



## Слово «ЛОГИКА» означает

- совокупность правил, которым подчиняется процесс мышления
- Законы Логике отражают в сознании человека свойства, связи и отношения объектов окружающего мира
- Логика как наука позволяет строить формальные модели окружающего мира (отстраняясь от их содержательной стороны)

# Основные формы МЫШЛЕНИЯ

```
graph TD; A[Основные формы МЫШЛЕНИЯ] --> B[Понятие]; A --> C[Умозаключение]; A --> D[Суждение];
```

**Понятие-**  
это форма мышления,  
которая выделяет  
существенные  
признаки предмета  
или класса предметов,  
отличающие его от  
других

**Умозаключение-**  
это прием мышления,  
позволяющий на  
основе одного или  
нескольких суждений  
(посылки) получить  
новое суждение  
(вывод)

**Суждение-**  
это мысль, в которой  
что-то утверждается  
или отрицается

## Примеры

- Квадрат      Понятие
- «Принтер предназначен для ввода информации»      Суждение ложное
- Ураганный ветер      Понятие
- Доказательство теоремы      Умозаключение
- «Дважды два равно четырем»  
Суждение истинное

- **Формальная логика это наука о законах и формах мышления**
- **Математическая логика изучает вопросы применения математических методов для решения логических задач и построения логических схем, которые лежат в основе работы любого компьютера**

**Суждения** в математической логике называют высказываниями или логическими выражениями

**Высказывание** – это повествовательное предложение, о котором можно сказать, **ИСТИННО** оно или **ЛОЖНО**.

*Примеры:*

Каждый ромб – параллелограмм (истинно)

Каждый параллелограмм – ромб (ложно)

Каждый треугольник – равнобедренный

треугольник  
(ложно)

Каждый равнобедренный треугольник –

треугольник

- **Сложное (составное) высказывание** - получается из простых или сложных высказываний с использованием союзов «И», «ИЛИ» и частицы «НЕ»
- Простые ИЛИ сложные высказывания также называют **логическими выражениями**

*Пример:*

Составить сложное высказывание с союзом  
И, ИЛИ

Простое высказывание: «На улице светит  
солнце»

Простое высказывание: «На улице пасмурная  
погода»

Сложное высказывание с союзом «И»: «На  
улице светит солнце И на улице пасмурная  
погода» ЛОЖНО

Сложное высказывание с союзом «ИЛИ»: «На  
улице светит солнце ИЛИ на улице  
пасмурная погода» ИСТИННО



- **Логическое выражение** - это символическая запись, состоящая из логических величин (констант или переменных), объединенных логическими операциями
- Существуют разные варианты обозначения истинности или ложности

Г	Истина	И	True	T	1
	Ложь	Л	False	F	0

# Логика



**Аристотель** (384-322 до н.э.).  
Основоположник формальной логики (понятие, суждение, умозаключение).



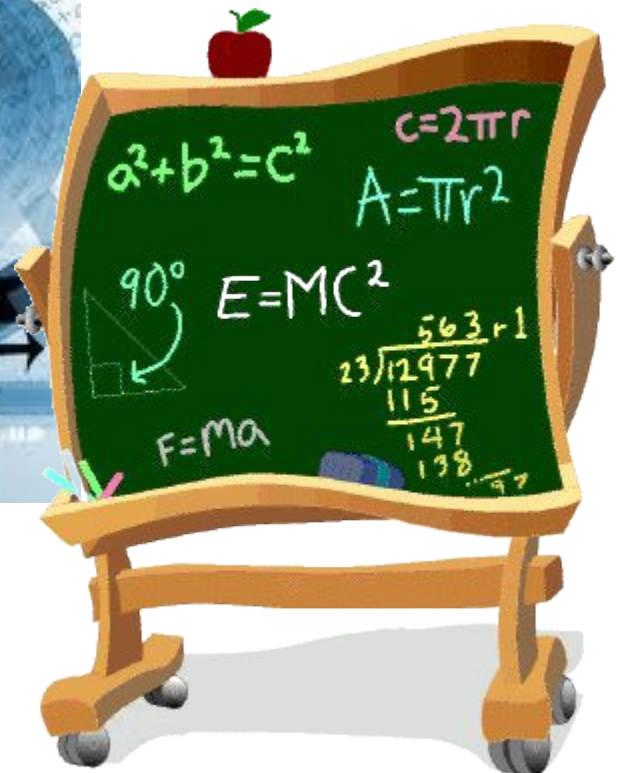
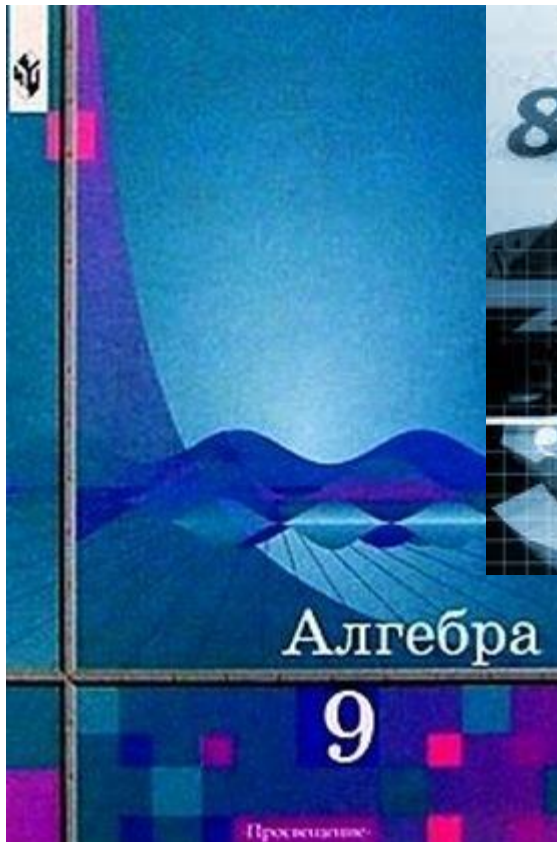
**Джордж Буль** (1815-1864). Создал новую область науки - Математическую логику (Булеву алгебру или Алгебру высказываний).



