

Тема 2. СИЛЫ, ДЕЙСТВУЮЩИЕ НА ДВИЖУЩИЕСЯ ЗАРЯДЫ В МАГНИТНОМ ПОЛЕ

- **2.1. Закон Ампера.**
- **2.2. Взаимодействие двух параллельных бесконечных проводников с током.**
- **2.3. Воздействие магнитного поля на рамку с током.**
- **2.4. Единицы измерения магнитных величин.**
- **2.5. Сила Лоренца.**
- **2.6. Эффект Холла.**
- **2.7. Циркуляция вектора магнитной индукции.**
- **2.8. Магнитное поле соленоида.**
- **2.9. Магнитное поле тороида.**
- **2.10. Работа по перемещению проводника с током в магнитном поле.**

2.1. Закон Ампера



АМПЕР Андре Мари (1775 – 1836) – французский физик математик и химик.

Основные физические работы посвящены электродинамике. Сформулировал правило для определения действия магнитного поля тока на магнитную стрелку. Обнаружил влияние магнитного поля Земли на движущиеся проводники с током.

В 1820 г. А. М. Ампер экспериментально установил, что два проводника с током взаимодействуют друг с другом с силой:

$$F = k \frac{I_1 I_2}{b} \quad (2.1.1)$$

где b – расстояние между проводниками, а k – коэффициент пропорциональности зависящий от системы единиц.

В первоначальное выражение закона Ампера не входила никакая величина характеризующая магнитное поле. Потом разобрались, что взаимодействие токов осуществляется через магнитное поле и следовательно в закон должна входить характеристика магнитного поля.

В современной записи в системе СИ, **закон Ампера выражается формулой:**

$$d\vec{F} = I [d\vec{l}, \vec{B}] \quad (2.1.2)$$

Это сила с которой магнитное поле действует на бесконечно малый проводник с током I .

Модуль силы действующей на проводник

$$dF = IBdl \sin (d\vec{l}, \vec{B}). \quad (2.1.3)$$

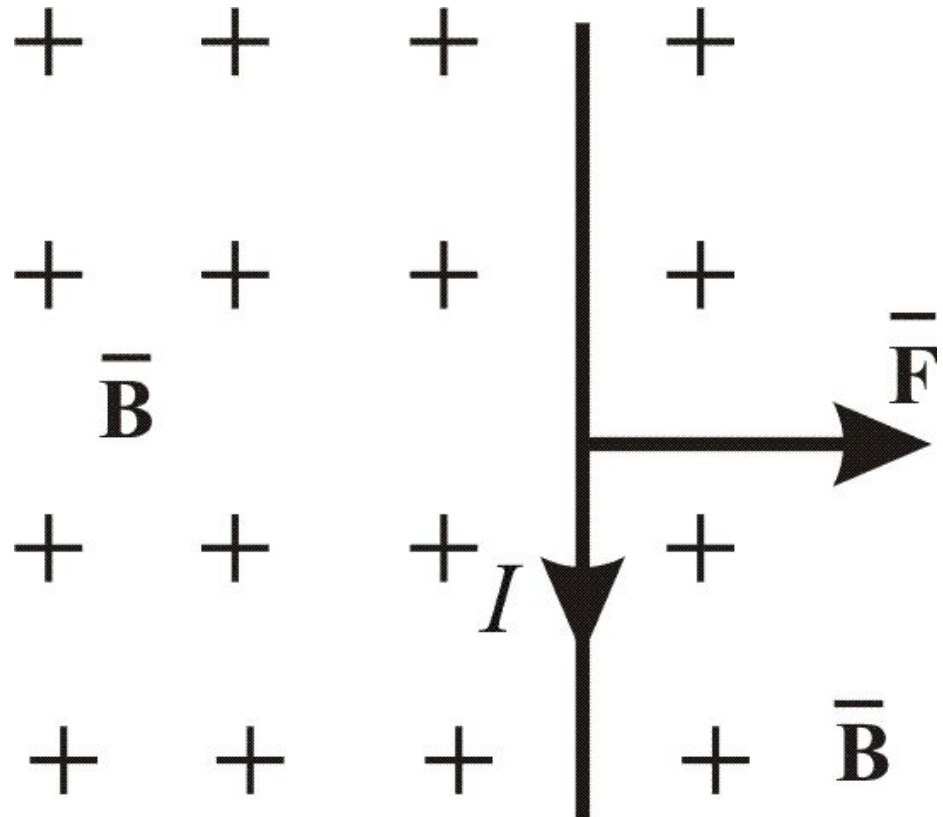
Сила Ампера:

$$F_A = I \ell B \sin \alpha$$

Если магнитное поле однородно и проводник перпендикулярен силовым линиям магнитного поля, то

$$F = IlB, \quad (1.4)$$

где $I = qnvS$ — ток через проводник сечением S .



Работа силы Ампера:

$$dA = F_A \cdot dx = I \square B \cdot dx$$

Работа силы Ампера:

$$dA = I \cdot (\square B \cdot dx \cos \alpha)$$

$$dA = I \cdot d\Phi$$

Направление силы определяется направлением векторного произведения или правилом левой руки (что одно и тоже). Ориентируем пальцы по направлению первого вектора, второй вектор должен входить в ладонь и большой палец показывает направление векторного произведения.

Закон Ампера – это первое открытие фундаментальных сил, зависящих от скоростей.

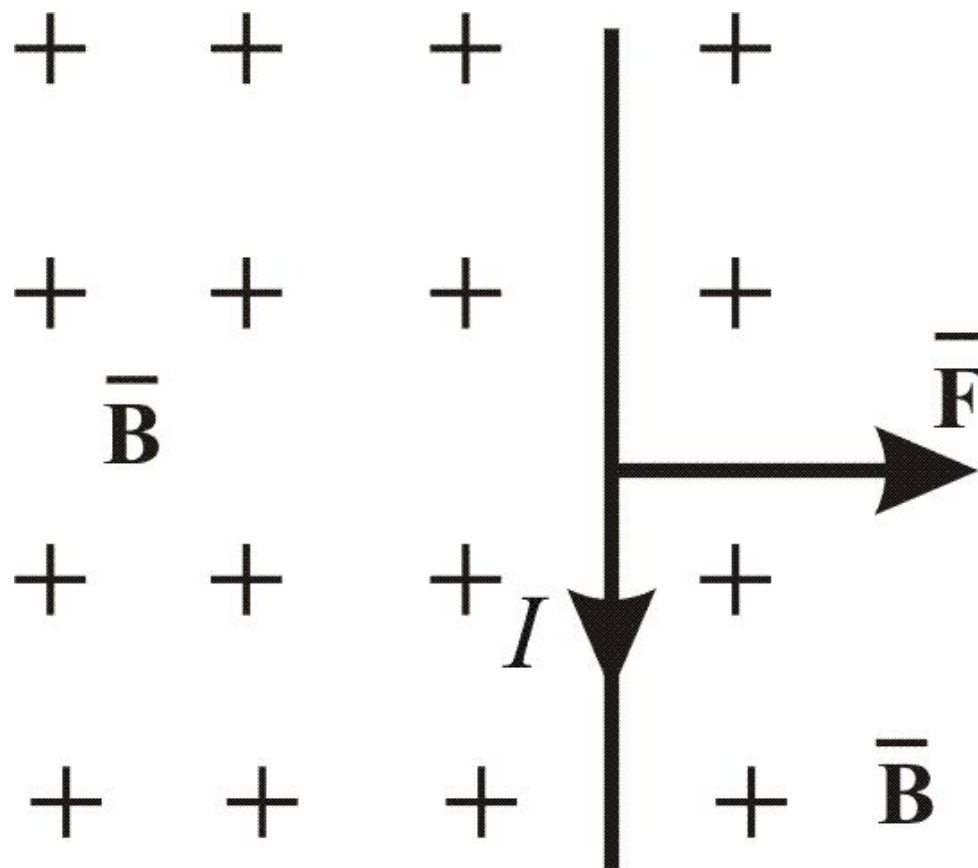


Рис. 2.1

ПРАВИЛО левой руки



Из закона Ампера хорошо виден физический смысл магнитной индукции: B – величина, численно равная силе, с которой магнитное поле действует на проводник единичной длины, по которому течет единичный ток.

