

# Задание ЕГЭ

**№ 18**



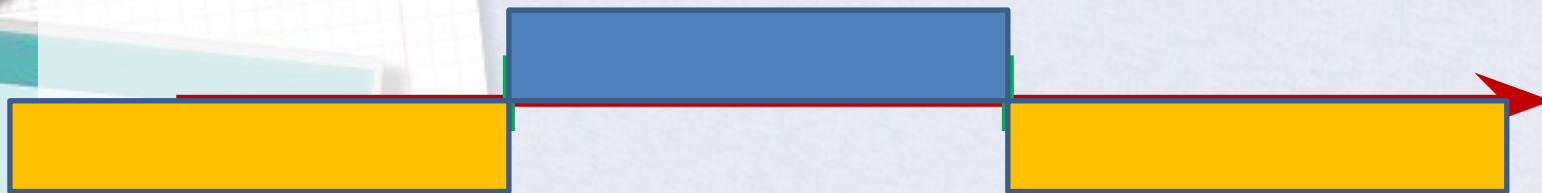
ЕТРИЯ

5



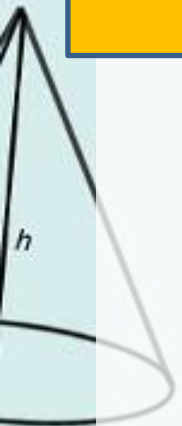
# Подготовка

$R$



$R$

$R$



ГЕОМЕТРИЯ

5

# Некоторые законы

✓  $A \rightarrow B = \overline{A} + B$

✓  $\overline{(A \vee B)} = \overline{A} \wedge \overline{B}$

✓  $\overline{(A \wedge B)} = \overline{A} \vee \overline{B}$

# Задание 1

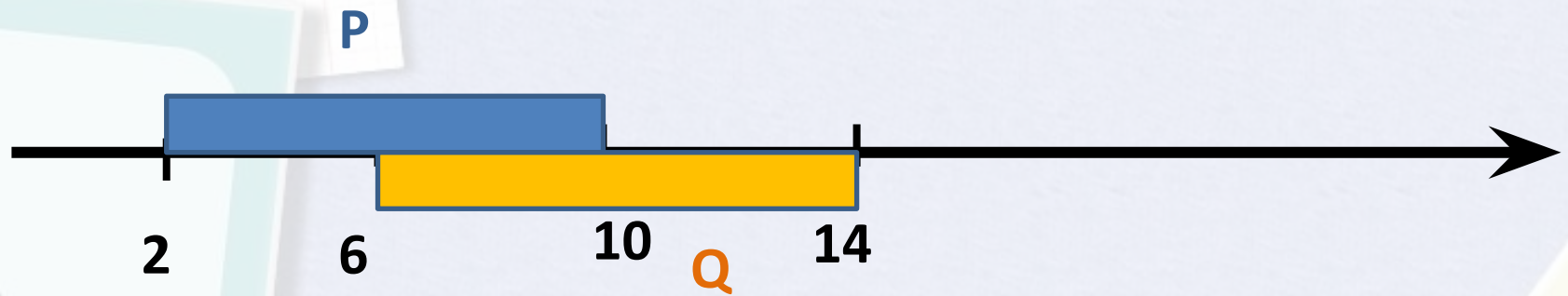
1. На числовой прямой даны два отрезка:  $P = [2, 10]$  и  $Q = [6, 14]$ . Выберите такой отрезок  $A$ , что формула

