

Измерение информации



Алфавитный
подход

Единицы
измерения
информации

Содержательный
подход

Карпова Татьяна Александровна
учитель информатики
МАОУ «СОШ №80», г. Северск, Томская область

Три кита на которых стоит мир



Вещество

Можно ли измерить
вещество?

Например
длина (мм, см, д
вес (мг, г, кг,
объем (мм³, см



Энергия

Можно ли измерить
энергию?

Н
тепло
электр



Информация

Как измерить
количество
информации?

Какие единицы измерения?

Информативным назовем сообщение, которое **пополняет знания человека**, т.е. несет для него информацию.



Понятное/ новое \Rightarrow
сообщение
информативно
(количество информации > 0)

Непонятное \Rightarrow сообщение
неинформативно
(количество информации $= 0$)

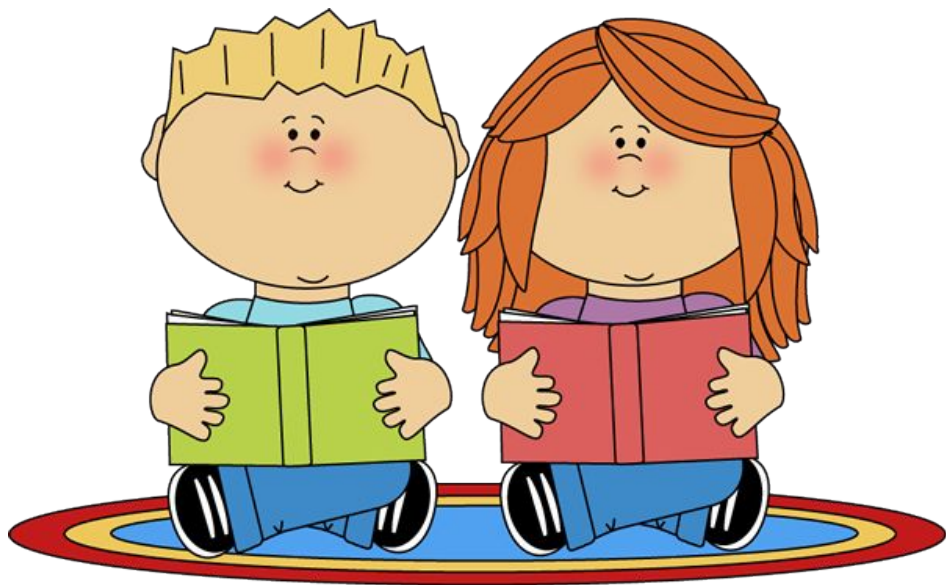
$$\text{Log}_a x + \text{Log}_a y = \text{log}_a(xy)$$

СООБЩЕНИЕ



Вывод:

Сообщение несет информацию для человека **(информативно)**, если содержащиеся в нем сведения являются для него **новыми** и **понятными**.



**Зависит от
человека
(субъективно)**

вопрос

ответ

Какой город является столицей Франции?

Столица Франции - Париж

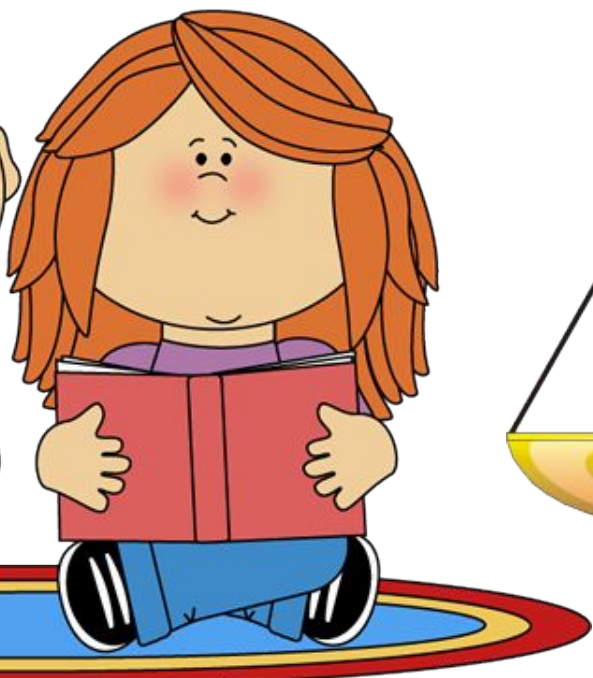
Чему равно значение определенного интеграла?

