

# ОБЩАЯ ТЕОРИЯ СТАТИСТИКИ

# Организация статистического наблюдения

# Статистическое наблюдение

- Планомерный научно-организованный, систематический сбор данных о явлениях и процессах общественной жизни путем регистрации ранее намеченных существенных признаков с целью получения в дальнейшем обобщающих характеристик этих явлений и процессов

# Свойства статистического наблюдения

Массовость

Достоверность

Систематичность

# Этапы статистического наблюдения:

Программно-методологическая подготовка наблюдения

Организационная подготовка

Сбор данных статистического наблюдения

Контроль качества данных статистического наблюдения

Выработка выводов и предложений по усовершенствованию статистического наблюдения

# Требования, предъявляемые к статистической информации

- Достоверность
- Сопоставимость

## Ошибка наблюдения

### Регистрации

Случайные

Системати  
ческие

### Репрезентативности

Случайные

Систематич  
еские



# План статистического исследования

Организационные вопросы

- Программно-  
методологические вопросы

# Классификация статистических наблюдений





# Способы

Документальный

Опрос

Анкетный

Корреспондентский

Соморегистрация

Способ непосредственного наблюдения

Экспедиционный

## Виды

По времени  
регистрации

Текущее

Единовременное

Периодиче-  
ское

По характеру  
охвата  
единиц  
совокупности

Сплошное

Несплошное

Обследование  
основного  
массива

Выбороч-  
ное

Монографическое

# Сводка и группировка статистических данных

## Статистическая сводка

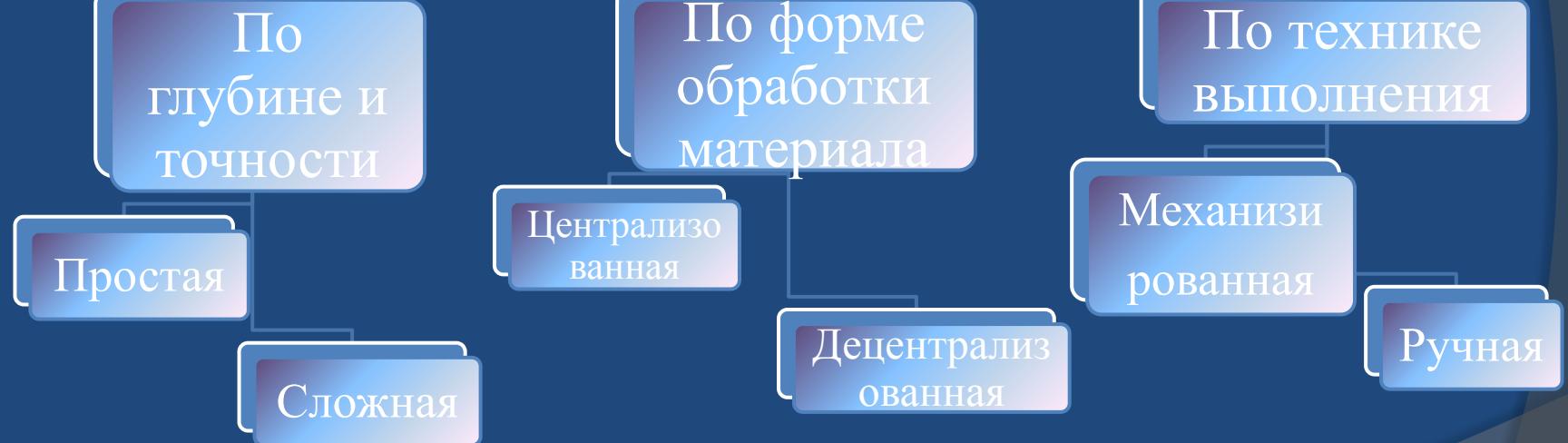
- Научно организованная обработка материалов статистического наблюдения в целях получения обобщенных характеристик изучаемого явления по ряду существенных для него признаков

# Основные задачи сводки

Обработать данные  
статистического  
наблюдения

Дать характеристику  
всей совокупности  
фактов при помощи  
обобщающих  
статистических  
показателей

## Классификация сводок



# Элементы статистической сводки

- Группировка данных
- Расчет сводных показателей
- Составление таблиц

# Программа статистической сводки

Выбор группировочных признаков для образования групп и подгрупп

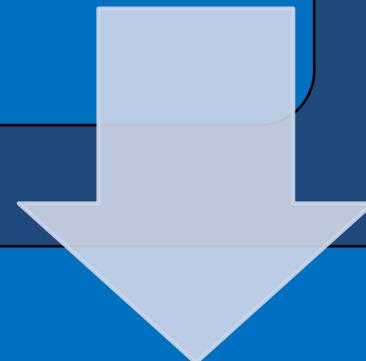
Определение числа групп, на которые может быть разбита изучаемая совокупность

Обозначение границ интервалов при разбиении по количественному признаку

Разработка системы показателей для характеристики выделенных групп и объекта в целом

Разработка макетов статистических таблиц для представления результатов сводки

# Статистическая группировка



Разделение единиц  
изучаемой совокупности  
на качественно  
однородные группы по  
значениям одного или  
нескольких признаков

*Группировка* – это распределение единиц по группам в соответствии с принципом: различия между единицами, отнесенными к одной группе, должны быть меньше , чем между единицами, отнесенными к разным группам.

# Задачи, решаемые с помощью метода группировок

- ◎ Выделение социально-экономических типов явлений
- ◎ Изучение структуры явления и структурных сдвигов, происходящих в нем
- ◎ Выявление связи и зависимости между явлениями

# Виды группировок

- Типологические
- Структурные
- Аналитические

# Типологическая группировка

- ◎ Служит для выделения социально-экономических типов.

## Этапы:

1. Выявление типов явлений.
2. Выбор группировочных признаков.
3. Установление границ интервалов.
4. Данные оформляются в виде таблицы.

◎ *Структурная группировка* –

- характеризует структуру совокупности по какому-либо одному признаку.