$$((x \in A) \rightarrow (x \in P)) \vee (x \in Q)$$

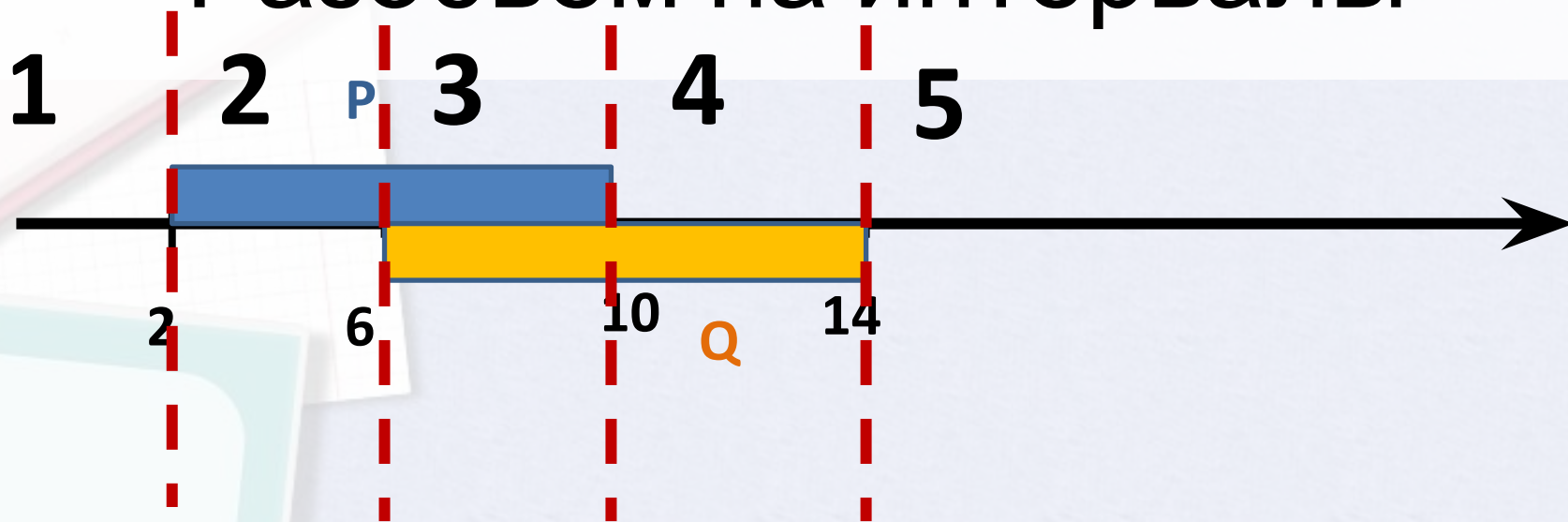
тождественно истинна, то есть принимает значение 1 при любом значении переменной  $x$ .

- 1)  $[0, 3]$
- 2)  $[3, 11]$
- 3)  $[11, 15]$
- 4)  $[15, 17]$

# Отметим отрезки на числовой оси



# Разобъём на интервалы



# Преобразуем формулу

Делаем замену:  $(x \in A) = A$ ,  $(x \in P) = P$ ,  
 $(x \in Q) = Q$

$$((x \in A) \rightarrow (x \in P)) \vee (x \in Q)$$

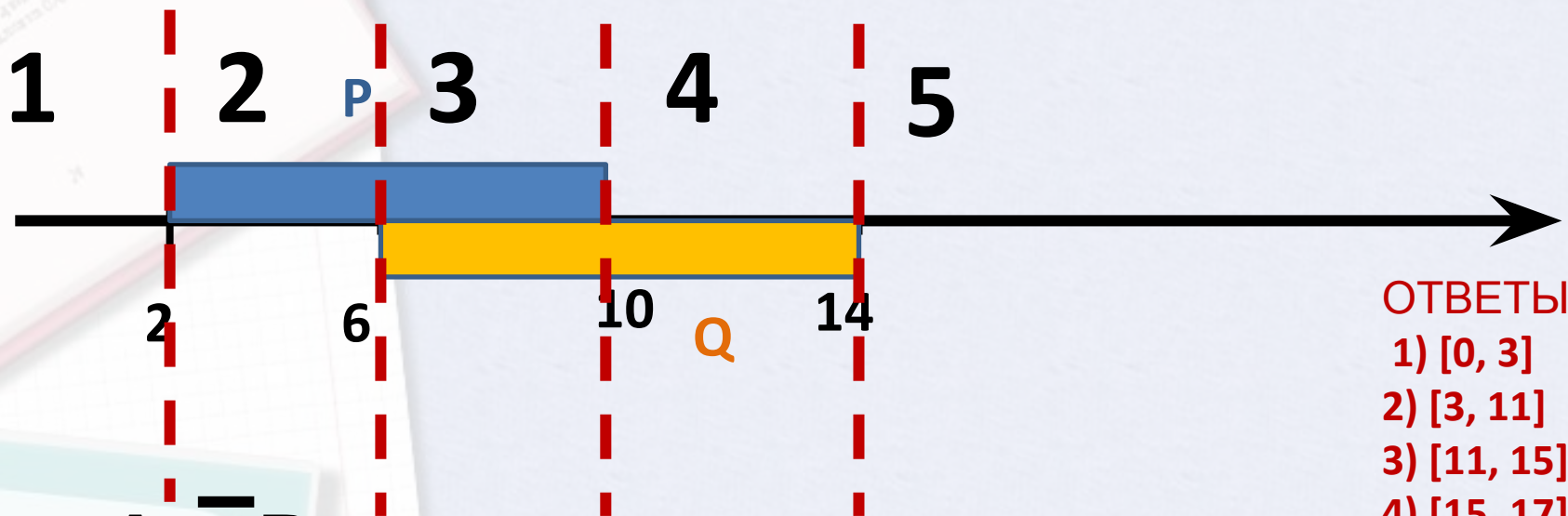
Пользуясь свойством импликации:

$$A \rightarrow B \equiv \neg A + B$$

Получаем:

$$\neg A + P + Q$$

Применяем это равенство к нашим интервалам:



- ОТВЕТЫ:
- 1) [0, 3]
  - 2) [3, 11]
  - 3) [11, 15]
  - 4) [15, 17]

$$A + \overline{P + Q}$$

Считаем  $P+Q$  на каждом интервале:

1.  $0 + 0 = 0$  По условию выражение
2.  $1 + 0 = 1$  должно быть равно 1 на
3.  $1 + 1 = 1$  каждом интервале,
4.  $0 + 1 = 1$  следовательно  $\overline{A} = 1$  на 1
5.  $0 + 0 = 0$  и 5 интервале. Значит  $A=1$  на интервале 2-4 [2;14]

ПРАВИЛЬНЫ  
Й ОТВЕТ:

2



# ПРИМЕР 2

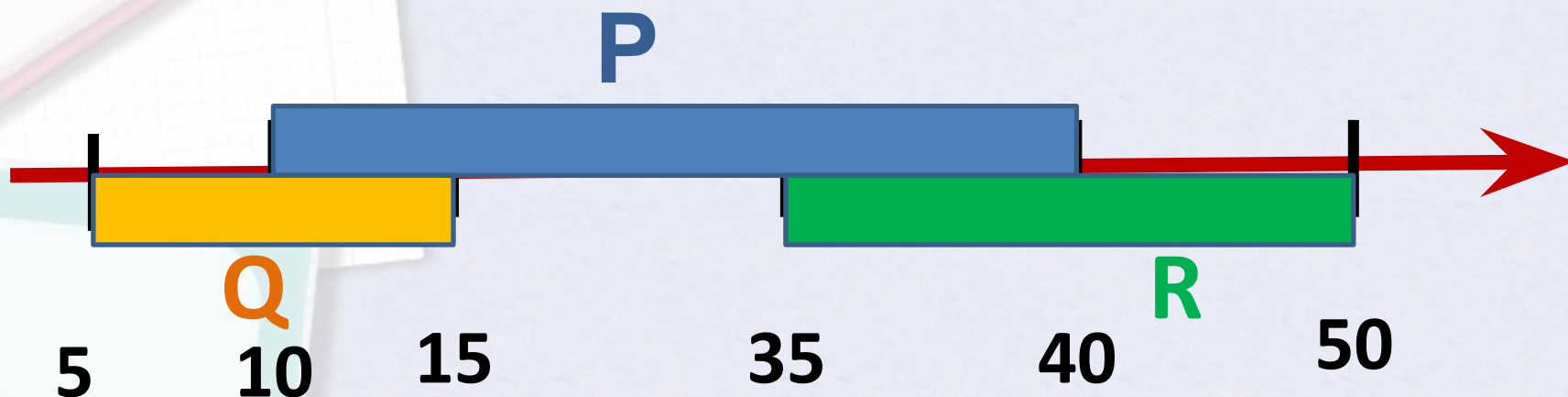
2. На числовой прямой даны три отрезка:  $P = [10, 40]$ ,  $Q = [5, 15]$  и  $R = [35, 50]$ . Выберите такой отрезок  $A$ , что формула

