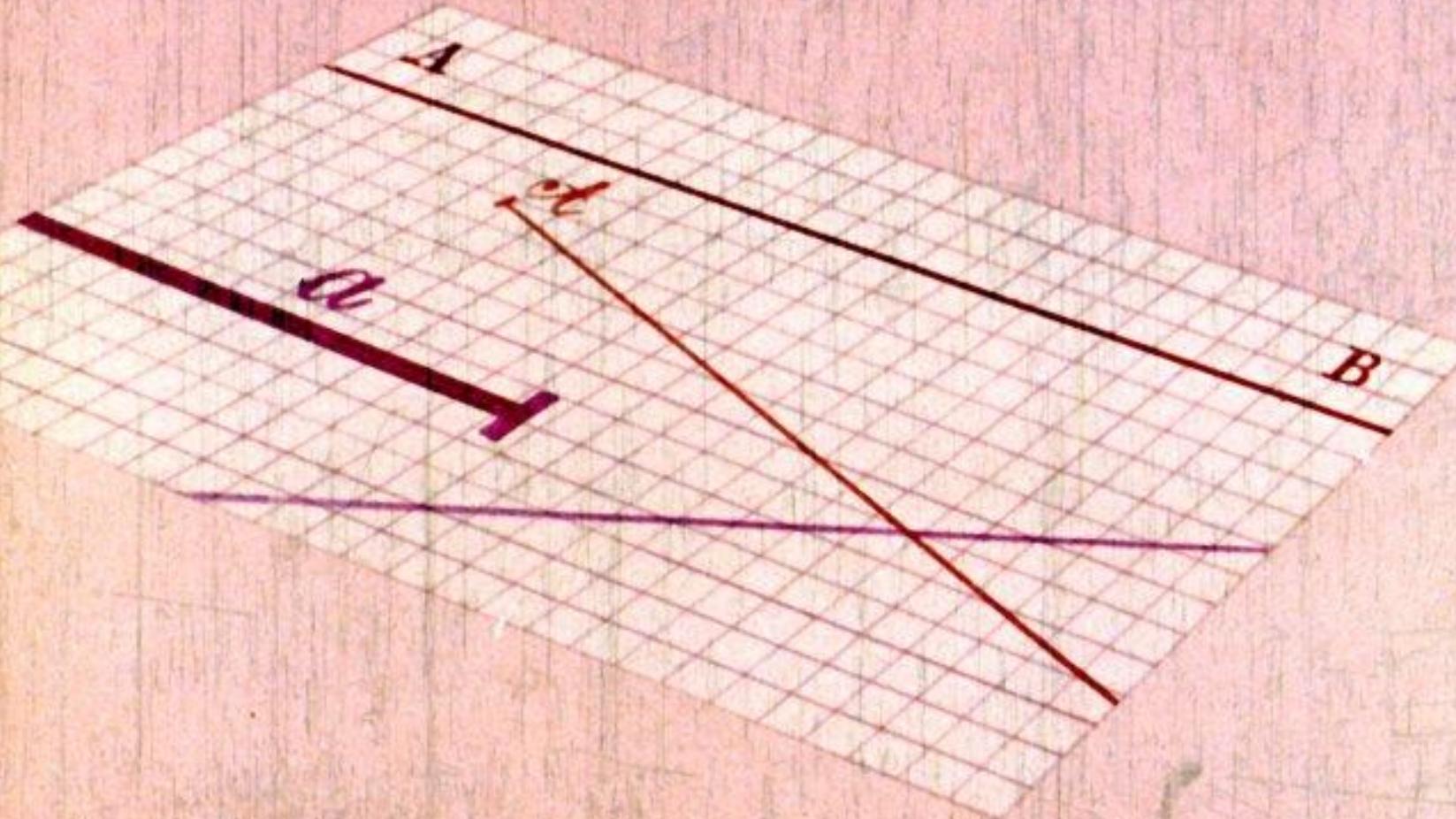




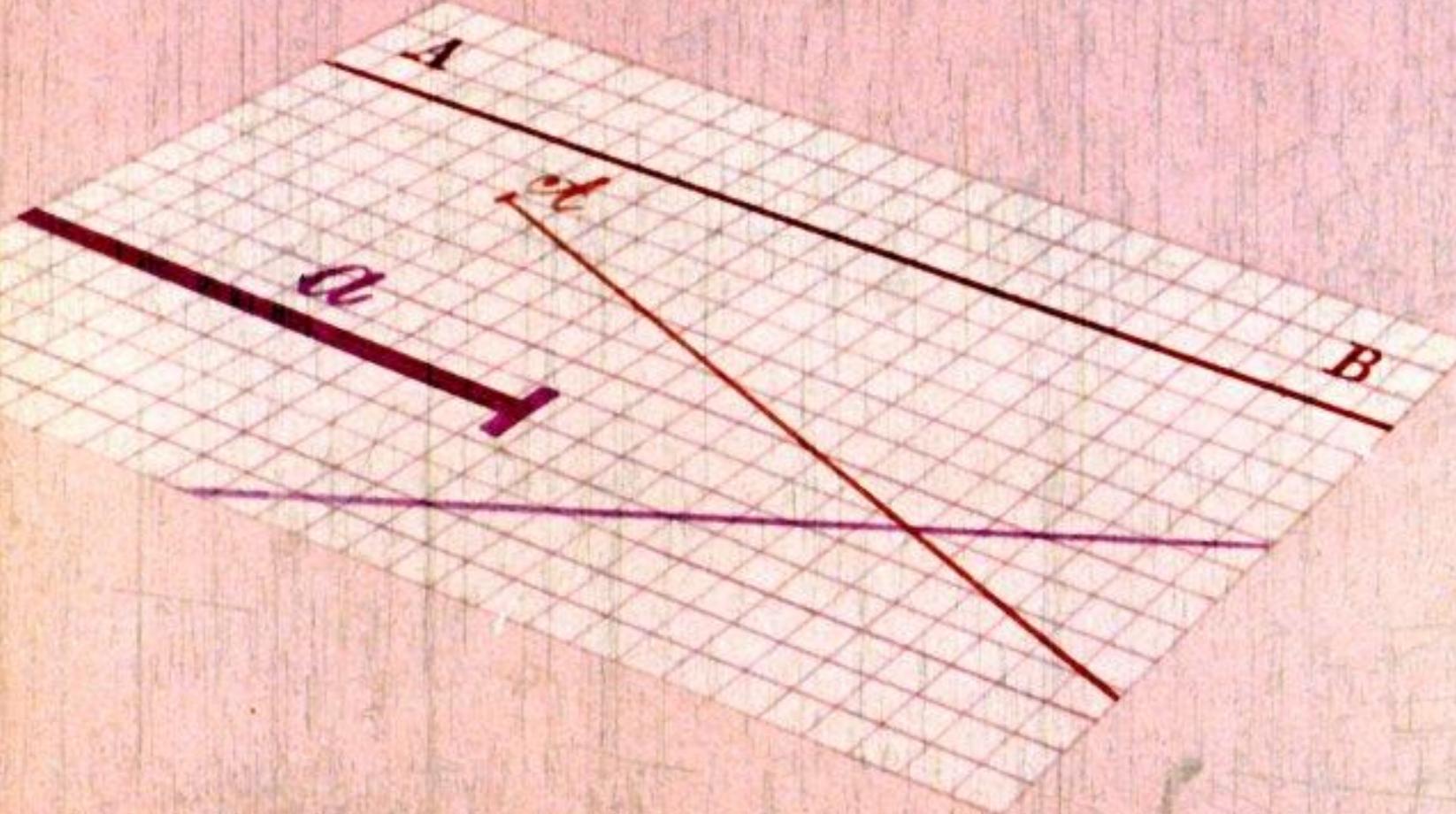
— „Отрезок – часть прямой, ограниченная двумя точками – концами отрезка“.

— „А что толще, луч или отрезок?“ – спросил Мурашка.

— Ни прямая, ни луч, ни отрезок не имеют толщины, так же, как не имеет толщины точка.  
Их можно рисовать и толстым и тонким карандашом, но все эти изображения будут условными.



Особенно это относится к лучам и к прямым: ведь они бесконечны, и нарисовать их полностью мы не можем. У нас получаются отрезки.



Особенно это относится к лучам и к прямым: ведь они бесконечны, и нарисовать их полностью мы не можем. У нас получаются отрезки.

Сообразительный Мурашка всё понял.

А вы, ребята?

Проверим это на задачах.