Значение определенного интеграла равно разности значений первообразной подынтегральной функции на верхнем и нижнем пределах.

Какую высоту и вес имеет Эйфелева башня?

Эйфелева башня имеет высоту 300 метров и вес 9000 тонн

Для того, чтобы измерить
информацию объективно,
нельзя опираться на её содержание



Алфавитный (объёмный) подход к измерению информации



Алфавитный подход

- ✓ Алфавитный подход позволяет измерять количество информации в тексте (символьном сообщении), составленном из символов некоторого алфавита.
- ✓ Информационный объём сообщения не зависит от содержания (объективный подход)
- ✓ Используется в технике



Алфавит - ?

Алфавит – набор знаков, используемых при кодировании информации с помощью некоторого языка.

Примеры:

АБВГДЕЁЖЗИЙКЛМНОПРСТУФХЦЧШЩЪЫЬЭЮЯ N=33

ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ N=26

- + N=2

0123456789 N=10

Мощность алфавита – количество символов в алфавите (N).



Алфавитный подход

- ✓ Каждый символ имеет свой информационный вес

текст записан с помощью символов
некоторого алфавита (различаются своей
мощностью) \Rightarrow **вес символа зависит от
мощности алфавита**



Какова минимальная мощность алфавита, с помощью которого можно записывать (кодировать) информацию?



Двоичный алфавит

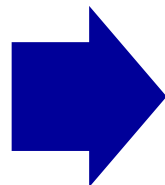
Информационный вес символа
двоичного алфавита принят за
единицу информации – **1 бит**

0

1



Символ



Двоичный код

**Информационный вес символа
= длине двоичного кода**



Например:

11101000111011011111010011101110111100001

110110011100000111101101110100011111111

содержит 40 бит информации

Сколько символов можно закодировать
двумя битами?

1) 0 0

2) 0 1

3) 1 0

4) 1 1

Значит в алфавите мощностью **4 символа**
информационный вес каждого символа - **2 бита**.

Сколько символов можно закодировать
тремя битами?

- | | |
|----------|----------|
| 1) 0 0 0 | 5) 1 0 0 |
| 2) 0 0 1 | 6) 1 0 1 |
| 3) 0 1 0 | 7) 1 1 0 |
| 4) 0 1 1 | 8) 1 1 1 |

Значит в алфавите мощностью **8 символов**
информационный вес каждого символа - **3 бита**.

Зависимость между мощностью алфавита N и информационным весом символа i

N	2	4	8	16
i	1 бит	2 бита	3 бита	4 бита

Заметим, что $2 = 2^1$, $4 = 2^2$, $8 = 2^3$, $16 = 2^4$.

Информационный вес каждого символа, выраженный в битах (i), и мощность алфавита (N) связаны между собой формулой:

$$N = 2^i$$



Задачи

$$N = 2^i$$

№1

$$N=2$$

Найти i

Решение:

$$2=2^i$$

$$\underline{i=1 \text{ бит}}$$

№2

$$N=8$$

Найти i

Решение:

$$8=2^i$$

$$\underline{i=3 \text{ бита}}$$

№3

$$N=33$$

Найти i

Решение:

$$N < M = 2^i$$

$$64=2^i$$

$$\underline{i=6 \text{ битов}}$$

№4

$$i=7 \text{ битов}$$

Найти N

Решение:

$$N=2^7$$

$$\underline{N=128 \text{ СИМВОЛОВ}}$$

Информационный объём сообщения

Информационный
объём сообщения

Количество символов
(знаков) в тексте

$$I = L \times i$$

Информационный
вес одного символа
(знака)



Алгоритм вычисления информационного объема сообщения

- 1) Определяем мощность алфавита N ;
- 2) Вычисляем информационный вес символа i (*бит*) :

$$N = 2^i$$

- 3) Вычисляем информационный объем сообщения:

$$I = L \cdot i$$

где L – количество символов в сообщении.

Информационный объём текста

Сообщение, записанное буквами из 64-символьного алфавита, содержит 2000 символов. Какой объём информации оно несёт?

Дано: $L=2000$, $N=64$

Найти: I - ?

Решение:

$$N=2^i$$

$$64=2^i$$

$i=6$ (бит) – информационный вес одного символа.

$$I=L*i$$

$$I=2000*6=12000 \text{ (бит)}$$

Ответ: 12000 бит.



