# **Тема 21 Элементы рационального проектирования простейших** систем. Расчет безмоментных оболочек вращения

#### • Учебные цели занятия

В результате проведенного лекционного занятия курсант должен:

#### знать:

- основные понятия, современные теории, законы, уметь:

- использовать основные понятия, законы для решения задач сопротивления материалов.

#### Воспитательные цели

На занятии необходимо формировать и развивать у курсантов:

- любовь к Отечеству, гордость и ответственность за принадлежность к Вооруженным Силам Российской Федерации и их офицерскому корпусу;
- офицерскую честь и достоинство, дисциплинированность;
- -общую культуру, стремление к самосовершенствованию.

## Тема 21 Элементы рационального проектирования простейших систем. Расчет безмоментных оболочек вращения

#### 21.1 Рациональные формы сечений балок

Показатели, необходимые при правильном построении авиационной техники:

Аэродинамическое **требование**. Обеспечение высоких летно-технических и пилотажных показателей, которые помимо всего прочего должны быть в первую очередь приемлемыми для летчика.

Характеристики прочности и жесткости. Каждой детали в конструкции авиационной техники необходимо выдержать различные нагрузки в соответствии с «Нормами летной годности».

Характеристики живучести. Под живучестью конструкции авиационной техники понимается ее способность выполнять свои функции при частичных разрушениях, не прерывая полета.

Эксплуатационное требование. Здесь самым главным является надежность - это умение авиационной техники реализовывать свои функции с сохранением летных и эксплуатационных показателей в заданных пределах в течение необходимого промежутка времени. Конструкция авиационной техники должна также обеспечивать нормальный доступ ко всем его частям, подлежащим периодическому обслуживанию и осмотру. Кроме того, она должна позволять производить быструю загрузку и разгрузку, а также замену основных агрегатов и узлов в процессе эксплуатации с минимальными трудозатратами.

*Технологичность конструкции*. Конструкция частей авиационной техники должна гарантировать допустимость использования новейших технологических процессов.

**Рациональные формы поперечных сечений при растяжении сжатии:** Для стержней, работающих на растяжение-сжатие (например, фюзеляж ферменной схемы, тяги проводки управления, подкосы крыла и шасси), определяющим является напряжение потери устойчивости, которая может быть общей и местной.

Размеры сечения стержня выбирают из условия  $\sigma_{_{\!K\!P}} = \sigma_{_{\!K\!P.M}}$ 

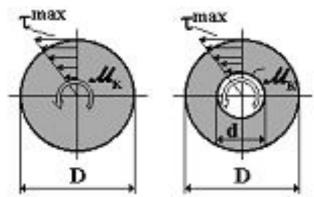
#### Рациональные формы поперечных сечений при изгибе:

Нормальные напряжения в произвольной точке поперечного сечения балки при прямом изгибе определяются по формуле:

$$\sigma = \frac{M}{I_x} y$$

- Наибольшие растягивающие и сжимающие нормальные напряжения в данном поперечном сечении возникают в точках наиболее удаленных от нейтральной оси.
- Кроме условия прочности балка должна удовлетворять и условию экономичности. Наиболее экономичными являются такие формы поперечных сечений, для которых с наименьшей затратой материала (или при наименьшей площади поперечного сечения) получается наибольшая величина момента сопротивления.
- Чтобы форма сечения была рациональной, необходимо, по возможности распределять сечение подальше от главной центральной оси.

## Рациональные формы сечений балки при кручении:

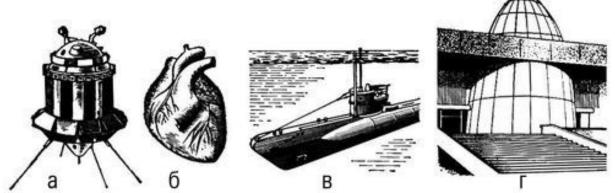


- Из распределения касательных напряжений в сечении ясно, что материал внутренней части вала загружен в меньшей степени чем периферийный.
- Наиболее предпочтительным с точки зрения использования материала является его равномерное нагружение напряжениями, что в наибольшей степени реализуется для кольцевого сечения.
- Поэтому на практике более рациональным является применение полых валов, что обеспечивает малую их материалоемкость. В авиации это наиболее актуально, т.к. пустотелый вал имеем меньшую массу.

### 21.2 Расчет безмоментных оболочек вращения

### Общие сведения об оболочках

**Оболочкой** называется тело, ограниченное двумя поверхностями и имеющее один размер (толщину) намного меньше двух других размеров.