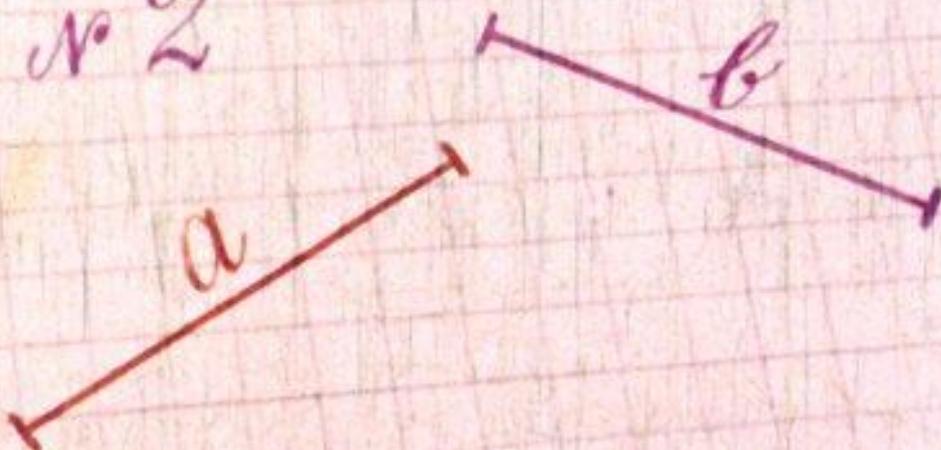
## Задача № 1



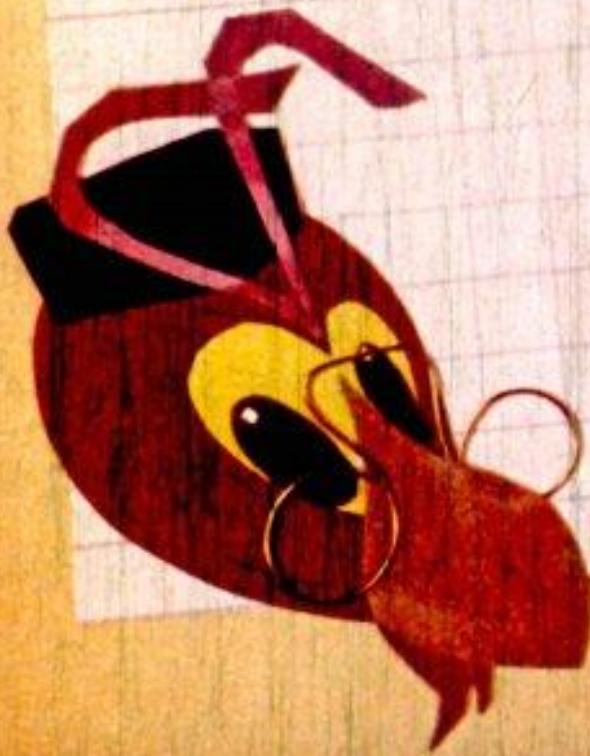
Пересекаются ли  
прямые  $a$  и  $b$ ?



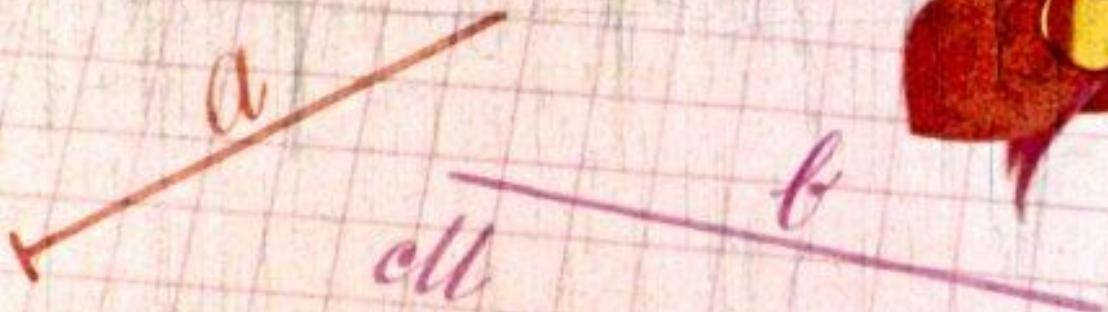
## Задача № 2



Пересекаются ли  
отрезки  $a$  и  $b$ ?



## Задача № 3



Луки  $a$  и  $b$  пересекаются.  
В какой точке находится  
начало лука  $b$ ?



## Задача №4

$\beta$

a

$c\beta$

Чему является фигура  $a$   
(прямой, лучом или отрезком),  
если известно, что

- 1) отрезок  $c\beta$  пересекает  $a$ ?
- 2)  $c\beta$  не пересекает  $a$ ?