$$((x \in A) \rightarrow (x \in P)) \vee ((x \in Q) \rightarrow (x \in R))$$

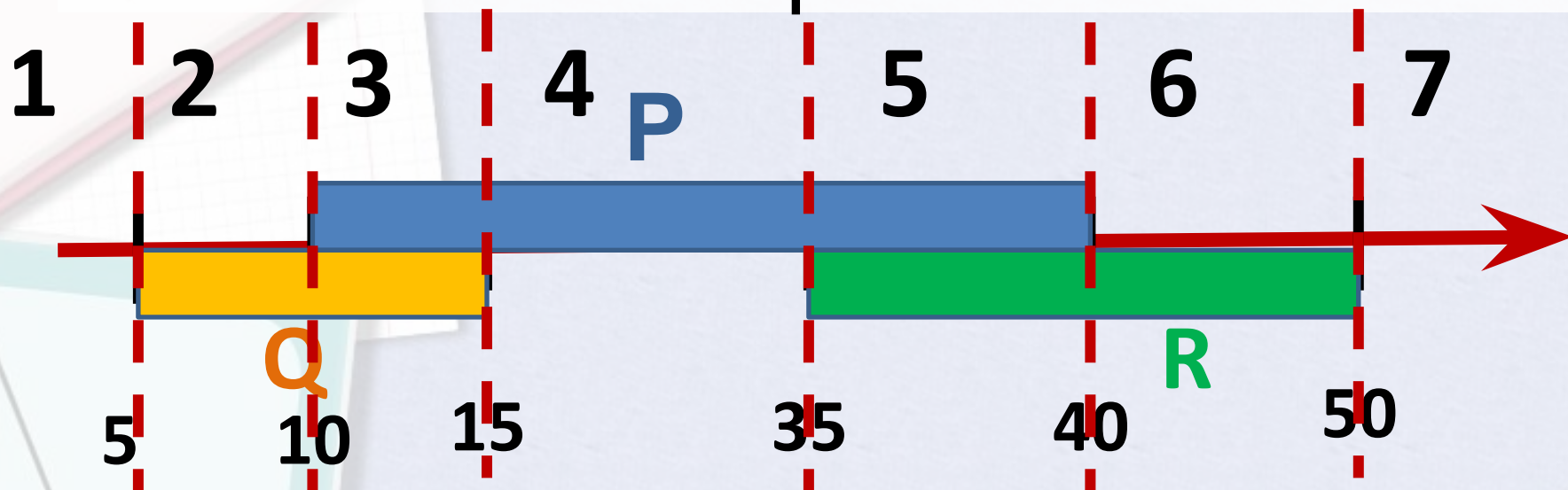
тождественно истинна, то есть принимает значение 1 при любом значении переменной  $x$ .