**Клод Шеннон** (1916-2001). Его исследования позволили применить алгебру логики в вычислительной технике

# Алгебра

**Алгебра** - наука об общих операциях, аналогичных сложению и умножению, которые могут выполняться над разнообразными математическими объектами – числами, многочленами, векторами и др.



# Высказывание

**Высказывание** - это предложение на любом языке, содержание которого можно однозначно определить как **истинное** или **ложное**.

В русском языке высказывания выражаются повествовательными предложениями:

*Земля вращается вокруг Солнца.  
Москва - столица.*

Но не всякое повествовательное предложение является высказыванием:

*Это высказывание ложное.*

Побудительные и вопросительные предложения высказываниями не являются.

*Без стука не входите!  
Откройте учебники.  
Ты выучил стихотворение?*

# Высказывание или нет?

- ✓ Зимой идет дождь.
- ✓ Снегири живут в Крыму.

Кто к нам пришел?

- ✓ У треугольника 5 сторон.

Как пройти в библиотеку?

Переведите число в десятичную систему.

Запишите домашнее задание

# Алгебра логики

**Алгебра логики** определяет правила записи, вычисления значений, упрощения и преобразования высказываний.

В алгебре логики высказывания обозначают буквами и называют **логическими переменными**.

Если высказывание истинно, то значение соответствующей ему логической переменной обозначают единицей ( **$A = 1$** ), а если ложно - нулём ( **$B = 0$** ).

**0** и **1** называются **логическими значениями**.

# Простые и сложные высказывания

Высказывания бывают простые и сложные.

Высказывание называется **простым**, если никакая его часть сама не является высказыванием.

**Сложные** (составные) высказывания строятся из простых с помощью логических операций.

Название логической операции	Логическая связка
Конъюнкция	«и»; «а»; «но»; «хотя»
Дизъюнкция	«или»
Инверсия	«не»; «неверно, что»

$A = \{\text{Юра делает физику.}\} = 1$

$B = \{\text{Юра пойдет на дискотеку.}\} = 0$

$A \& B$  Юра делает физику и пойдет на дискотеку.  $= 0$

$\bar{A} \& B$  Юра не делает физику и пойдет на дискотеку.  $= 0$

$A \& \bar{B}$  Юра делает физику и не пойдет на дискотеку.  $= 1$

$A \vee B$  Юра сделает физику или пойдет на дискотеку.  $= 1$

$\bar{A} \vee B$  Юра не сделает физику или пойдет на дискотеку.  $= 0$

$A \vee \bar{B}$  Юра сделает физику или не пойдет на дискотеку.  $= 1$

Юра сделает физику или не пойдет на дискотеку.



A={Юра делает физику.}

B={Юра пойдет на дискотеку.}

$\overline{A \& B}$  Неверно, что Юра сделает физику и пойдет на дискотеку.  $= (1 \& 0)$

$\overline{A \vee B}$  Неверно, что Юра сделает физику или пойдет на дискотеку.  $= (\overline{1 \vee 0})$

$\overline{\overline{A \& B}}$  Неверно, что Юра не сделает физику и пойдет на дискотеку.  $= (\overline{\overline{1 \& 0}})$

# Логические операции

**Конъюнкция** - логическая операция, ставящая в соответствие каждому двум высказываниям новое высказывание, являющееся истинным тогда и только тогда, когда оба исходных высказывания истинны.

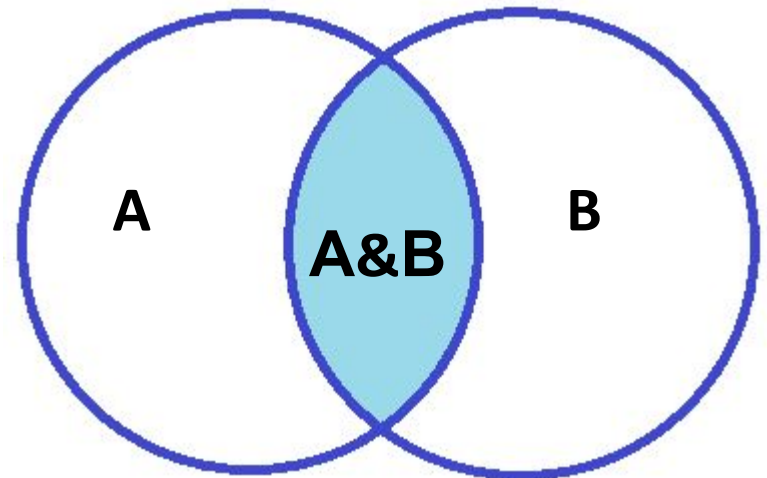
Другое название: **логическое умножение**.

Обозначения:  $\wedge$ ,  $\times$ ,  $\&$ , И.

Таблица истинности:

A	B	A&B
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Графическое представление



# Логические операции

**Дизъюнкция** - логическая операция, которая каждому двум высказываниям ставит в соответствие новое высказывание, являющееся ложным тогда и только тогда, когда оба исходных высказывания ложны.