*Аналитическая группировка* –

- характеризует взаимосвязь между двумя и более признаками, из которых один рассматривается как результат, а другой (другие) как факторы

- Группировка
  - Простая
  - (монотетическая)
- Сложная
  - (политетическая)

## Группировочный признак

Показатель, на  
основании которого  
происходит разбиение  
единиц изучаемой  
совокупности на  
качественно  
однородные группы по  
значениям одного или  
нескольких признаков

# Виды группировочного признака

Количественный

- Число групп зависит от степени вариации группировочного признака

Атрибутивный

- Число групп определяется числом градаций атрибутивного признака

# Число групп зависит:

- От задачи исследования
- От группировочного признака
- От объема совокупности
- От степени вариации группировочного признака

- Группировочные
- интервалы
- Открытые
- Закрытые
  - Верхняя граница
  - Нижняя граница

- Закрытые интервалы
  - Неравные
    - Равнонапол-  
ненные
    - Неравные
  - Равные

# Величина интервала

$$i_x = \frac{x_{\max} - x_{\min}}{n}$$

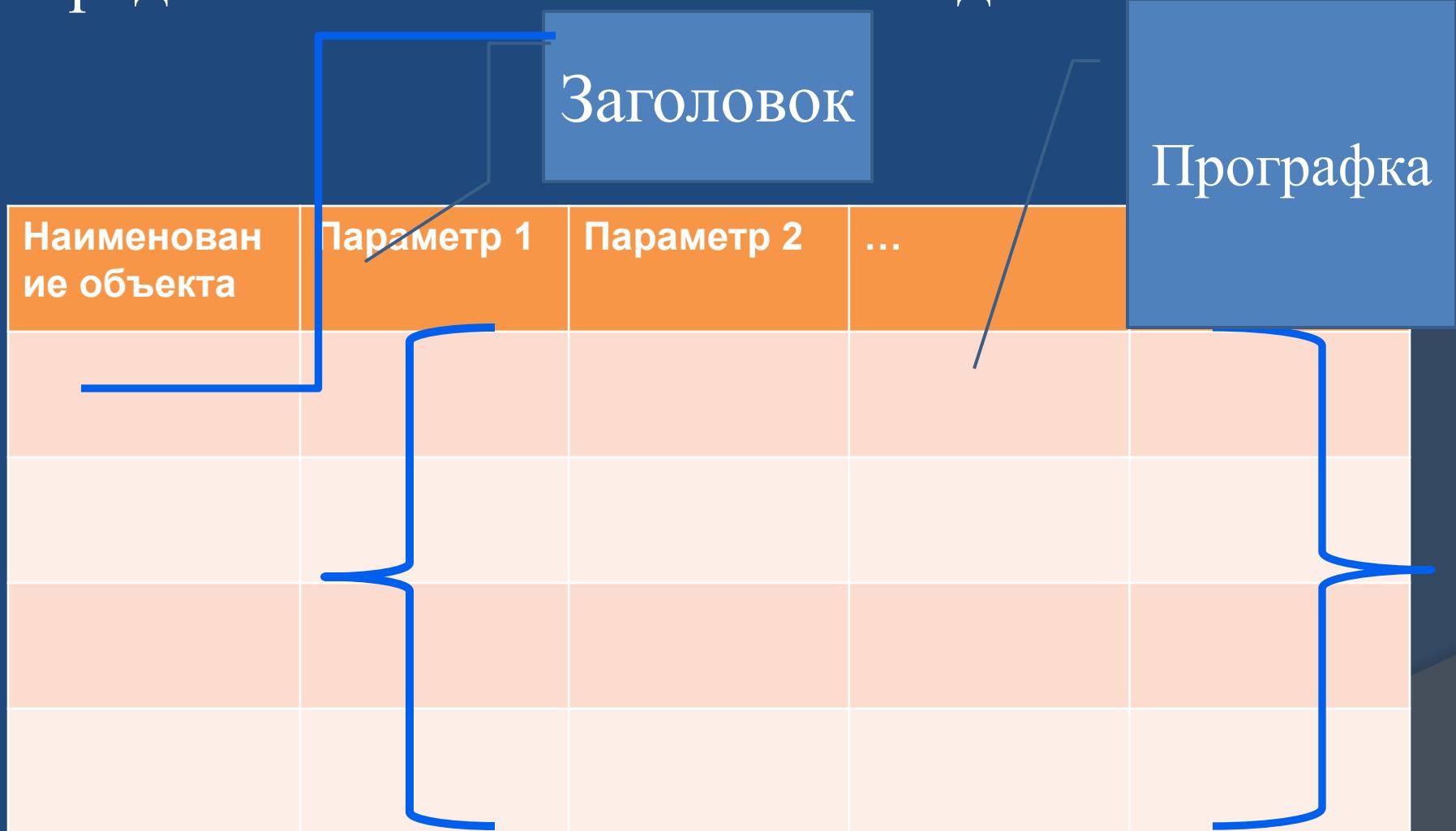
# Представление статистических данных

Таблицы и графики

# Представление статистических данных

Статистическая таблица – система строк и столбцов в которых в определенной последовательности и связи излагается статистическая информация о социально-экономических явлениях.

# Представление статистических данных



# Представление статистических данных

## Статистические таблицы

- Простые
- Групповые
- Комбинационные

# Представление статистических данных

Статистические графики - условные изображения числовых величин и их соотношений посредством линий, геометрических фигур, рисунков или географических карт-схем.