- 1)  $[9, 20]$
- 2)  $[3, 12]$
- 3)  $[3, 7]$
- 4)  $[120, 130]$

# Отметим отрезки на числовой оси



# Разобьём числовую ось на интервалы

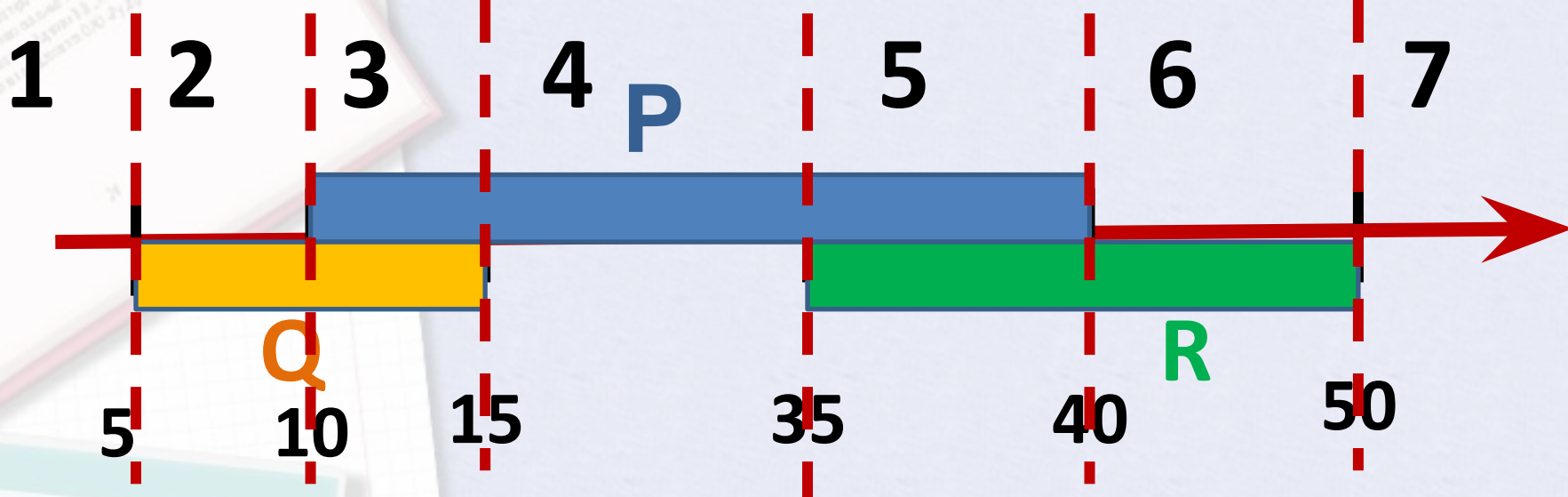


# Делаем замену и преобразуем формулу:

$$(x \in A) = A, (x \in P) = P, x \in Q = Q, (x \in R) \rightarrow (x \in A) \rightarrow (x \in P) \vee ((x \in Q) \rightarrow (x \in R))$$

$$\bar{A} + P + \bar{Q} +$$

Рассмотрим поведение этого выражения на наших интервалах



$$\bar{A} + P + \bar{Q} +$$

$$1. 0 + 1 + 0 = 1$$

$$2. 0 + 0 + 0 = 0$$

$$3. 1 + 0 + 0 = 1$$

$$4. 1 + 1 + 0 = 1$$

$$5. 1 + 1 + 1 = 1$$

$$6. 0 + 1 + 1 = 1$$

$$7. 0 + 1 + 0 = 1$$

Рассмотрим поведение  $\bar{P}+Q+R$  на этих интервалах

Следовательно,  $\bar{A} = 1$  на 2 интервале, а  $A=1$  на интервале  $(-\infty; 5) \vee [10; +\infty)$

Из ответов:

- 1)  $[9, 20)$
- 2)  $[3, 12]$
- 3)  $[3, 7]$
- 4)  $[120, 130]$

**Этому условию  
удовлетворяет  
ТОЛЬКО ОТВЕТ  
№ 4**

# Пример № 3

3. На числовой прямой даны два отрезка:  $P = [5, 15]$  и  $Q = [10, 20]$ . Выберите такой отрезок  $A$ , что формула

$$(x \in P) \wedge (x \notin Q) \wedge (x \in A)$$

тождественно ложна, то есть принимает значение 0 при любом значении переменной  $x$ .

- 1)  $[0, 7]$
- 2)  $[8, 15]$
- 3)  $[15, 20]$
- 4)  $[7, 20]$

**РЕШИТЕ САМОСТОЯТЕЛЬНО**

# РЕШЕНИЕ



$$(x \in P) \wedge (x \notin Q) \wedge (x \in A)$$

$P \wedge \neg Q \wedge A$ , на интервалах:

- 1.  $0 * 1 = 0$  Из всех интервалах
  - 2.  $1 * 1 = 1$  только на втором
  - 3.  $1 * 0 = 0$  [5;10] истина,
  - 4.  $0 * 1 = 0$  следовательно там
  - 5.  $0 * 0 = 0$   $A=0$ , на остальных
- может принимать любое значение.

Из ответов:

- 1) [0, 7]
- 2) [8, 15]
- 3) [15, 20]
- 4) [7, 20]

**Следовательно  
правильный ответ  
№ 3**