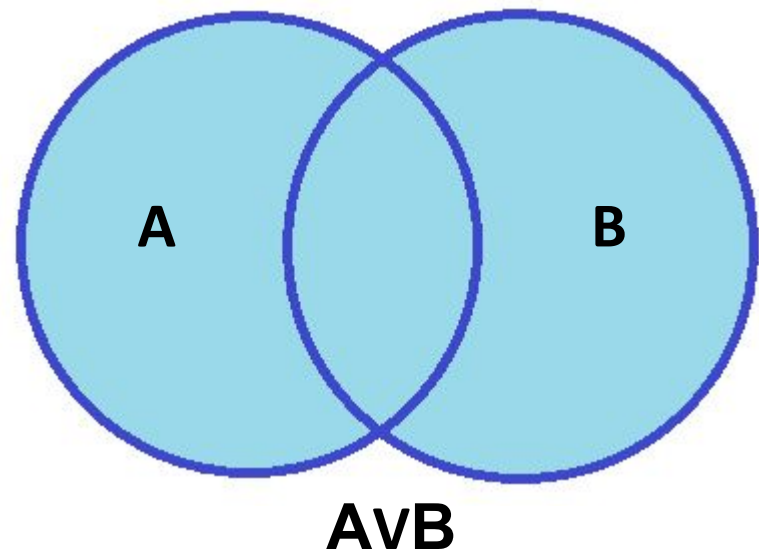
Другое название: **логическое сложение**.

Обозначения:  **$\vee$ ,  $|$ , ИЛИ,  $+$** .

Таблица истинности:

A	B	$A \vee B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Графическое представление



# Логические операции

**Инверсия** - логическая операция, которая каждому высказыванию ставит в соответствие новое высказывание, значение которого противоположно исходному.

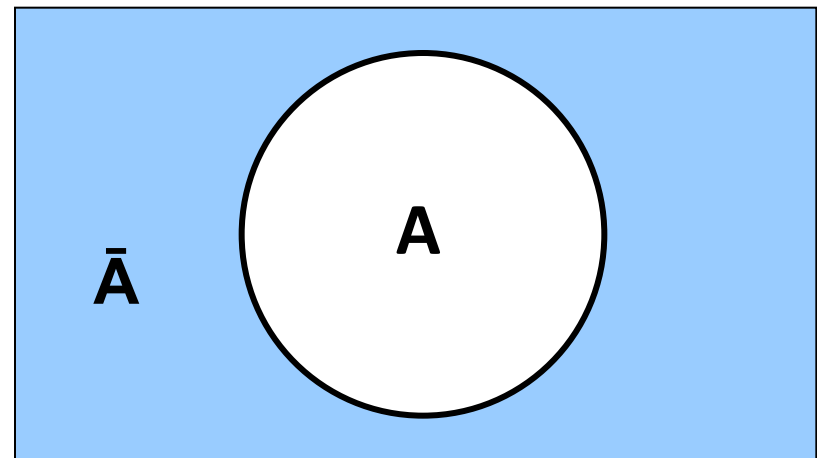
Другое название: **логическое отрицание**.

Обозначения: **НЕ**,  $\neg$ ,  $\bar{\phantom{A}}$ .

Таблица истинности:

A	$\bar{A}$
0	1
1	0

Графическое представление



Логические операции имеют следующий приоритет:  
**инверсия, конъюнкция, дизъюнкция.**

$$F = X \& \overline{(Y \vee \overline{X})}$$

X	Y	$\overline{X}$	$Y \vee \overline{X}$	$\overline{Y \vee \overline{X}}$	F
0	0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
0	1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
1	0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
1	1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

$$F = \overline{X} \vee (\overline{Y \vee X}) \& X$$

X	Y	$\overline{X}$	$Y \vee X$	$\overline{Y \vee X}$	$(\overline{\quad}) \& X$	F
0	0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
0	1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
1	0	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
1	1	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

# Заполнение таблиц ИСТИННОСТИ

- Определить число переменных  $n$
- Определить порядок и количество действий (количество столбцов таблицы)
- Определить количество строк:  $m = 2^n$
- Заполнить таблицу

# Решаем задачу

Пусть **A** = «На Web-странице встречается слово "крейсер"»,  
**B** = «На Web-странице встречается слово "линкор"».

В некотором сегменте сети Интернет 5 000 000 Web-страниц.  
В нём высказывание **A** истинно для 4800 страниц,  
высказывание **B** - для 4500 страниц, а высказывание **AVB** - для  
7000 страниц.

Для какого количества Web-страниц в этом случае будут  
истинны следующие выражения и высказывание?