Сколько решений в первом случае и  
сколько во втором?





## Задания № 5

a

b

Равны или не равны содомии  
и гомосексуалистам?



## Задача № 6



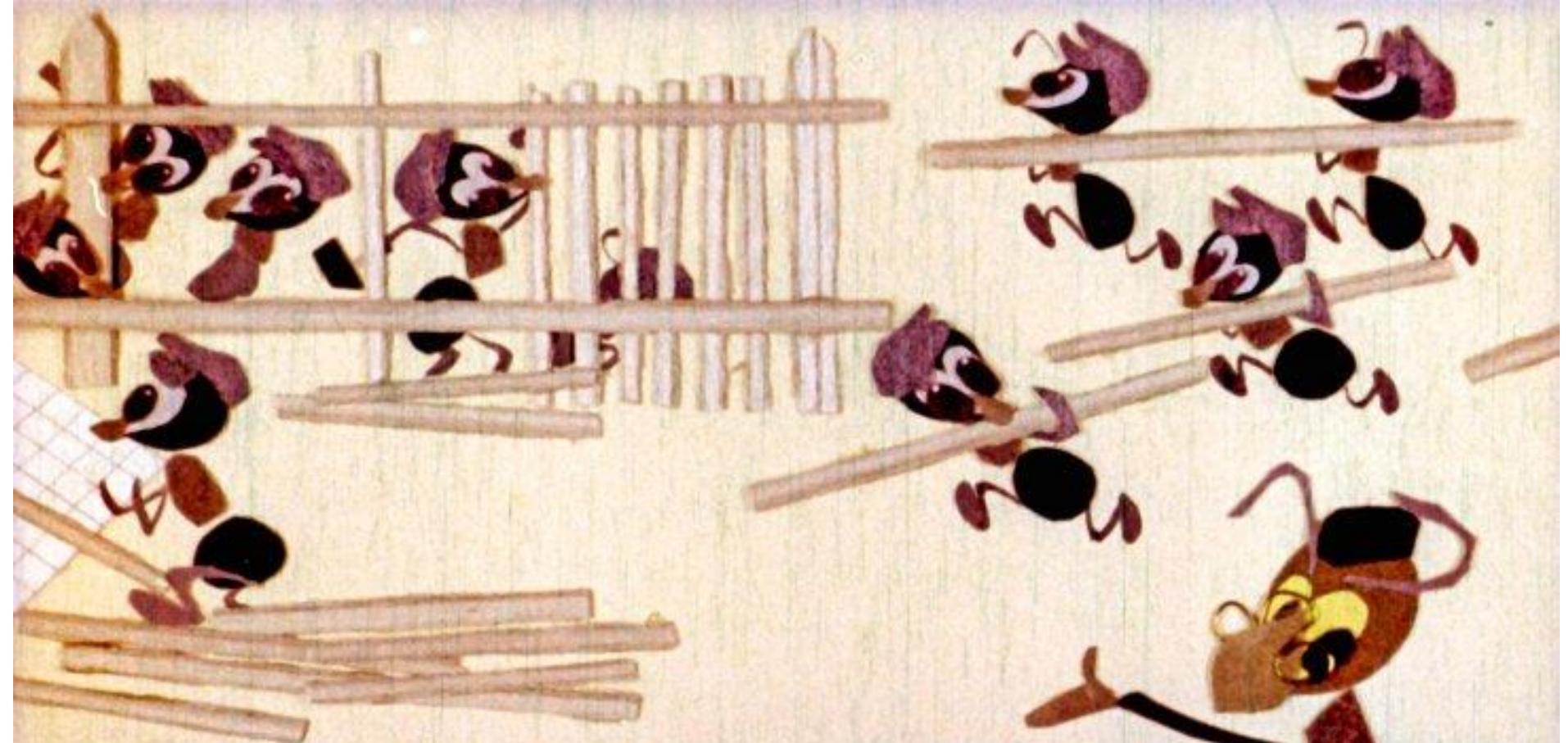
Равны ли между собой дуги  $a$  и  $b$ ?



Последние две задачи решал вместе с вами и Мурашка. Он понял, что все прямые равны между собой и все лучи равны между собой.

— „А отрезки тоже все равны между собой?“ — спросил он Муравина.