$$B = \frac{F}{l}$$

Размерность индукции

$$[B] = \frac{\text{Н}}{\text{А} \cdot \text{м}}.$$

10.2. Взаимодействие двух параллельных бесконечных проводников с током

Пусть b – расстояние между проводниками. Задачу следует решать так: один из проводников I_2 создаёт магнитное поле, второй I_1 находится в этом поле.

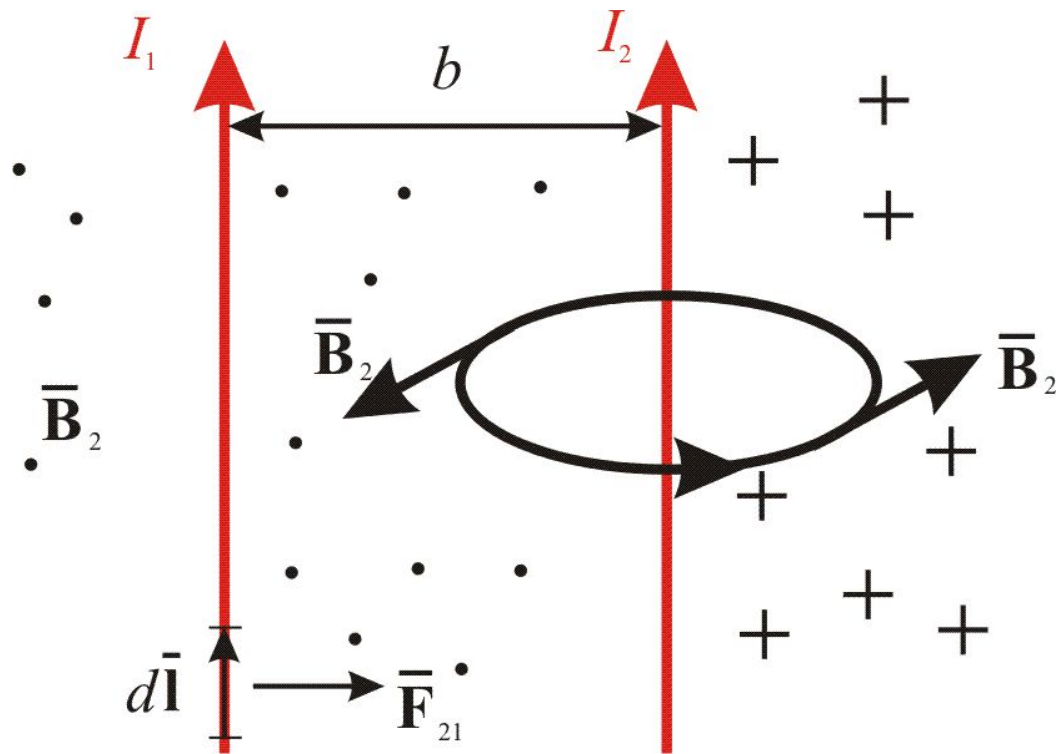


Рис. 2.2

Магнитная индукция, создаваемая током I_2 на расстоянии b от него:

$$B_2 = \frac{\mu_0 I_2}{2\pi b} \quad (2.2.1)$$

Если I_1 и I_2 лежат в одной плоскости, то угол между B_2 и I_1 прямой, следовательно сила, действующая на элемент тока $I_1 dl$

$$F_{21} = B_2 I_1 dl = \frac{\mu_0 I_1 I_2 dl}{2\pi b}. \quad (2.2.2)$$

На каждую единицу длины проводника действует сила:

$$F_{21ed} = \frac{F_{21}}{dl} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{b} \quad (2.2.3)$$

(разумеется, со стороны первого проводника на второй действует точно такая же сила).