# Представление статистических данных

По способу построения:

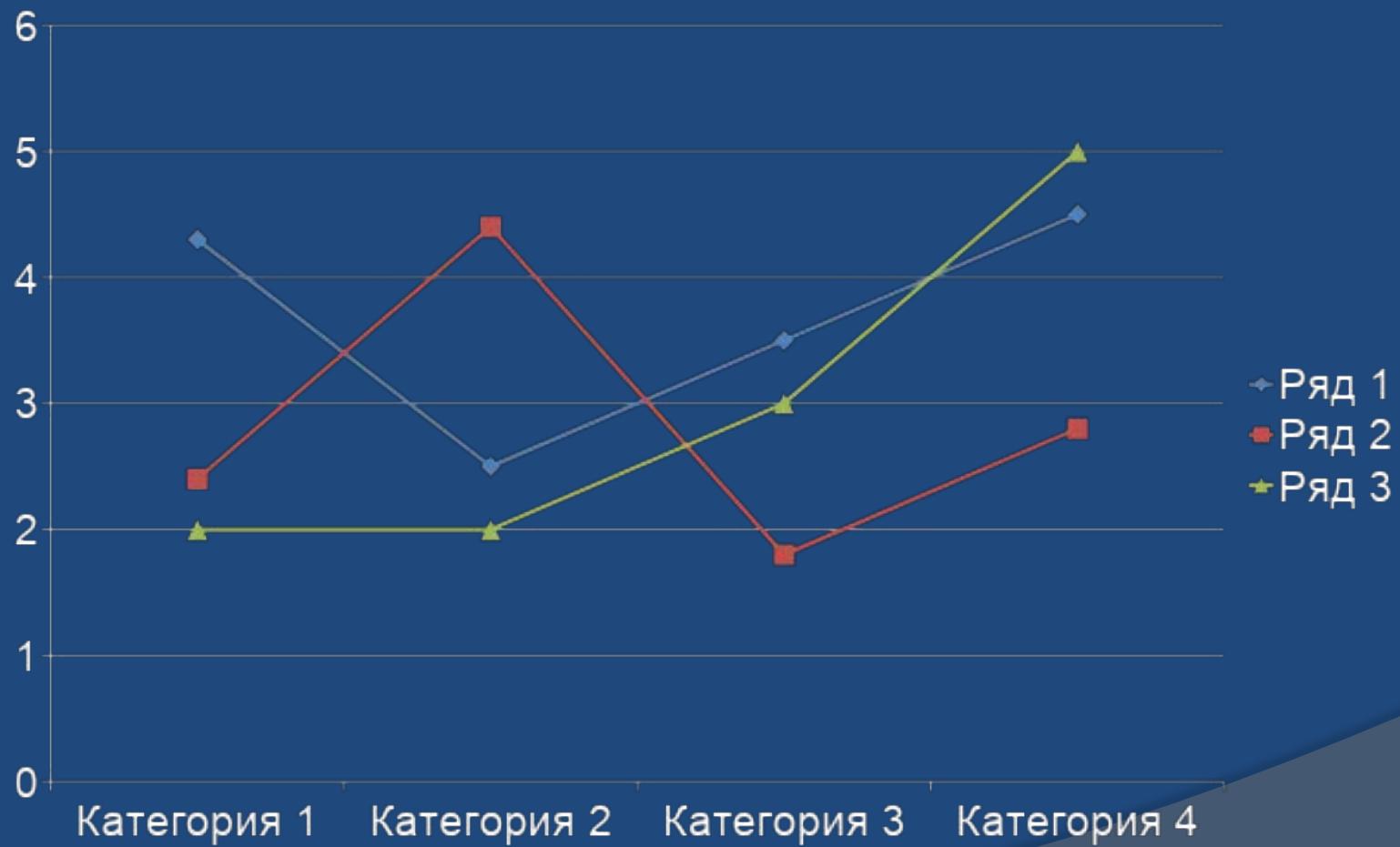
Диаграммы

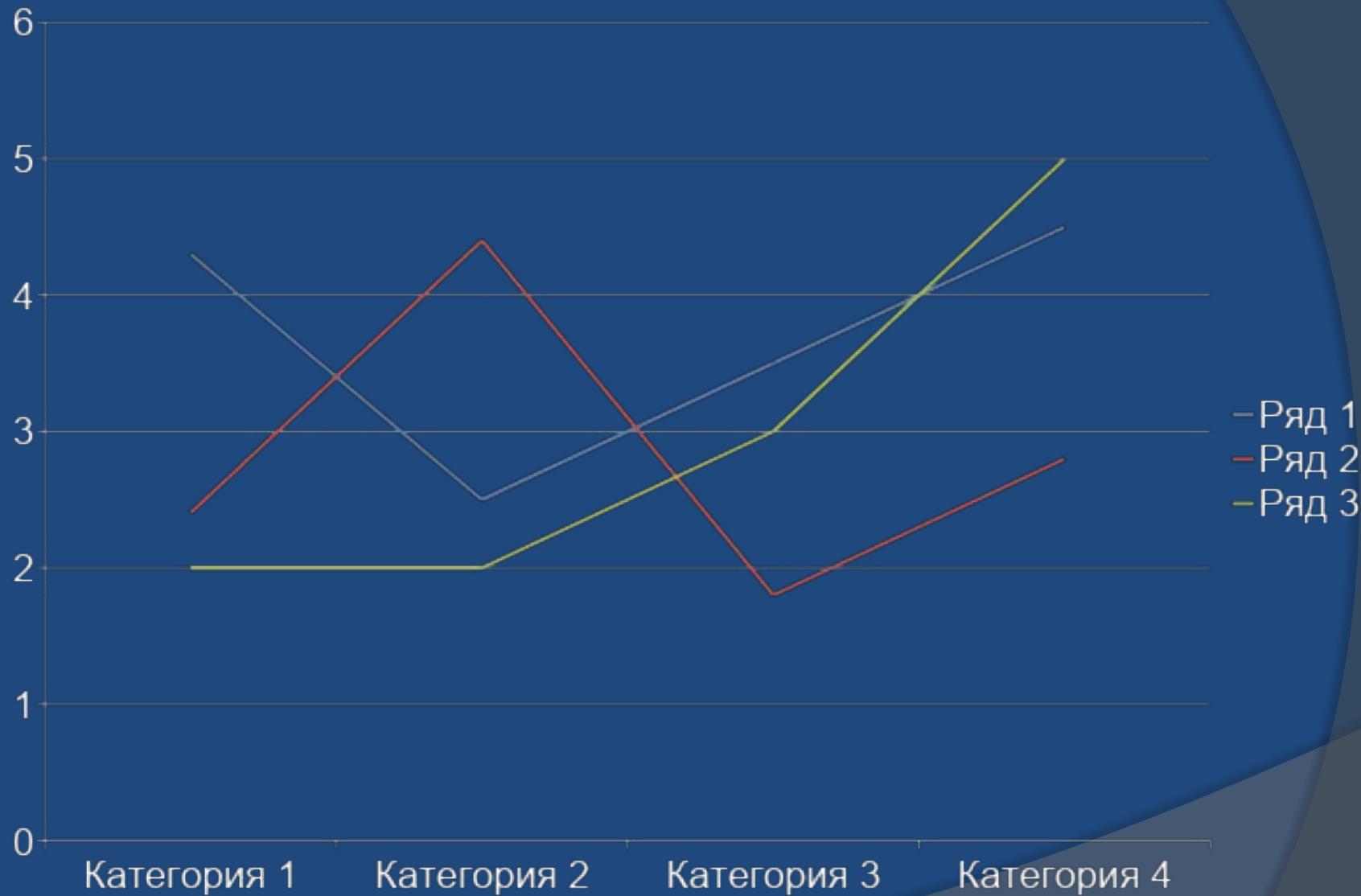
Картограммы

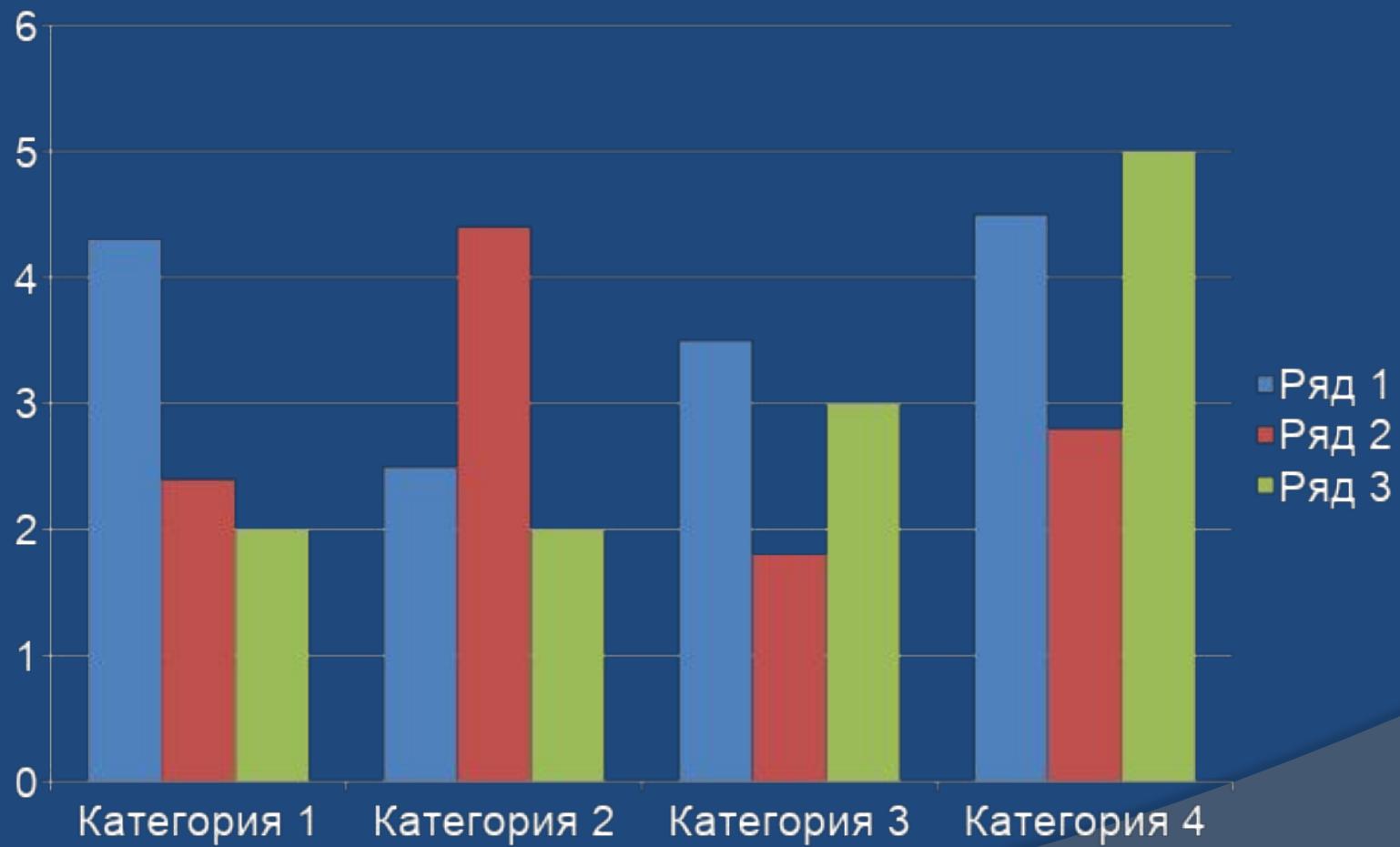
Картодиаграммы

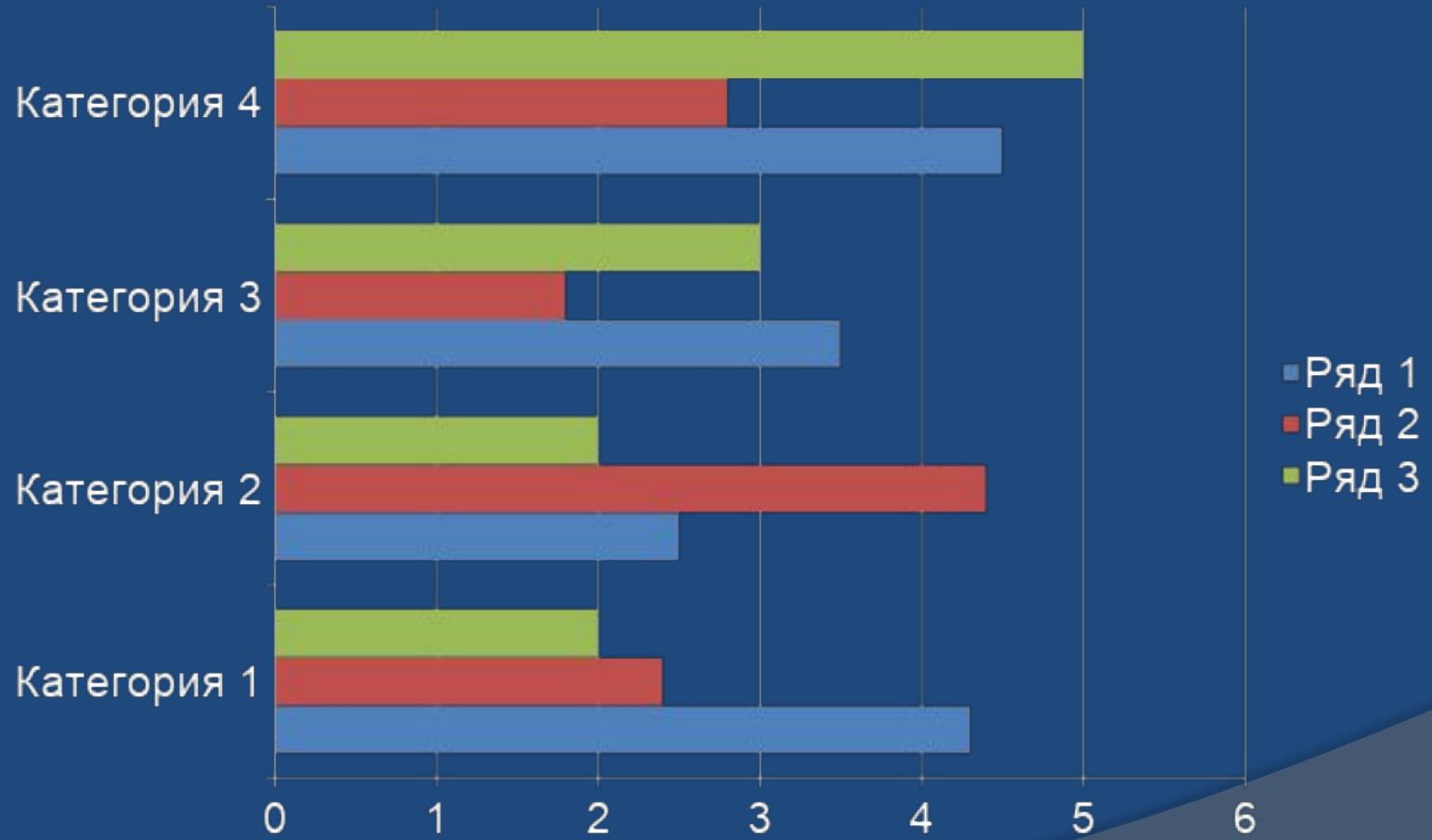
# Представление статистических данных

- Диаграммы
  - Линейные
  - Плоскостные
  - Секторные



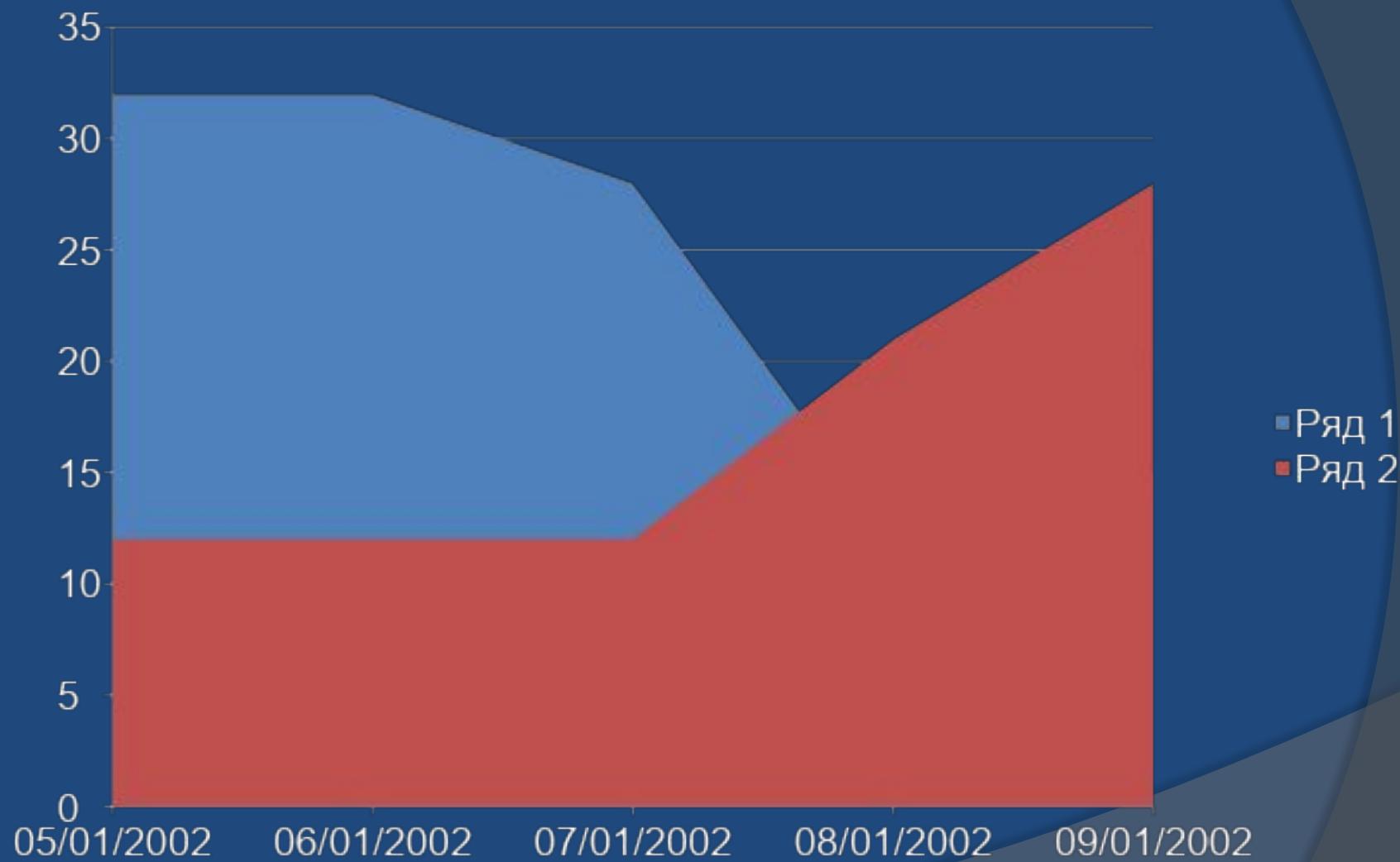






## Продажи



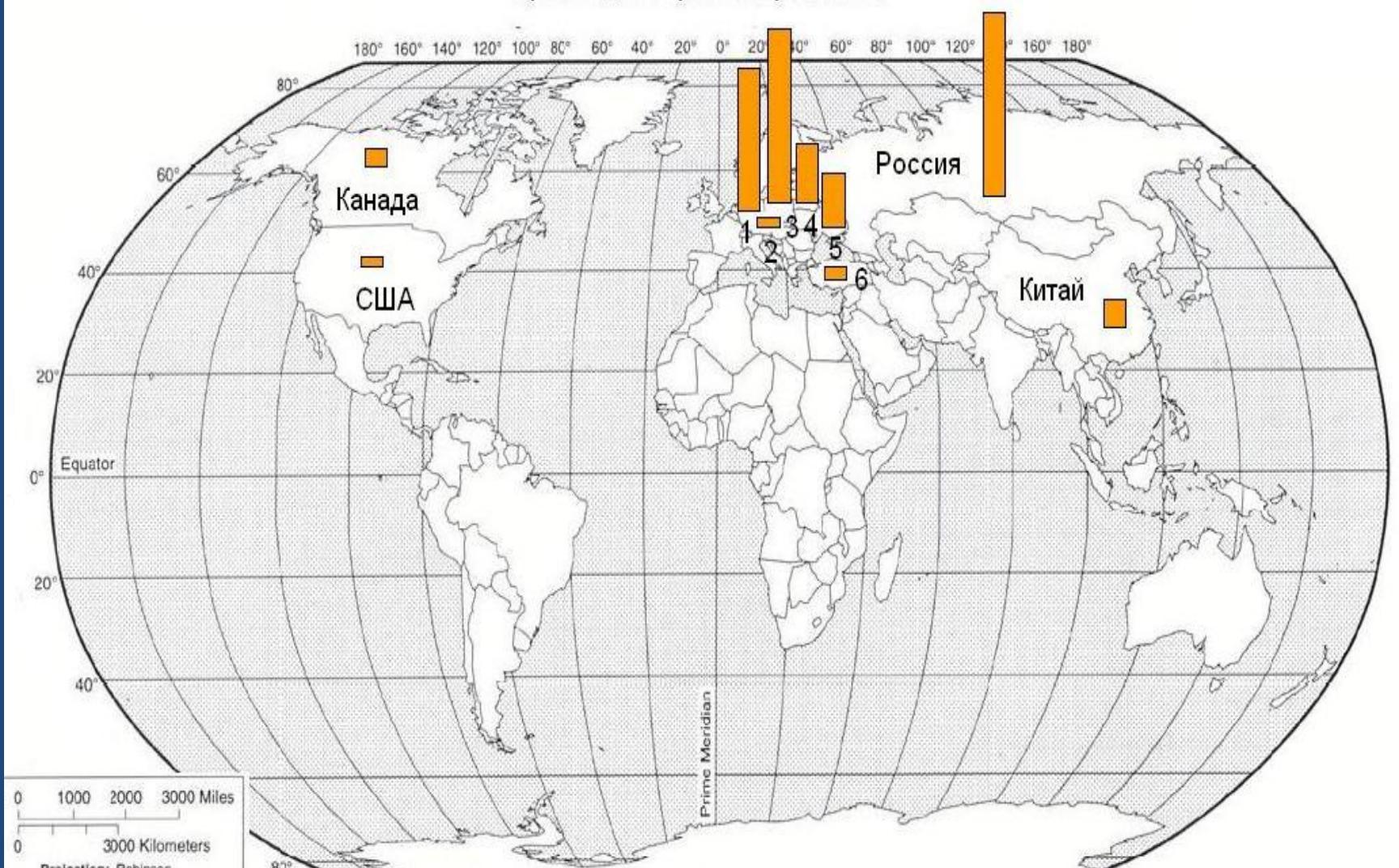


# Индекс промышленного производства

2007 год в % к 2006 году



## Производство ржи в мире в 2005 г.



1 Германия 2 Чехия 3 Польша 4 Беларусь 5 Украина 6 Турция

# Средние величины

Средние величины

Вариация-

различие между  
индивидуальными  
явлениями

# Средние величины

Основное значение средних

- Возможность обобщения, т.е. замена множества различных индивидуальных значений признака средней величиной, характеризующей всю совокупность явлений

# Средние величины

- Средняя
- величина
  - Типическая характеристика
  - Системная характеристика

# Виды средней арифметической

Средняя  
первичных  
признаков

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

Взвешенная  
средняя  
величина

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i \cdot f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$$

Средняя  
вторичных  
признаков

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x'_i \cdot f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$$

Неявная форма  
средней

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n y_i}{\sum_{i=1}^n z_i}, \quad \text{где } x_i = \frac{y_i}{z_i}$$

# Свойства средней арифметической

1. Сумма отклонений индивидуальных значений признака от его среднего значения равна нулю

$$\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}) = 0$$

## Свойства средней арифметической

2. Если каждое индивидуальное значение признака умножить или разделить на постоянное число, то и средняя увеличится или уменьшится во столько же раз.