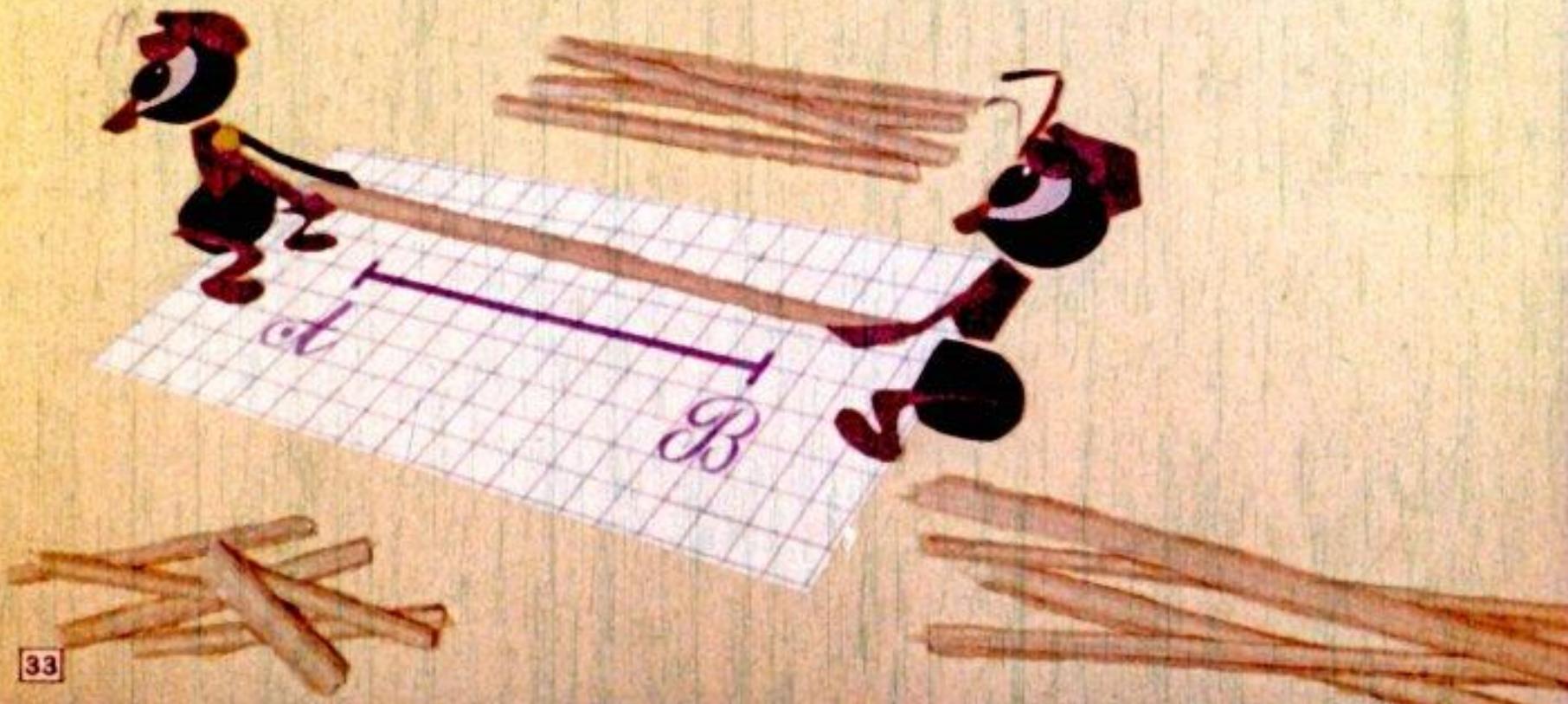


Вместо ответа Муравин повёл его в дальний конец лужайки, где муравьи-строители сооружали из прямых веточек забор. Одни приносили из леса веточки. Другие сортировали их. Третьи ставили забор.