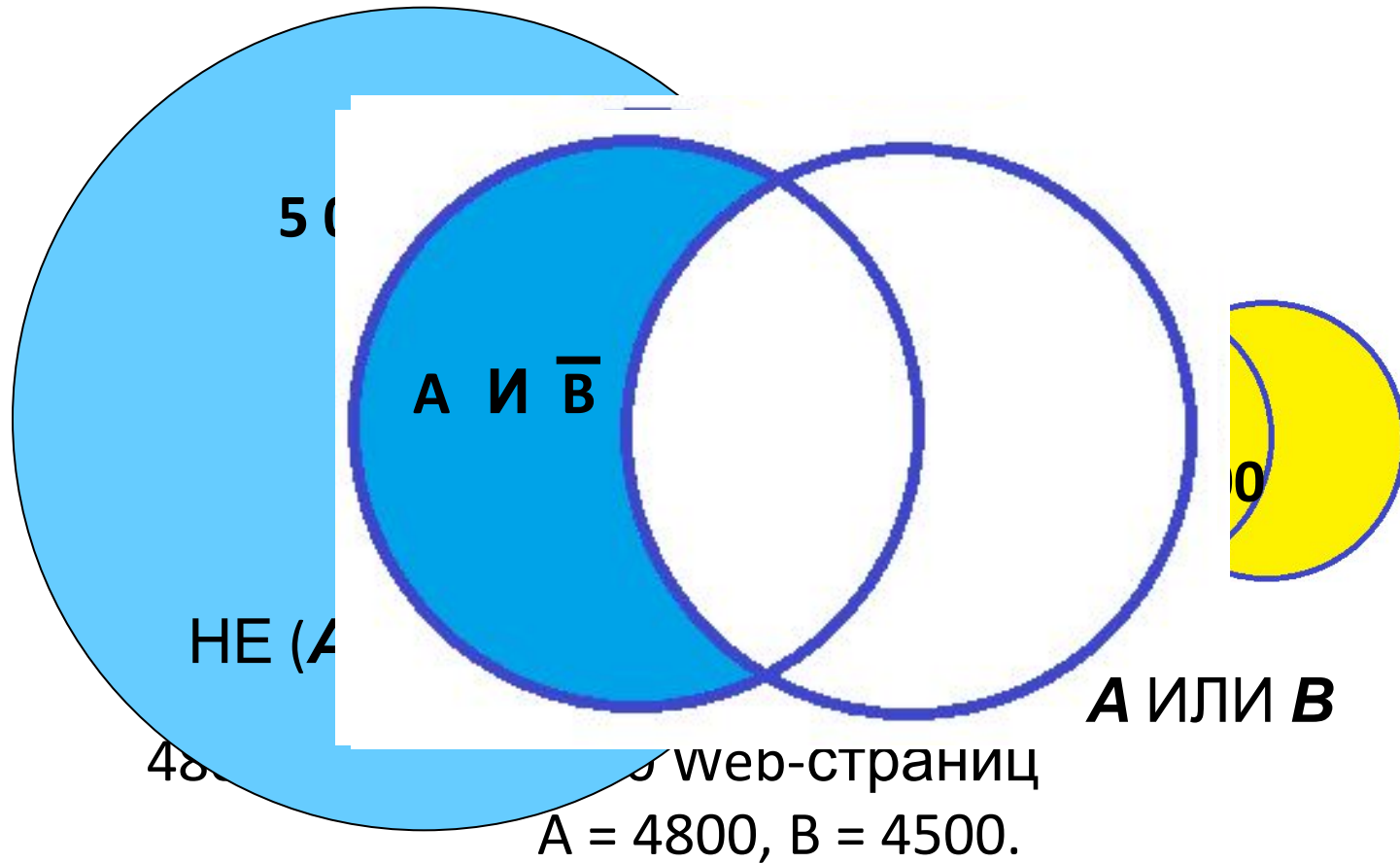
а) **НЕ (A ИЛИ B)**;

б) **A & B**;

в) *На Web-странице встречается слово "крейсер" И НЕ  
встречается слово "линкор"*.



Представим условие задачи графически:



На Web-страницах сегмент Web-страниц, содержащих слово "линкор" И НЕ встречается слово "линкор".  
 $9300 - 7000 = 2300$  Web-страниц A&B

# Построение таблиц истинности для логических выражений

подсчитать  $n$  - число переменных в выражении

подсчитать общее число логических операций в выражении

установить последовательность выполнения логических операций

определить число столбцов в таблице

заполнить шапку таблицы, включив в неё переменные и операции

определить число строк в таблице без шапки:  $m = 2^n$

выписать наборы входных переменных

провести заполнение таблицы по столбцам, выполняя логические операции в соответствии с установленной последовательностью

# Пример построения таблицы ИСТИННОСТИ

$$A \vee A \& B$$

$$n = 2, m = 2^2 = 4.$$

Приоритет операций:  $\&$ ,  $\vee$

$A$	$B$	$A \& B$	$A \vee A \& B$
0	0	0	0
0	1	0	0
1	0	0	1
1	1	1	1

# Свойства логических операций

## Законы алгебры-логики

Закон исключения  
третьего

$$A \& \bar{A} = 0$$

$$A \vee \bar{A} = 1$$

Закон повторения

$$A \& A = A$$

$$A \vee A = A$$

Законы операций  
с 0 и 1

$$A \& 0 = 0; A \& 1 = A$$

$$A \vee 0 = A; A \vee 1 = 1$$

Законы общей  
инверсии

$$\overline{A \& B} = \bar{A} \vee \bar{B}$$

$$\overline{A \vee B} = \bar{A} \& \bar{B}$$

# Доказательство закона

Распределительный закон для логического сложения:

$$A \vee (B \& C) = (A \vee B) \& (A \vee C).$$

A	B	C	B&C	$A \vee (B \& C)$	$A \vee B$	$A \vee C$	$(A \vee B) \& (A \vee C)$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1
1	0	1	0	1	1	1	1
1	1	0	0	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Учитывая, что  $(A \vee B) \& (A \vee C)$  и  $A \vee (B \& C)$  имеют одинаковые значения для всех комбинаций значений переменных A, B и C, это доказывает распределительный закон.