Единицы измерения информации

1 бит – минимальная единица измерения информации

КОМПЬЮТЕРНЫЙ АЛФАВИТ



- *русские буквы*
- *латинские буквы*
- *цифры (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0)*
- *математические знаки (+, -, *, /, ^, =)*
- *прочие символы («», №, %, <, >, :, ;, #, &)*

Компьютерный алфавит содержит 256 символов.

$256 = 2^8 \Rightarrow i=8$ битов

1 байт = 8 битов

1 байт - информационный вес символа алфавита мощностью 256.



Единицы измерения информации

1 байт (*byte*) = 8 бит

1 Кбайт (килобайт) = 1024 байт = 2^{10} байт

1 Мбайт (мегабайт) = 1024 Кбайт

1 Гбайт (гигабайт) = 1024 Мбайт

1 Тбайт (терабайт) = 1024 Гбайт

1 Пбайт (петабайт) = 1024 Тбайт

У
М
Н
О
Ж
Е
Н
И
Е

Д
Е
Л
Е
Н
И
Е

Перевод в другие единицы

3 Кбайта = ~~3 байт~~ · 1024 байт = 3072 байта

15 байт = ~~15 бит~~ · 8 бит = 120 бит

2048 Кбайт = ~~2048 байт~~ · 1024 Мбайт = 2 Мб

1024 Мбайт = ~~1024~~ : 1024 Гб = 1 Гб

1 Кбайт = ~~1 бит~~ · 1024 · 8 бит = 8192 бита

байт



Задача №1

Сколько килобайтов составит сообщение из **2048** символов **16-ти** символьного алфавита

Дано:

$$L=2048, N=16$$

Найти: I - Кб?

Решение:

$$N=2^i$$

$$16=2^i$$

$i=4$ (бита) – информационный вес одного символа.

$$I=L*i$$

$$I = \frac{2048 \cdot 4}{8 \cdot 1024} = 1 \text{ Кбайт}$$

Ответ: 1 Кбайт.

Задача №2

Информационный объём сообщения равен 3 Кб.
Информационный вес символа – 32 бита. Сколько символов содержит сообщение?

Дано: $I=3$ Кб,
 $i=32$ бита

Найти: L ?

Решение:

$$I = L * i$$

$$L = \frac{I}{i}$$

$$L = \frac{3 \cdot 1024 \cdot 8}{32} = \frac{3 \cdot 2^{10} \cdot 2^3}{2^5} = 3 \cdot 2^8 = 3 \cdot 256 = 768(\text{символов})$$

Ответ: 768 символов

Основные понятия

! **Алфавитный подход** позволяет измерить объём информации не зависимо от её содержания.

! Каждый символ несёт некоторое количество информации и имеет **информационный вес (i)**.

! Минимальная единица измерения информации – **1 бит**.

! Мощность алфавита и информационный вес символа связаны отношением: **$N = 2^i$** .

! Информационный объём сообщения вычисляется по формуле: **$I = L * i$** .

! **1 байт = 8 бит**



! **Байты, килобайты (КБ), мегабайты (МБ), гигабайты (ГБ), терабайты (ТБ)** – единицы измерения информации. Каждая в **1024** раза больше предыдущей.

Содержательный подход к измерению информации



Содержательный подход к измерению информации

Информация — уменьшение неопределенности наших знаний.

Неопределенность знания некоторого события — это число возможных вариантов результата .



Равновероятные события — ни одно из них не имеет преимущества перед другими.



Клод Элвуд Шеннон

Единица измерения информации

Сообщение о том, что произошло одно событие из двух равновероятных, несет **1 бит** информации



При бросании монеты **неопределенность равна 2** \Rightarrow сообщение о том, что выпал «Орёл» несет **1 бит информации**