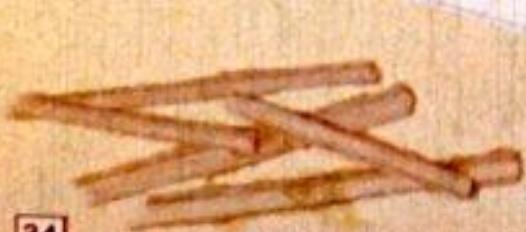
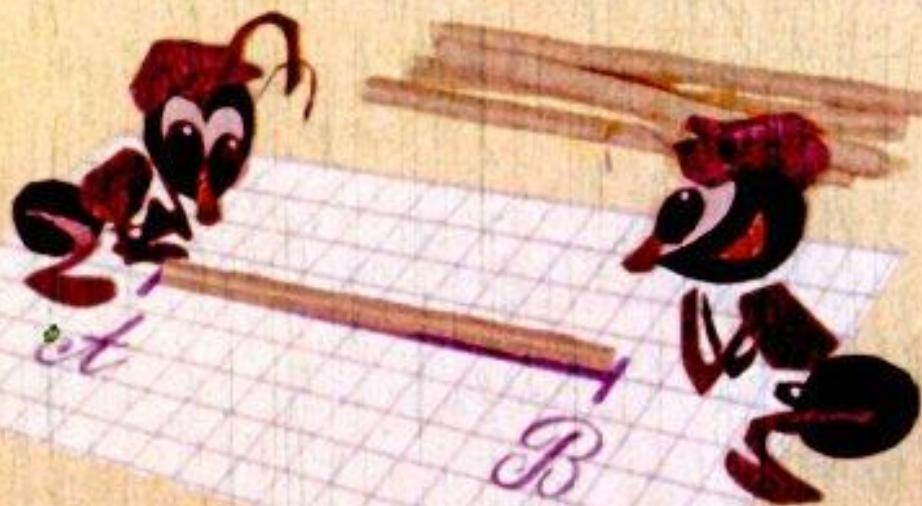
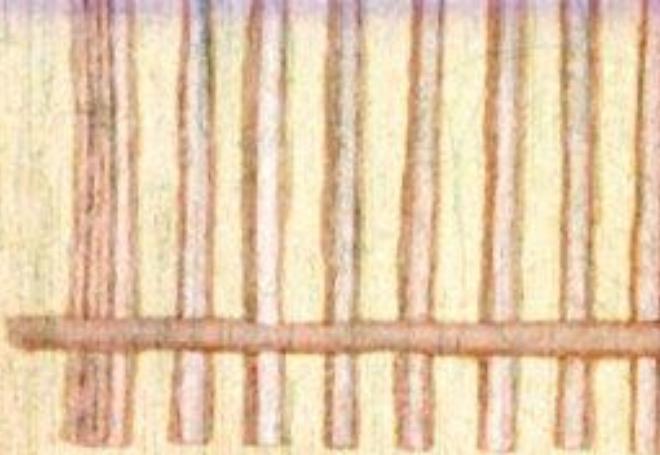
Муравьи-сортировщики прикладывали принесённые ветки к отрезку АВ на чертеже.

- „Что вы делаете?“ - спросил у них Мурашка.

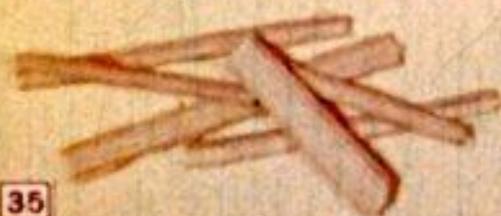
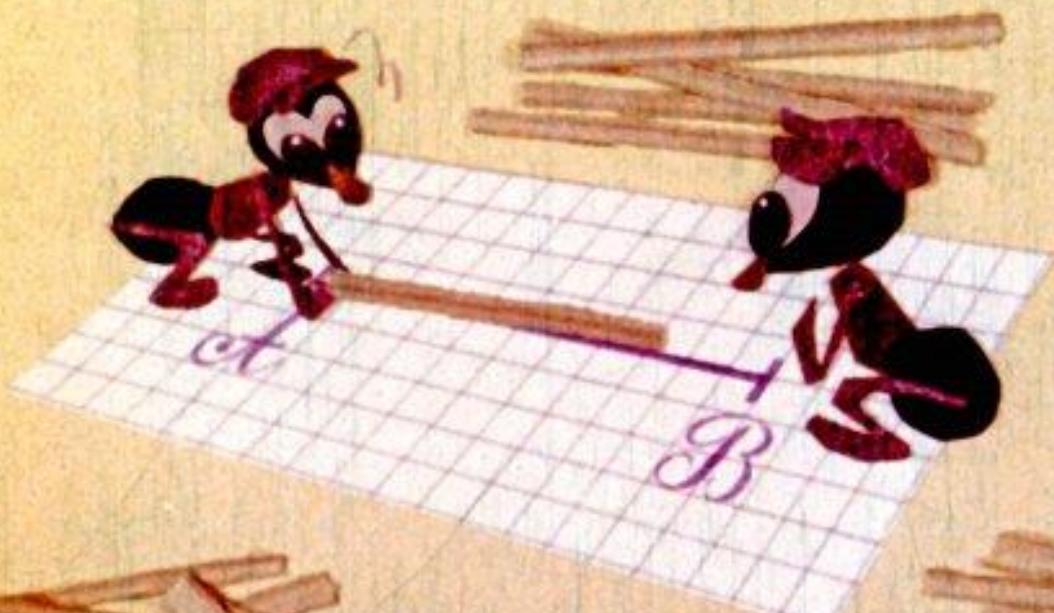
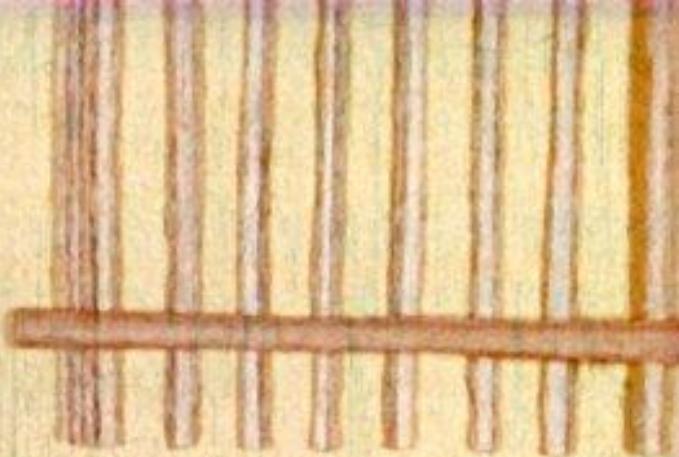
- „Сравниваем отрезки“, - был ответ.



