

ОСНОВЫ ЛОГИКИ

Логика – наука о формах
и способах мышления.



Понятие –это форма мышления, фиксирующая основные, существенные признаки объекта.

- Содержание
- Объем



Высказывание -

это форма мышления, в которой что-либо утверждается или отрицается о свойствах реальных предметов и отношениях между ними. Высказывание может быть либо истинно, либо ложно.



Умозаключение -

-это форма мышления, с помощью которой из одного или нескольких суждений (посылок) может быть получено новое суждение (заключение).



Алгебра высказываний

- Логическое умножение (конъюнкция)
- Логическое сложение (дизъюнкция)
- Логическое отрицание (инверсия)



Логическое умножение (конъюнкция)

– Составное высказывание, образованное в результате операции логического умножения истинно тогда и только тогда, когда истинны все входящие в него простые высказывания.

«и», &, \wedge



Таблица истинности логического умножения

A	B	F=A&B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Логическое сложение (дизъюнкция)

- Составное высказывание, образованное в результате логического сложения (дизъюнкции), истинно тогда, когда истинно хотя бы одно из входящих в него простых высказываний.

«Или», \vee



Таблица истинности логического сложения

A	B	$F=AVB$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



Логическое отрицание (инверсия)

- Делает истинное высказывание ложным и наоборот, ложное - истинным.
- «не», \bar{a} , \neg



Таблица истинности функции логического отрицания

A	$F = \bar{A}$
0	1
1	0

Логическое равенство (эквивалентность)

- Составное высказывание, образованное с помощью логической операции эквивалентности истинно тогда и только тогда, когда оба высказывания одновременно либо ложны, либо истинны.
- «...тогда и только тогда, когда ...»



Таблица истинности логической функции эквивалентности

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Логическое следование (импликация)

- Составное высказывание, образованное с помощью операции логического следования (импликации) ложно тогда и только тогда, когда из истиной предпосылки следует ложный вывод.



Таблица истинности

A	B	$F=A \rightarrow B$
0	0	1
0	1	1
1	0	0
1	1	1



Логические выражения (формулы)

- Логические переменные
- Знаки логических операций



Таблицы истинности

$$\overline{A \vee B}$$

A	B	\overline{A}	\overline{B}	$\overline{A \vee B}$	$\overline{\overline{A} \vee \overline{B}}$
0	0	1	1	1	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	0	1

Таблица истинности A&B

A	B	A&B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Логические законы

1. Закон тождества

$$A=A$$

2. Закон непротиворечия $A \& \bar{A} = 0$

3. Закон исключенного третьего

$$A \vee \bar{A} = 1$$

4. Закон двойного отрицания $\bar{\bar{A}} = A$



5. Законы де Моргана

- $\overline{A \vee B} = \overline{A} \wedge \overline{B}$

- $\overline{A \wedge B} = \overline{A} \vee \overline{B}$



6. Закон коммутативности

$$A \& B = B \& A$$

$$A \vee B = B \vee A$$



7. Закон ассоциативности

$$(A \& B) \& C = A \& (B \& C)$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C)$$



8. Закон дистрибутивности

$$(A \& B) \vee (A \& C) = A \& (B \vee C)$$

$$(A \vee B) \& (A \vee C) = A \vee (B \& C)$$



Диктант

1. Напишите таблицу истинности для операции ***конъюнкция***.
2. Напишите таблицу истинности для операции ***дизъюнкция***.
3. Напишите таблицу истинности для операции ***импликация***.
4. Напишите таблицу истинности для операции ***эквивалентность***.