доказывает

# Решение логических задач

**Задача.** Коля, Вася и Серёжа гостили летом у бабушки. Однажды один из мальчиков нечаянно разбил любимую бабушкину вазу.

На вопрос, кто разбил вазу, они дали такие ответы:

**Серёжа:** 1) Я не разбивал. 2) Вася не разбивал.

**Вася:** 3) Серёжа не разбивал. 4) Вазу разбил Коля.

**Коля:** 5) Я не разбивал. 6) Вазу разбил Серёжа.

Бабушка знала, что один из её внуков (правдивый), оба раза сказал правду; второй (шутник) оба раза сказал неправду; третий (хитрец) один раз сказал правду, а другой раз - неправду. Назовите имена правдивого, шутника и хитреца.

Кто из внуков разбил вазу?



**Решение.** Пусть К = «Коля разбил вазу»,  
 В = «Вася разбил вазу»,  
 С = «Серёжа разбил вазу».

Представим в таблице истинности высказывания каждого мальчика. Так как ваза разбита одним внуком, составим не всю таблицу, а только её фрагмент, содержащий наборы входных переменных: 001, 010, 100.

К	В	С	Утверждение Серёжи		Утверждение Васи		Утверждение Коли	
			$\overline{С}$	$\overline{В}$	$\overline{С}$	К	$\overline{К}$	С
0	0	1	0	1	0	0	1	1
0	1	0	1	0	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1	1	0	0

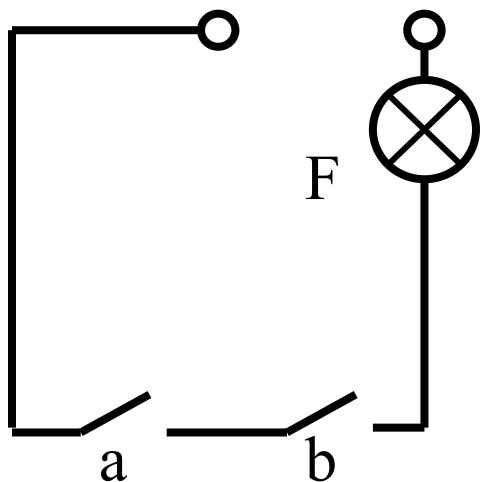
Исходя из того, что знает о внуках бабушка, следует искать в таблице строки, содержащие в каком-либо порядке три комбинации значений: 00, 11, 01 (или 10).

Вазу разбил Серёжа, он - хитрец. Шутником оказался Вася. Имя правдивого внука - Коля.

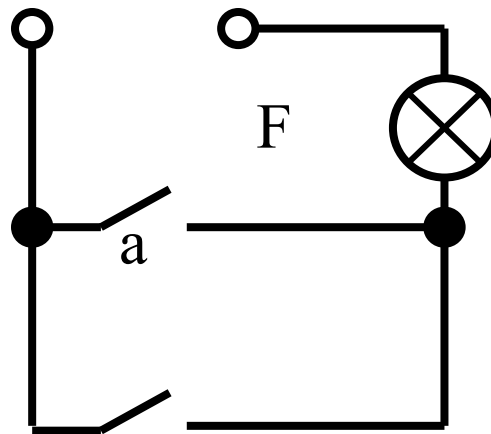
$$\overline{(X \vee Y) \& \overline{X} \vee Y}$$



# Переключательные схемы



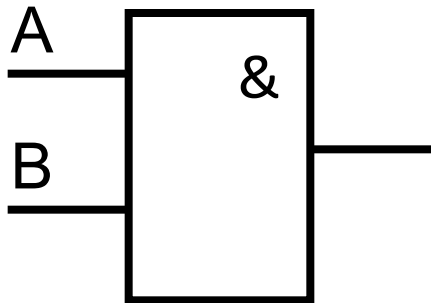
Последовательное соединение



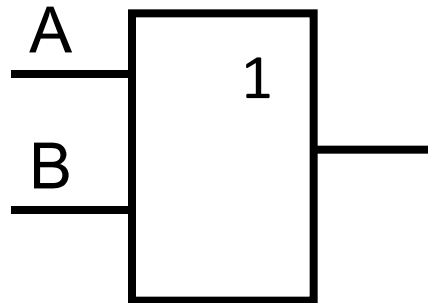
Параллельное соединение

# Логические элементы

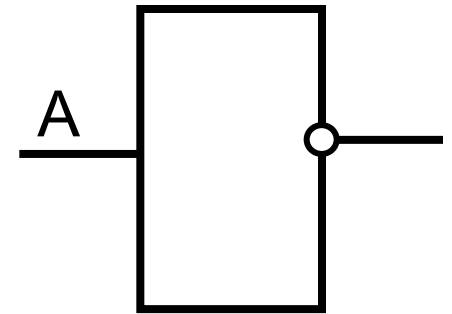
**Логический элемент** – устройство, которое после обработки двоичных сигналов выдаёт значение одной из логических операций.