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i \cdot c)}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} \cdot c = \bar{x} \cdot c$$

## Свойства средней арифметической

3. Если к каждому индивидуальному значению признака прибавить (или из каждого значения вычесть) постоянное число, то средняя величина увеличится или уменьшится на это же число.

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - c)}{n} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i - n \cdot c}{n} = \bar{x} - c$$

## Свойства средней арифметической

4. Если веса средней взвешенной умножить или разделить на постоянное число, средняя величина не изменится.

$$\frac{\sum_{j=1}^k x_j \cdot f_j}{\sum_{j=1}^k f_j} = \frac{\sum_{j=1}^k (x_j \cdot f_j) \div c}{\sum_{j=1}^k f_j \div c} = \bar{x}$$

## Свойства средней арифметической

5. Сумма квадратов отклонений индивидуальных значений признака от средней арифметической меньше, чем от любого другого числа.

# Средняя квадратическая величина

$$\bar{x}_{KB} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}}$$

# Средняя геометрическая величина

$$\bar{x} = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n}$$

# Средняя гармоническая величина

$$\bar{x} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{x_i}}$$

# Степенная средняя

$$\bar{x} = \sqrt[k]{\frac{\sum_{i=1}^n x_i^k}{n}}$$

# Правило мажорантности средних

$$\bar{x}_{\text{гарм}} \leq \bar{x}_{\text{геом}} \leq \bar{x}_{\text{арифм}} \leq \bar{x}_{\text{квадр.}} \leq \bar{x}_{\text{куб}}$$

Вариационный  
ряд

Упорядоченное  
распределение  
единиц  
совокупности по  
возрастающим или  
убывающим  
значениям признака

Ряд данных:

12, 11, 14, 14, 14, 19, 21, 12, 11, 14,  
19, 21, 11, 14, 21, 12, 21, 14, 11

Дискретный вариационный ряд:

Значения	11	12	14	19	21
Частоты	4	3	5	2	4

# Дискретный вариационный ряд

таблица, состоящая из двух строк:  
значений варьирующегося признака и  
числа единиц совокупности с данным  
значением признака

# Интервальный вариационный ряд

Урожайность, ц / га	10-15	15-20	20-25	25-30
Число хозяйств	6	9	20	41

# Интервальный вариационный ряд

таблица, состоящая из двух строк – интервалов значений признака, вариация которого изучается, и числа единиц совокупности, попадающих в данный интервал.

# Число групп вариационного ряда

$$m \approx 1 + 3,32 \cdot \lg n$$

Формула  
Стерджесса

# Величина интервала

$$i = \frac{x_{\max} - x_{\min}}{m}$$

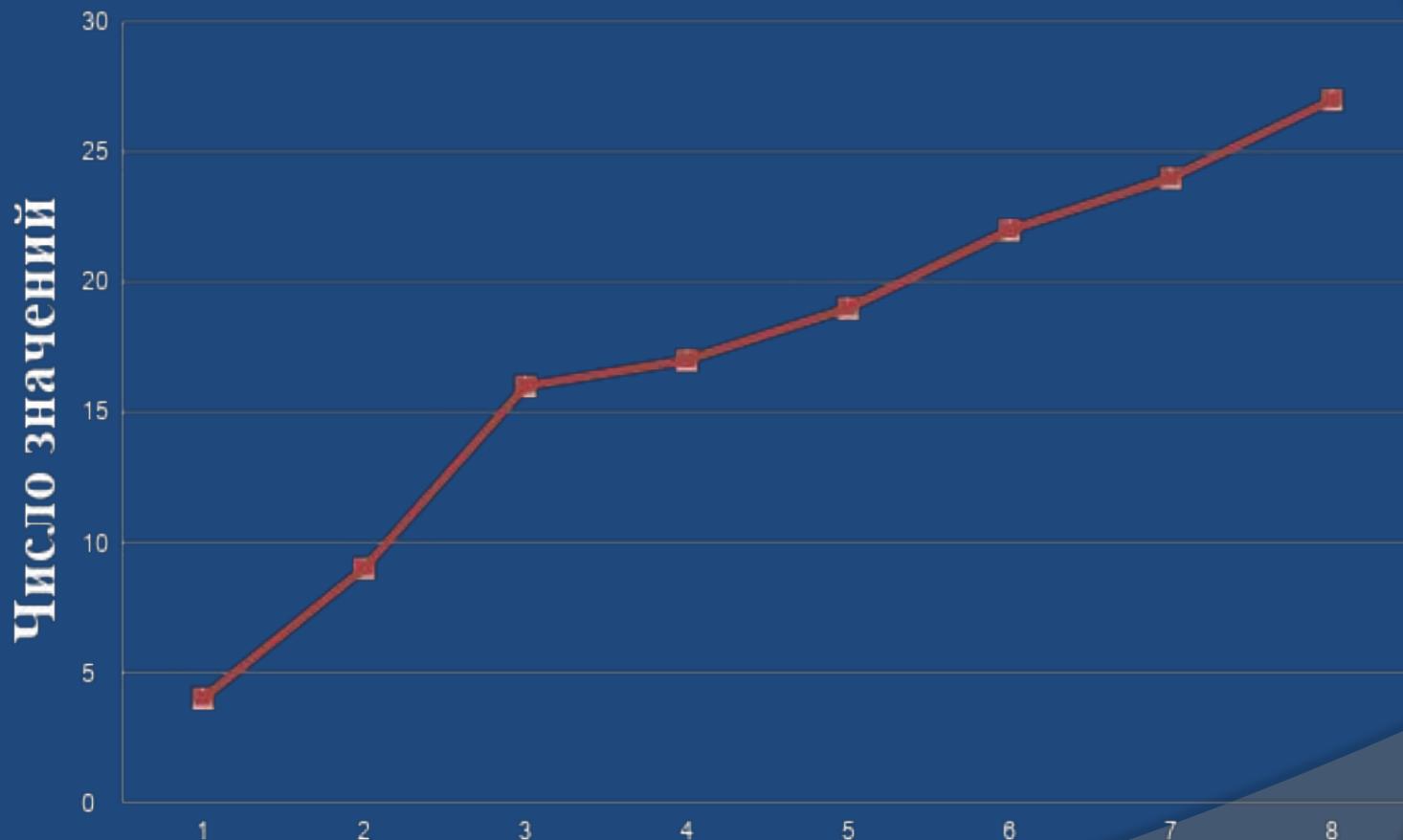
# Ряд накопленных частот (кумулятивный ряд)