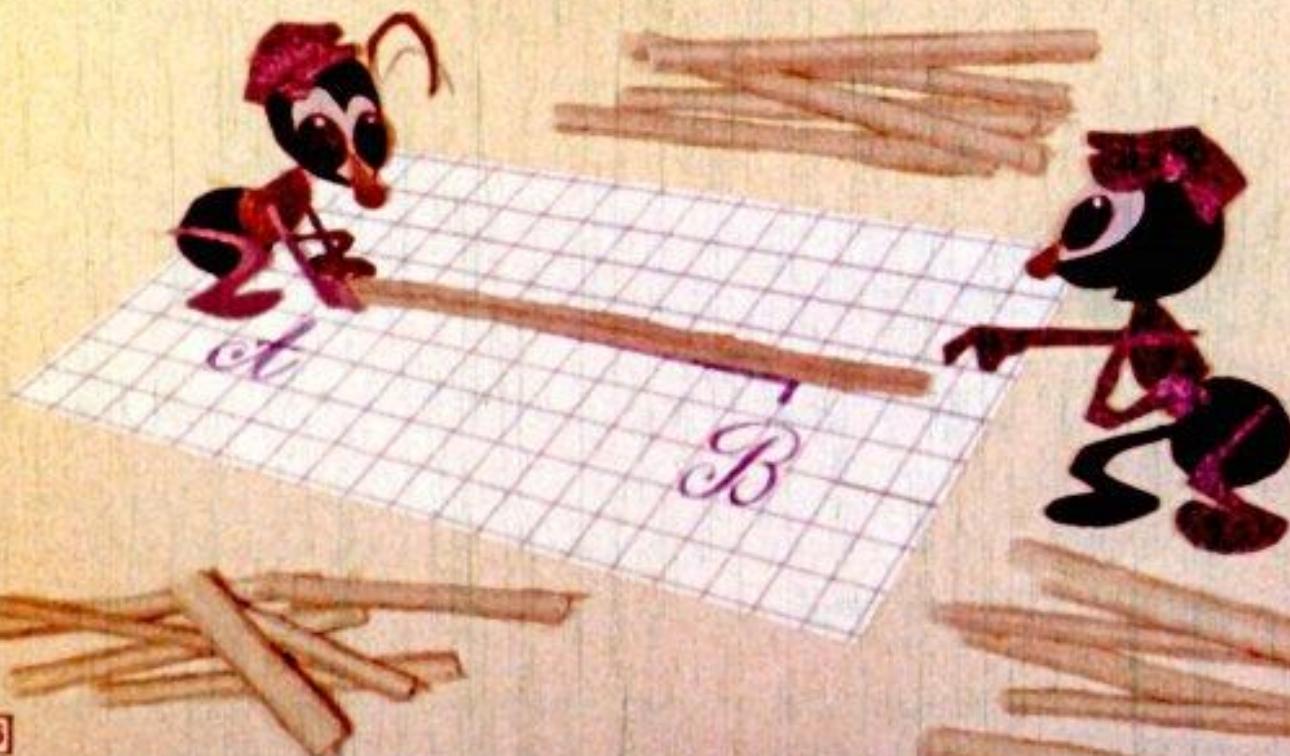
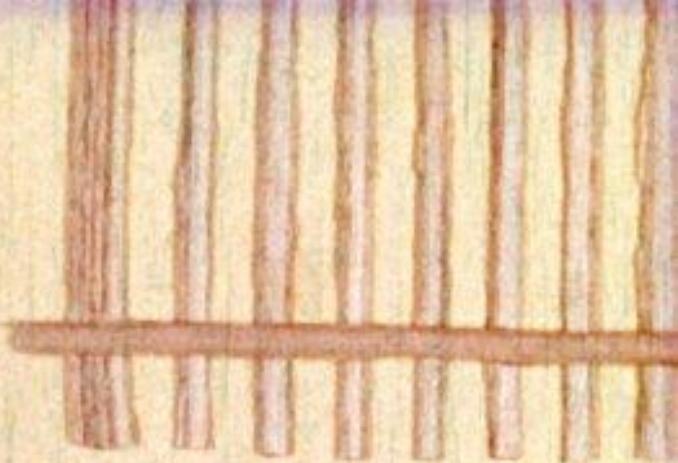
Они прикладывали конец веточки к точке А и накладывали её на отрезок АВ. Если второй конец совпадал с точкой В, то такая веточка шла в работу – она равна отрезку АВ.