**И** (конъюнктор)



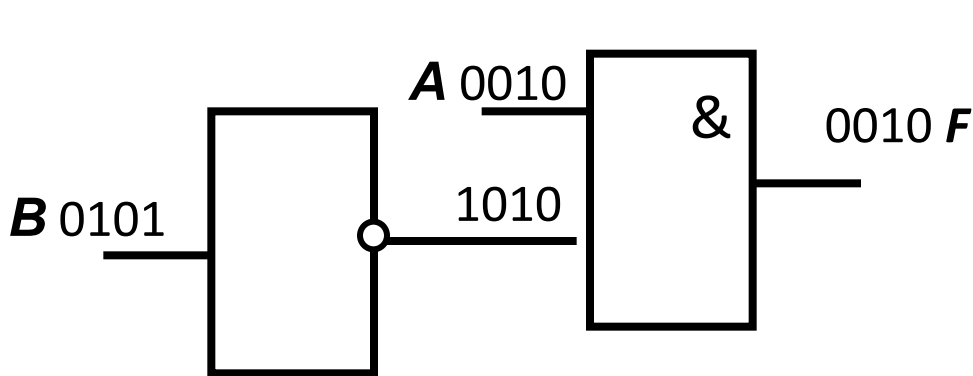
**ИЛИ** (дизъюнктор)



**НЕ** (инвертор)

# Анализ электронной схемы

**Решение.** Все возможные комбинации сигналов на входах **A** и **B** внесём в таблицу истинности. Проследим преобразование каждой пары сигналов при прохождении их через логические элементы и запишем полученный результат в таблицу. Заполненная таблица истинности полностью описывает рассматриваемую электронную схему.



<b>A</b>	<b>B</b>	<b>F</b>
0	0	0
0	1	0
1	0	1
0	1	0

В инвертор поступает сигнал от входа **B**.

В конъюнктор поступают сигналы от входа **A** и от инвертора. Таким образом,  $F = A \& B$ .

# Тождество

- Две формулы алгебры логики  $A$  и  $B$  называются равносильными, если они принимают одинаковые логические значения при любом наборе значений элементарных высказываний, входящих в них. Обозначают равносильности (тождества) с помощью знака  $=$ .

- Формула  $A$  называется **тождественно-истинной**, или **тавтологией**, если она принимает значение «истинно» при всех значениях переменных, входящих в нее.
- Иными словами, тавтологией является функция, где все переменные фиктивны и хотя бы при одном наборе значений аргументов ее значение равно 1.

$$1) a \vee \bar{a}; 2) a \rightarrow (b \rightarrow a); 3) a \vee (a \rightarrow (b \rightarrow a)).$$

- Формула называется **тождественно-ложной**, если она принимает значение нуль при всех значениях переменных, входящих в нее.

$$(a \leftrightarrow \bar{a}) \text{ и } (a \leftrightarrow \bar{a}) \cdot (a \vee b \rightarrow a)$$

# Булевы функции

- Булева функция от  $n$  переменных — это произвольное отображение вида  $f:\{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}$
- Где  $n$  — количество логических переменных
- Булева функция от  $n$  переменных может быть задана таблицей истинности, состоящей из  $n + 1$  столбцов и  $2^n$  строк. В первых  $n$  столбцах перечисляются все наборы из множества  $\{0,1\}$  в лексикографическом (словарном) порядке, а в последнем,  $(n + 1)$ -м столбце — значения функций на этих наборах.

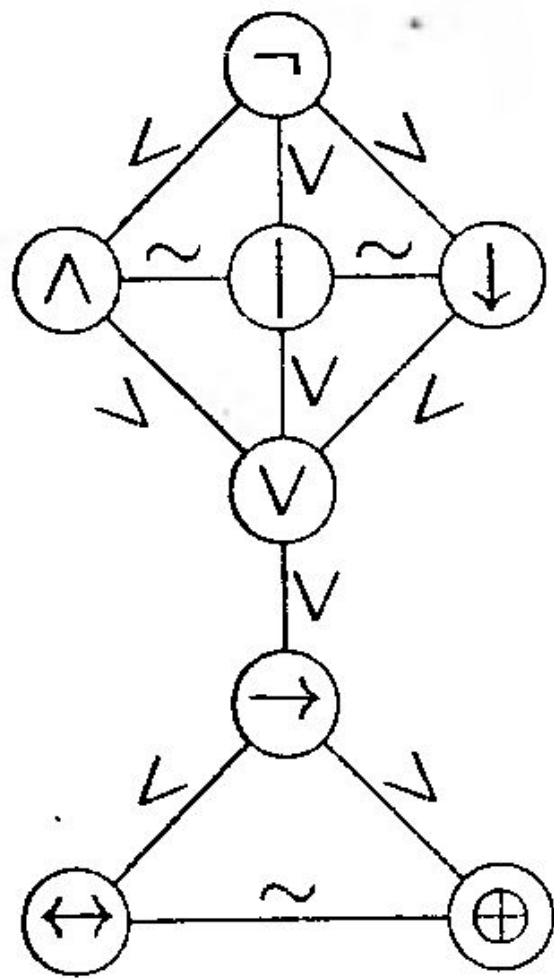




- Функция  $f_7 = (0110)$ , равная 0 только при совпадающих аргументах, называется **суммой по модулю два**.
- $F(A, B) = A \oplus B$
- Другое название — строгая дизъюнкция: значение функции равно 1, если либо первый, либо второй аргументы равны 1, но никак не оба.

- Функция  $f_9 = (1000)$ , равная 1, только если оба аргумента равны 0, называется **стрелкой Пирса**.
- $F(A, B) = A \downarrow B$
- Стрелка Пирса является отрицанием дизъюнкции.

- Функция  $f_{15} = (1110)$ , равная 0, только если оба аргумента равны 1, называется штрихом Шеффера.
- $f(A, B) = A \mid B$ .
- Штрих Шеффера является отрицанием конъюнкции.