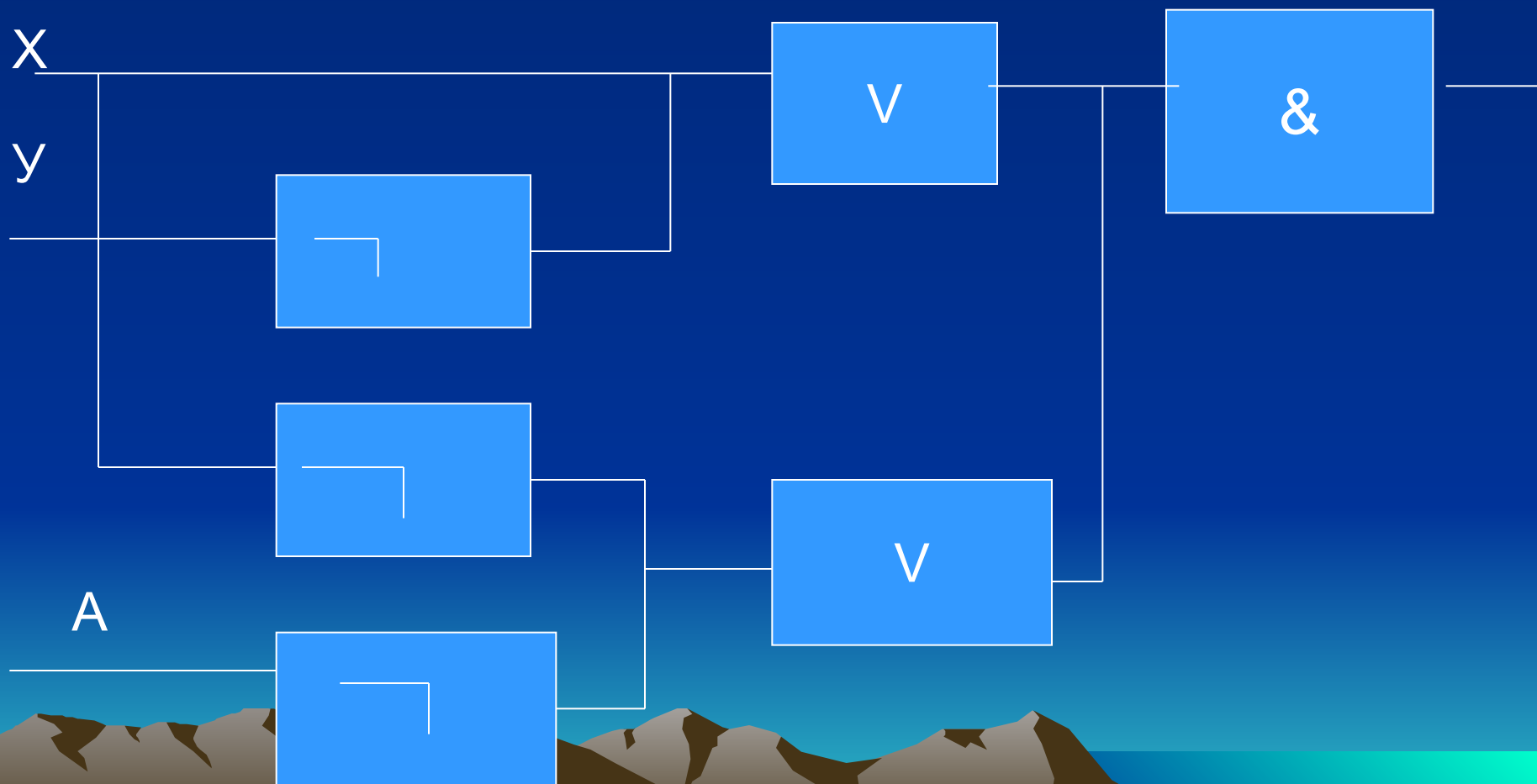


Тест

1. С помощью таблицы истинности получите результат логической функции $A \& \neg B$
2. Какому логическому элементу соответствует логическая схема:

A	B	C
0	0	0
1	0	0
0	1	0
1	1	1

3. Дана логическая схема. Напишите по ней логическую функцию и составьте таблицу истинности.



4. Упростите выражение:

$$A \& B \vee (C \& B)$$



5. Для составления цепочек используются бусины А, В, С, D,Е. На первом месте в цепочке стоит одна из бусин А, С, Е. На втором – любая гласная, если первая буква согласная и любая согласная, если первая гласная. На третьем месте одна из бусин С, D,Е, не стоящая в цепочке на 1-ом месте. Какая из цепочек создана по этому правилу?

1)СВЕ 2)ADD 3)ECE 4)EAD