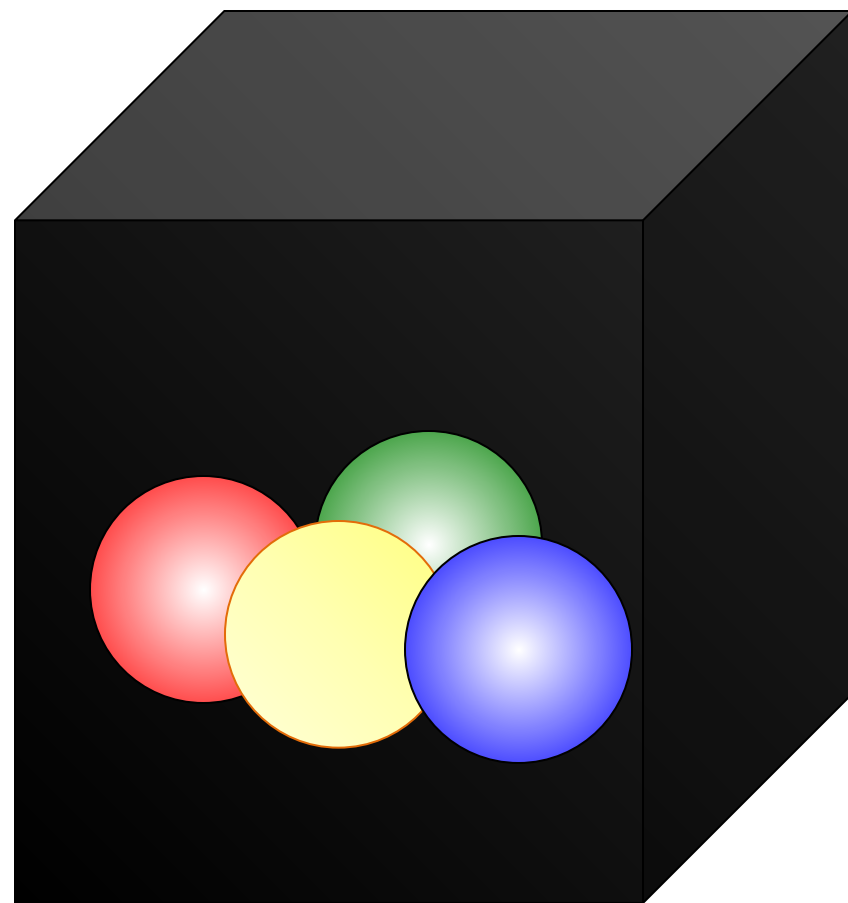


Книга лежит на одной из двух полок \Rightarrow **неопределенность знаний равна 2**



Сообщение о том, что **книга лежит на верхней полке** уменьшает неопределенность в два раза \Rightarrow данное сообщение несет **1 бит информации**

В ящике лежат 4 шара.
Какое количество
информации несет
сообщение
«Достали красный шар»





Формула Хартли (для равновероятных событий)

