

Тема урока

«Умножение многочлена на многочлен»

*Подготовил
учитель математики
МОУ СШ №106
Дирин В. С.*

Волгоград 2018

Цели урока:

Образовательные:

- вывести правило умножения многочлена на многочлен;
- формировать умение применять это правило.

Развивающие:

- развитие внимания;
- формирование умения анализировать и обобщать знания по теме;
- развитие навыков устного счёта.

Воспитательные:

- воспитание аккуратности;
- воспитание устойчивого интереса к предмету.

Самостоятельная работа

а) $a(x - y);$

Ответ: $ax - ay$

б) $2p(3 - q);$

Ответ: $6p - 2pq$

в) $-2x(x - 4);$

Ответ: $-2x^2 + 8x$

г) $4y(y^3 + 0,25);$

Ответ: $4y^4 + y$

д) $-0,5c^2(c^3 + 2);$

Ответ: $-0,5c^5 - c^2$

е) $-5x(3x^2 - 4);$

Ответ: $-15x^3 + 20x$

ж) $2a^4(a^3 - 0,5);$

Ответ: $2a^7 - a^4$

з) $-q^7(q^3 - q^5).$

Ответ: $-q^{10} + q^{12}$

Изучение нового материала

$$(a + b)(c + d)$$

Обозначим двучлен $(a + b)$ буквой x .

$$x(c + d) = x c + x d = (a + b)c + (a + b)d = ac + bc + ad + bd.$$

Итак, $(a + b)(c + d) = ac + bc + ad + bd$.

Чтобы умножить многочлен на многочлен, нужно каждый член одного многочлена умножить на каждый член другого многочлена и полученные результаты сложить.

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd.$$

Пример 1. Умножить многочлен $(3a - 2b)$ на многочлен $(2a + 3b)$.

Решение:

$$\begin{aligned}(3a - 2b)(2a + 3b) &= \\&= 3a \cdot 2a + 3a \cdot 3b + (-2b) \cdot 2a + (-2b) \cdot 3b = \\&= 6a^2 + 9ab - 4ab - 6b^2 = 6a^2 + 5ab - 6b^2.\end{aligned}$$



Пример 2. Упростить выражение $(2x - 3)(5 - x) - 3x(4 - x)$.

Решение:

$$\begin{aligned}(2x - 3)(5 - x) - 3x(4 - x) &= \\&= 10x - 2x^2 - 15 + 3x - 12x + 3x^2 = \\&= x^2 + x - 15.\end{aligned}$$



Пример 3. Докажем, что при любом натуральном значении n значение выражения

$$(n + 1)(n + 2) - (3n - 1)(n + 3) + 5n(n + 2) + n + 7$$

кратно 3 .

Решение:

$$\begin{aligned}(n + 1)(n + 2) - (3n - 1)(n + 3) + 5n(n + 2) + n + 7 &= \\ = n^2 + 2n + n + 2 - 3n^2 - 9n + n + 3 + 5n^2 + 10n + n + 7 &= \\ = 3n^2 + 6n + 12 &= 3(n^2 + 2n + 4).\end{aligned}$$

Вывод: При любом натуральном n произведение $3(n^2 + 2n + 4)$ делится на 3, а значит и значение выражения $(n + 1)(n + 2) - (3n - 1)(n + 3) + 5n(n + 2) + n + 7$ делится на 3.

Закрепление изученного

Учебник стр. 187,

№ 706

№ 707(а-г)

№ 708(а-г)

№ 709 (а,в)

№ 711 (а)



Итог урока

1. Сформулируйте правило умножения многочлена на многочлен.

Чтобы умножить многочлен на многочлен, нужно каждый член одного многочлена умножить на каждый член другого многочлена и полученные результаты сложить.

2. Какие знаки будут иметь слагаемые, полученные при умножении многочленов:
а) $(x + y)(a - b)$; б) $(n - m)(p - q)$?

Домашнее задание

п. 7.4,
№707(д-з)
№708(д-з);
№ 709 (б, г)