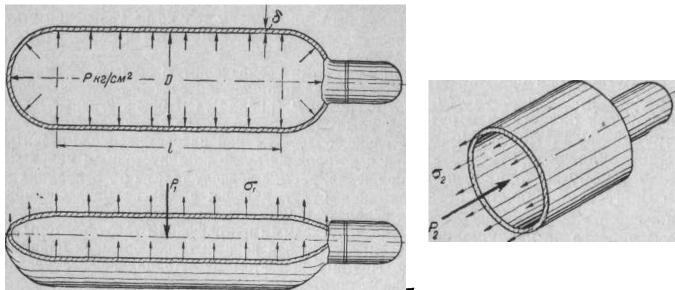


К тонкостенным ооолочкам можно отнести воздушные, кислородные, противопожарные и другие баллоны, гидроаккумуляторы, цилиндры воздушной и гидравлической систем, цилиндры поршневого двигателя и др.

Так как все эти агрегаты и детали испытывают значительное давление газов или жидкости, то их стенки необходимо рассчитывать на прочность.

Разрыв стенок, по-видимому, может произойти или вдоль образующих цилиндра

или поперек.



Определим напряжение в поперечном сечении баллона, вызванное давлением на его днище.  $P_2 = \frac{\pi D^2}{4} \, p \,$ 

$$P_2 = \frac{\pi D^2}{4} p$$

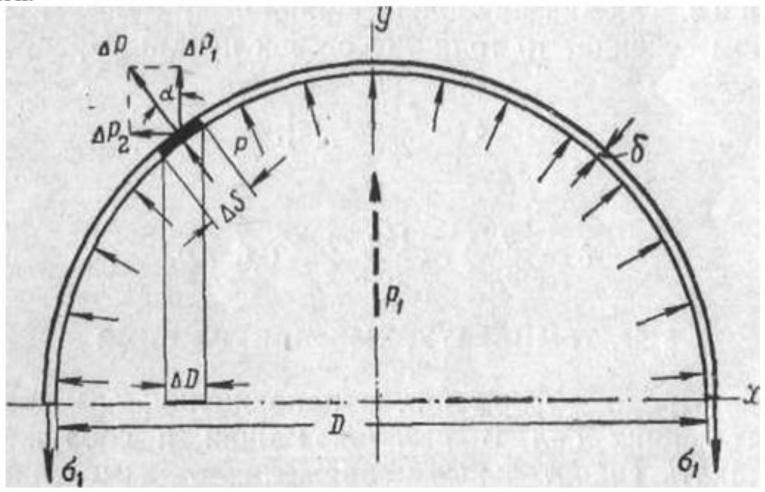
Площадь кольцевого сечения стенки баллона равна

$$F_2 = \pi D \delta$$

 $\pi D$  - длина развертки кольца;  $\delta_{\cdot}$ ширина развертки (толщина стенки). Разрывающая нагрузка  $P_2$  уравновешивается внутренними силами упругости,

$$\sigma_2 = \frac{P_2}{F_2} = \frac{\frac{\pi D^2}{4}p}{\pi D \delta}$$
 или  $\sigma_2 = \frac{pD}{4\delta}$ 

Для определения напряжения в продольном сечении баллона рассечем мысленно цилиндр горизонтальной плоскостью вдоль образующей и рассмотрим равновесие одной половины, заменяя действие отброшенной половины цилиндра соответствующими силами упругости. Выделим из криволинейной поверхности элементарную полоску площадью  $\Delta S \cdot l$ , которую можно считать плоской.



На выделенную полоску будет действовать сила  $\Delta P = p \cdot \Delta s \cdot l$ , направленная перпендикулярно к рассматриваемому элементу и составляющая переменный угол  $\alpha$  с вертикальной осью y. Проекция этой силы на ось y будет:

 $\Delta P_1 = \Delta P \cos \alpha = p \cdot \Delta s \cdot l \cos \alpha$ . Сумма же проекций сил по всей поверхности полуцилиндра будет:  $P_1 = \sum p \cdot \Delta s \cdot l \cos \alpha = pl \sum \Delta s \cos \alpha$ 

Так как  $\Delta s \cos \alpha = \Delta D$ , то можем записать:  $P_1 = plD$ .

Из условия равновесия рассматриваемой части равнодействующая напряжений  $2\sigma_1 \delta \cdot l$  должна равняться силе  $\mathbf{P} = plD$  , т. е.

$$2\sigma_1 \mathcal{S} \cdot l = plD_{\text{откуда}} \sigma_1 = \frac{pD}{2\mathcal{S}}$$

Таким образом видно, что  $\sigma_1$  больше  $\sigma_2$  в два раза, поэтому разрыв тонкостенных сосудов происходит по образующей (т.е. вдоль).

# Задание на самостоятельную работу

1. Григорьев Ю.П. Сопротивление материалов и строительная механика авиационных конструкций. Учебник для ВУЗ ВВС. – М.: Воениздат, 1977. - (с. 325-340).