Если второй конец веточки оказывался внутри отрезка АВ, то такая веточка выбрасывалась – она не годилась для дела, так как была меньше отрезка АВ.



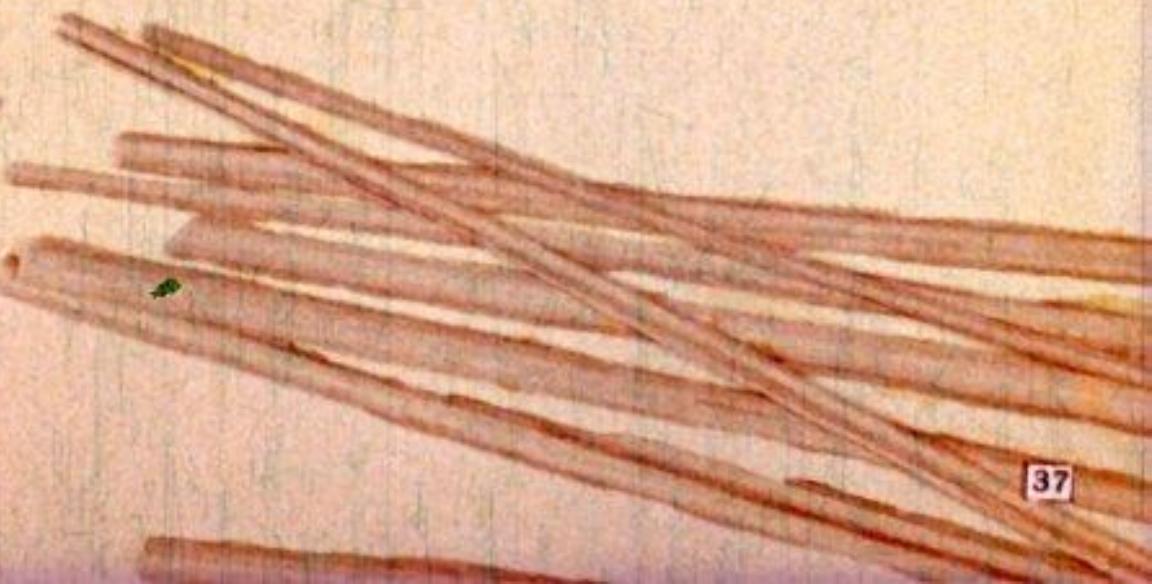
Если второй конец веточки оказался вне отрезка АВ, то её откладывали в отдельную кучку – эта веточка больше нужного отрезка.





Мурашка посмотрел на кучу больших веточек и сказал Муравину:

„А их не надо выбрасывать.  
От них можно отломить веточки нужной длины“.



– Молодец! – ответил Муравин.  
А про себя подумал: „Способ-  
ный малыш! В следующий раз  
обязательно расскажу ему  
про углы“.