**2.1.** Составить таблицы истинности для следующих формул и установить, какие из них являются тавтологиями:

1)  $(x \vee y) \rightarrow ((x \& \bar{y} \vee x) \rightarrow \bar{y})$ ;

2)  $(x \& \bar{y}) \rightarrow ((y \vee \bar{x}) \rightarrow \bar{z})$ ;

3)  $(\bar{x} \vee z) \& (y \rightarrow (\bar{z} \rightarrow x))$ ;

4)  $\overline{x \vee y} \rightarrow \overline{x \& y}$ .

**2.2.** Используя основные законы логики, с помощью равносильных преобразований доказать следующие соотношения:

1)  $x \vee y \equiv \overline{\bar{x} \& \bar{y}}$ ;

2)  $(x \& y) \vee (x \& \bar{y}) \equiv x$ .

**2.3.** Применяя равносильные преобразования, доказать тождественную истинность или тождественную ложность следующих формул:

1)  $(x \vee (\bar{x} \& y)) \sim (y \vee x)$ ;

2)  $(x \vee y) \& \bar{x} \rightarrow y$ ;

3)  $(x \rightarrow y) \rightarrow (\bar{x} \vee y)$ .

**2.4.** Преобразовать следующие формулы так, чтобы они содержали только операции конъюнкции и отрицания:

1)  $x \rightarrow y$ ;

2)  $(x \vee y) \rightarrow (\bar{x} \rightarrow z)$ .

$$x \oplus y \rightarrow \bar{z} \vee x | \bar{y} \wedge \bar{x}.$$

# **РЕШЕНИЕ ЛОГИЧЕСКИХ ЗАДАЧ**

# Задача 1 (метод рассуждений, с помощью графа)

При составлении расписания на понедельник преподаватели высказали просьбу завучу.

1. Учитель математики: «Желаю иметь первый или второй урок».
2. Учитель истории: «Желаю иметь первый или третий урок».
3. Учитель литературы: «Желаю иметь второй или третий урок».

Какое расписание будет составлено, если по каждому предмету может быть только один урок?



# Решение логической задачи методом рассуждений

- Пусть в просьбе математика первое высказывание истинно, а второе – ложно.

«Желаю иметь первый или второй урок».

1

0

Т.е. первым будет урок математики.

- Тогда в просьбе учителя истории первое высказывание ложно, а второе истинно, т.е. третьим будет урок истории. «Желаю иметь первый или третий урок».

0

1

- Значит, в пожелании учителя литературы окажется истинной первая часть, т.е. урок литературы будет вторым.

«Желаю иметь второй или третий урок».

1

0

Итак: **I урок – математика,  
II урок – литература,  
III урок – история.**





- Предположим, что в высказывании учителя математики первое высказывание ложно, а второе истинно.

«Желаю иметь второй или второй урок».

0

1

Т.е. вторым будет урок математики.

- Тогда в просьбе учителя литературы первое высказывание ложно, а второе истинно, т.е. третьим будет урок литературы.

«Желаю иметь второй или третий урок».

0

1

- А в пожелании учителя истории окажется истинной первая часть, т.е. урок истории будет первым.

«Желаю иметь первый или третий урок».

1

0

- Итак: **I урок - история**  
**II урок - математика**  
**III урок – литература.**



# Решение с помощью графов

## Вершины графа –

обозначения уроков и их порядковые номера в расписании.

## Рёбра графа –

высказывания преподавателей:

просьба учителя

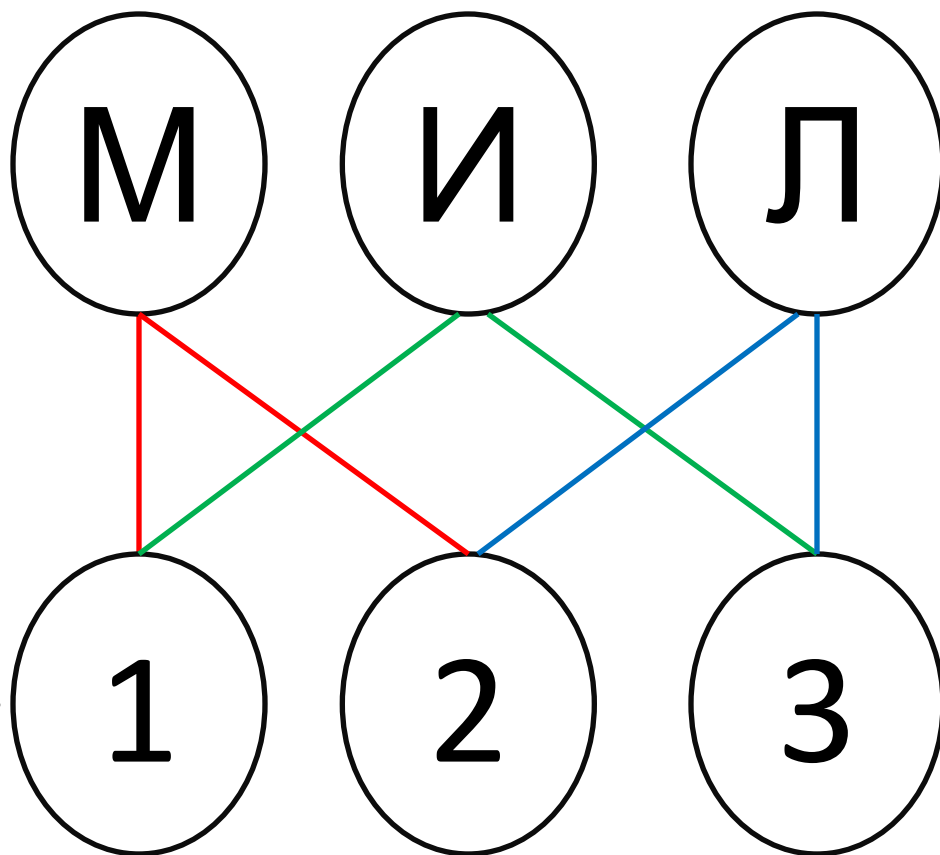
математики – **красные линии** (М1 и М2);

просьба учителя истории –

**зелёные линии** – (И1 и И3);

просьба учителя

литературы – **синие линии** (Л2 и Л3).