ряд значений числа единиц совокупности с меньшими и равными нижней границе соответствующего интервала значениями признака.

◎ Ряд данных:

Значения	1	2	3	4	5	6	7	8
Накопленная частота	4	9	16	17	19	22	24	27

# Кумулята



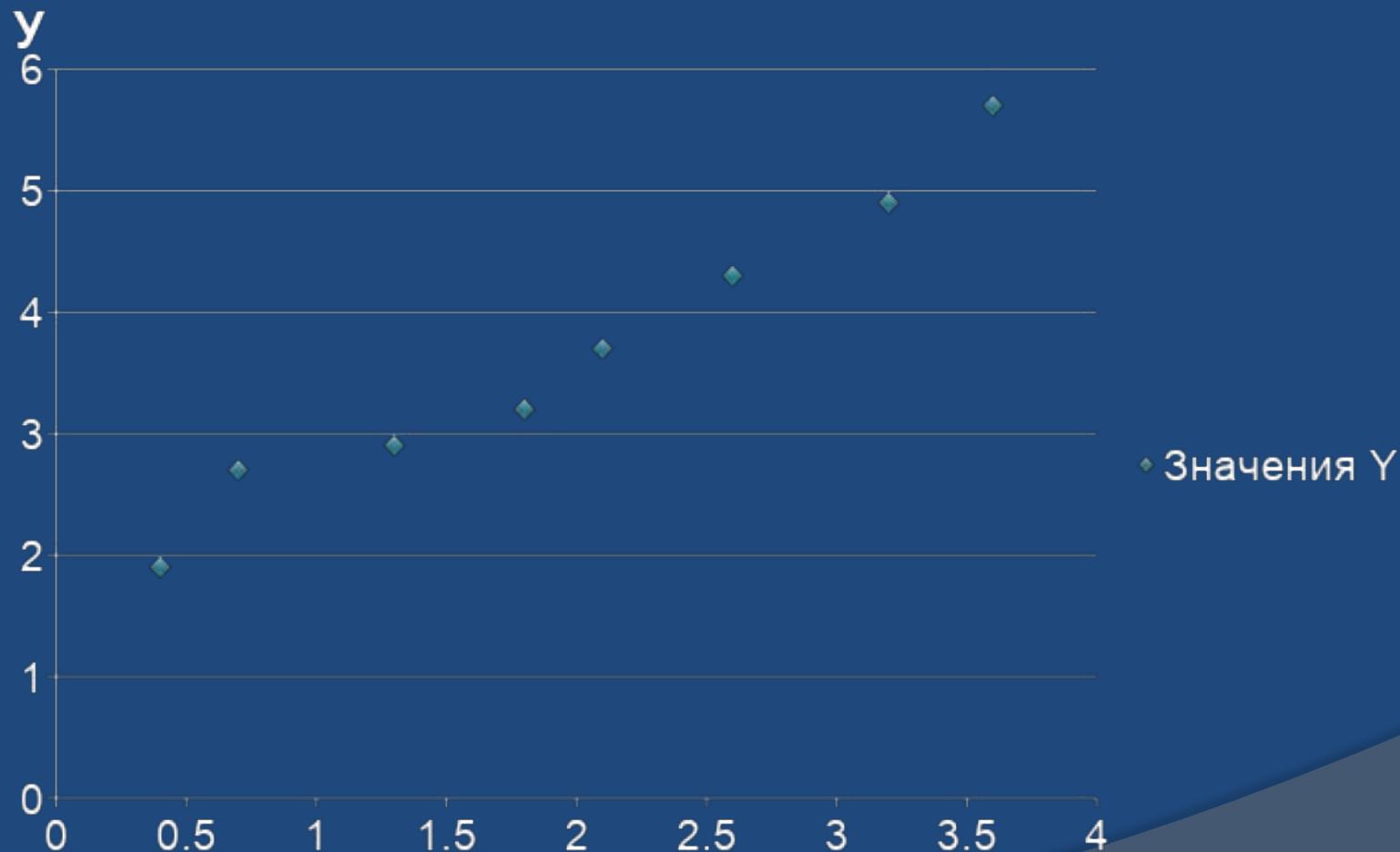
# Анализ статистической связи

## Корреляционный анализ

Совокупность методов исследования параметров многомерного признака, позволяющая по выборке из совокупности сделать статистические выводы о мерах статистической зависимости между компонентами исследуемого признака.

- Коэффициенты корреляции
- Парные
- Частные
  - Множественные

# Корреляционное поле



# Коэффициент парной корреляции

## Коэффициент Пирсона

$$r_{xy} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 (y_i - \bar{y})^2}}$$

# Свойства коэффициента

## корреляции

- Принимает значения  $|r| \leq 1$
- Если  $r=1$  ( $-1$ ) между признаками существует функциональная линейная зависимость
- Если  $r=0$ , то параметры не коррелированы.
- Коэффициент симметричен  $r_{xy} = r_{yx}$