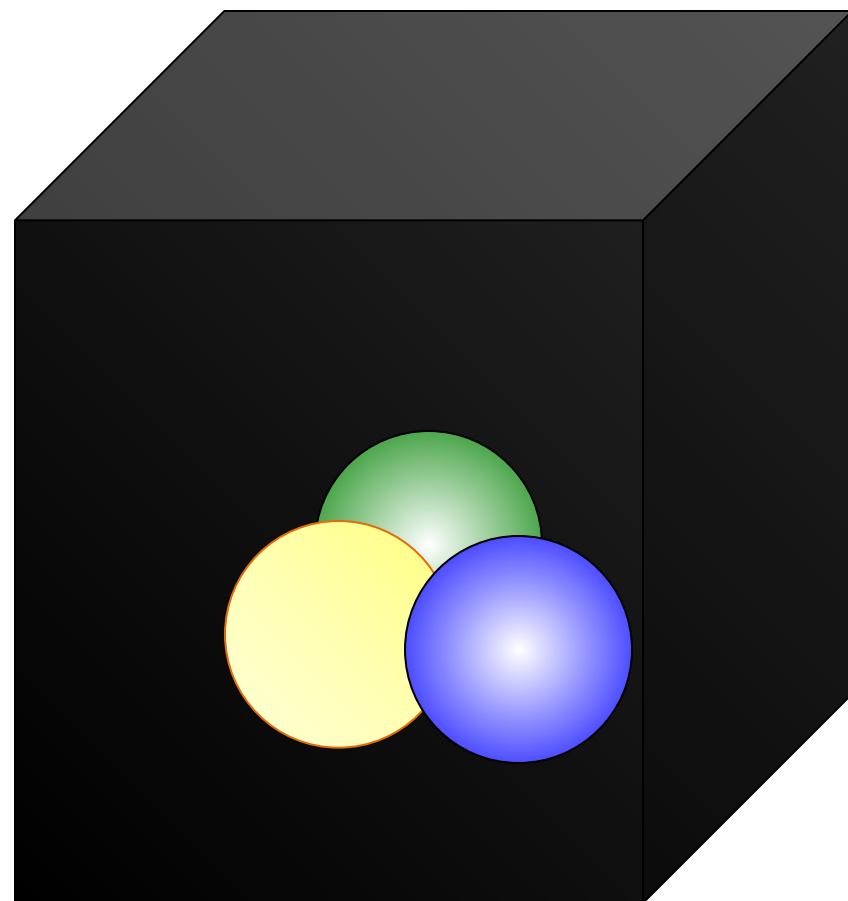
$$2^i = N$$



N – неопределённость знаний, т.е. число возможных результатов (вариантов сообщения)

i – количество информации в сообщении о том, что произошло одно из N равновероятных событий

$N=4$
 $2^i=4$
 $i=2$ (бита)



Задачи

1. В классе 32 ученика. Какое количество информации содержится в сообщении о том, что к доске пойдет Коля Сидоров?

$$N = 32$$

$$N = 2^i$$

$$32 = 2^i$$

$$i - ?$$

$$i = 5 \text{ бит}$$

2. Сообщение о том, что ваш друг живет на 5 этаже, несет 4 бита информации. Сколько этажей в доме?

$$i = 4 \text{ бита}$$

$$N = 2^i$$

$$N = 2^4$$

$$N - ?$$

$$N = 16 \text{ этажей}$$

Основные понятия

! **Содержательный подход** позволяет измерить объём информации в сообщении о том, что произошло одно из N событий.

! Сообщение о том, что произошло одно из двух равновероятных событий несет **1 бит информации**.

! Для определения количества информации (i), содержащейся в сообщении о том, что произошло одно из N равновероятных событий, нужно решить показательное уравнение: **$N = 2^i$** .



Источники

- Информатика и информационно-коммуникационные технологии. Базовый курс: Учебник для 7 класса/ И.Г. Семакин, Л.А. Залогова и другие.
- Преподавание базового курса информатики в средней школе. Методическое пособие/ И.Г. Семакин, Т. Ю. Шеина. – М.: Лаборатория Базовых знаний
- Информатика. Учебник для 7 класса. *Босова Л.Л, А. Ю. Босова.* – М: Бином. Лаборатория знаний
- <http://kpolyakov.spb.ru/>

Изображения:

- <http://www.cliparthut.com/clip-arts/110/whale-clip-art-110931.jpg>
- http://www.cartoonclipartfree.com/Cliparts_Free/Tiere_Free/Cartoon-Clipart-Free-40.gif
- http://en.academic.ru/pictures/enwiki/72/Hartley_ralph-vinton-lyon-001.jpg
- <https://im1-tub-ru.yandex.net/i?id=4630877ac0072c07f3328fd36b256a43&n=33&h=215&w=349>
- http://illustrators.ru/uploads/illustration/image/6180/main_6180_original.jpg
- <http://pashap.ru/wp-content/uploads/2015/04/the-one-question-that-improves-your-job-search-outcome-1024x1024.jpg>
- http://img0.liveinternet.ru/images/attach/c/6/124/257/124257472_4543971.png
- <https://clipartion.com/wp-content/uploads/2015/11/boy-thinking-stock-photo-picture-and-royalty-free-image-image.jpg>
- http://img1.liveinternet.ru/images/attach/c/11/115/600/115600077_large_106.png
- https://ds02.infourok.ru/uploads/ex/07c6/00042675-087f56bc/hello_html_m703627ca.jpg
- http://www.arhcity.ru/data/124/kniga_ishet.jpg
- http://aeol.su/sites/default/files/fornews/10r_2013mmd_2.2a.jpg
- http://bookz.ru/authors/uolter-aizekson/innovato_447/i_016.jpg
- <http://images.clipartpanda.com/study-clipart-30333324-Illustration-Featuring-a-Group-of-Kids-Studying-Together-Stock-Vector.jpg>
- <http://900igr.net/datai/fizkultura/Ves-rantsa/0014-008-Vyvody.png>
- http://pngimg.com/upload/keyboard_PNG5869.png
- <http://images.easyfreeclipart.com/1355/dado-clip-art-at-clkercom-vector-online-royalty-free-1355886.png>
- http://do.ngs.ru/preview/do/4e1630bd52fb319db216b25a946afc03_1466144470_1000_895.jpg