## Задача 2. Решение средствами алгебры

ЛОГИКИ

Три грибника, рассматривая найденный гриб, высказали свои предположения.

Первый грибник сказал: «**Не верно, что если это не опёнок, то этот гриб съедобный**».

Второй грибник сказал: «**Не верно, что этот гриб или ядовитый, или опёнок, или не сыроежка**».

А третий добавил: «**Это гриб не ядовитый, и я отрицаю, что если это сыроежка, то она съедобна**».

В итоге оказалось, что все три грибника были правы, и их суждения истинны. Какой гриб нашли грибники?



Обозначим: А – «Гриб опёнок», В – «Гриб сыроежка», С – «Гриб съедобный», D – «Гриб ядовитый».

Тогда высказывание I грибника («Не верно, что если это не опёнок, то этот гриб съедобный») запишем как:

$$\overline{A} \rightarrow C \equiv \overline{A} \wedge \overline{C}$$

Высказывание II грибника («Не верно, что этот гриб или ядовитый, или опёнок, или не сыроежка») запишем в виде:

$$\overline{D + A + B} \equiv \overline{D} \wedge \overline{A} \wedge \overline{B}$$

Высказывание третьего грибника: («Это гриб не ядовитый, и я отрицаю, что если это сыроежка, то она съедобна») запишем в виде:

$$\overline{D} \wedge \overline{B} \rightarrow C \equiv \overline{D} \wedge \overline{B} \wedge \overline{C}$$

Т.к. высказывания всех грибников истинны, то итоговая функция равна их конъюнкции:

$$F = \overline{A} \wedge \overline{C} \wedge \overline{D} \wedge B \wedge \overline{C} \wedge \overline{D} \wedge \overline{A} \wedge \overline{B} \quad \overline{D} \wedge \overline{A} \wedge B \wedge \overline{D}$$

Функция F принимает единичное значение только при одном наборе значений аргументов, в котором А=0, В=1, С=0, D=0, т.е. найденный гриб – **сыроежка**.



## Задача 3. Решение средствами алгебры

ЛОГИКИ)

Следователь допросил трёх лиц- А, В и С, подозреваемых в совершении преступления. На допросе **А сказал, что показания В неверны. В сказал, что показания С неверны. С сказал, что и А говорит неправду, и В говорит неправду.** Может ли следователь на основании этих показаний установить, кто из допрошенных говорит неправду?

## Задача 4.

Следующие два высказывания истинны:

- «неверно, что если магазин  $A$  организует распродажу, то магазин  $C$  тоже»;
- «из двух магазинов  $B$  и  $C$  организует распродажу только один».

Какие магазины организуют распродажу?

- «Если магазин  $A$  организует распродажу, то магазин  $C$  тоже»

$$A \rightarrow C$$

- «Неверно, что если магазин  $A$  организует распродажу, то магазин  $C$  тоже»

$$\overline{A \rightarrow C}$$

- Из условия известно, что это высказывание истинно. Следовательно:

$$\overline{A \rightarrow C} = 1$$

- «Из двух магазинов  $B$  и  $C$  организует распродажу только один»

$$B \oplus C = 1$$



$$\overline{(A \rightarrow C)}(B \oplus C) = 1$$

Это возможно только в одном случае, когда  $A=1$ ,  $B=1$ ,  $C=0$ .

То есть, магазины  $A$  и  $B$  проводят распродажу, а магазин  $C$  – нет.

# **МИНИМИЗАЦИЯ БУЛЕВЫХ ФУНКЦИЙ**

- **Процесс замены булевых функций на более простые равносильные функции называется минимизацией.**
- Его проводят для упрощения сложных логических выражений в программах, а также для того, чтобы построенные на их основе функциональные схемы не содержали лишних элементов.

# Элементарная конъюнкция (дизъюнкция)

- Элементарной конъюнкцией (дизъюнкцией) называется выражение, состоящее из конечного числа переменных и их отрицаний, взятых в этом выражении не более одного раза и разделенных операциями конъюнкции (дизъюнкции)

$$A \wedge B \wedge \bar{C}$$

$$A \vee \bar{B} \vee C$$

# Нормальная форма

- Дизъюнктивной (конъюнктивной) нормальной формой называется дизъюнкция (конъюнкция) конечного числа элементарных дизъюнкций (конъюнкций). Сокращенно они обозначаются ДНФ и КНФ соответственно.



Процесс построения функциональных схем для разработки устройства ПК можно представить в виде алгоритма:

1. Анализ функций
2. Составление таблиц истинности по результатам п.1
3. Синтез логической функции по таблице истинности
4. Минимизация полученной логической функции
5. Построение логической схемы устройства по результатам п.4

## Алгоритм синтеза логической функции:

1. В заданной таблице истинности находятся наборы переменных (строки), в которых  $F(x_1, \dots, x_n) = 1$
2. Для каждого набора записывается конъюнкция всех входных переменных, значение которых равно 0.
3. Все полученные конъюнкции объединяются дизъюнкцией в логическую функцию и минимизируются