Результирующая сила равна одной из этих сил! Если эти два проводника будут воздействовать на третий, тогда их магнитные поля \vec{B}_1 нужно сложить векторно.

$$F_{21} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{b}$$

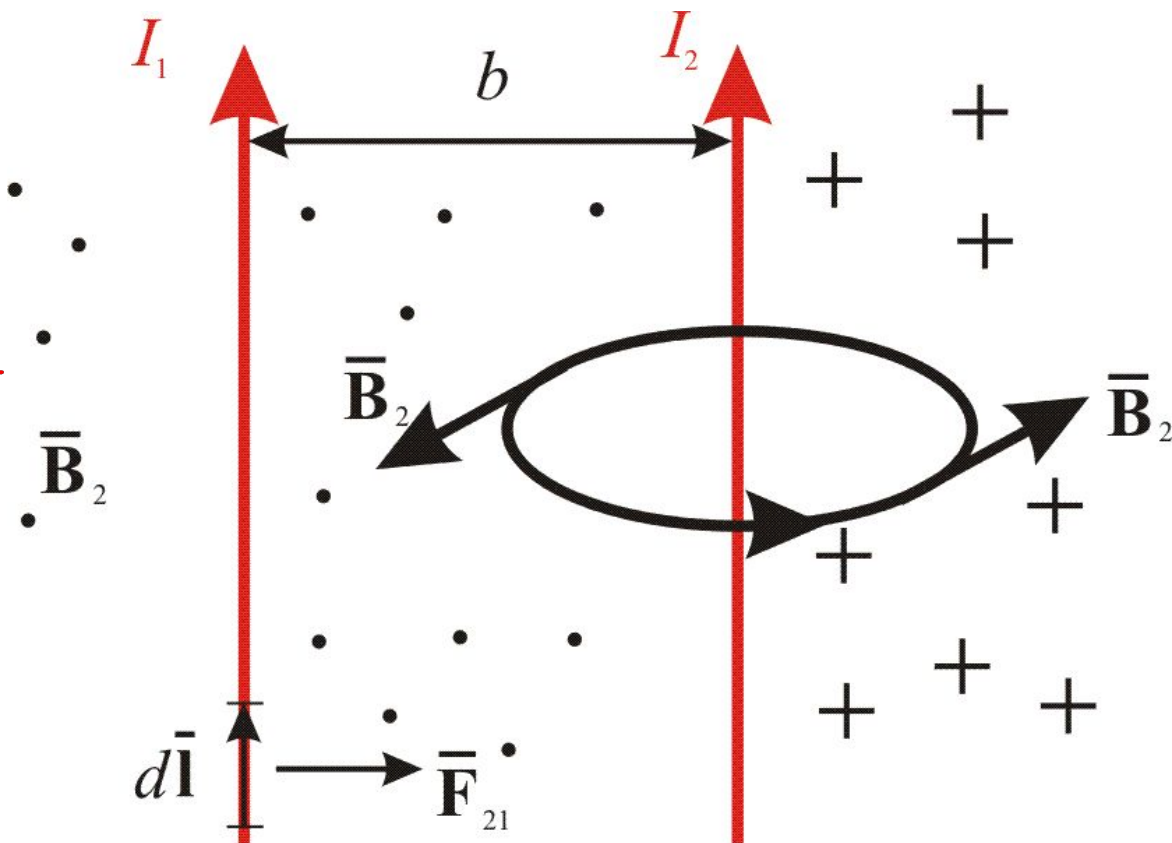
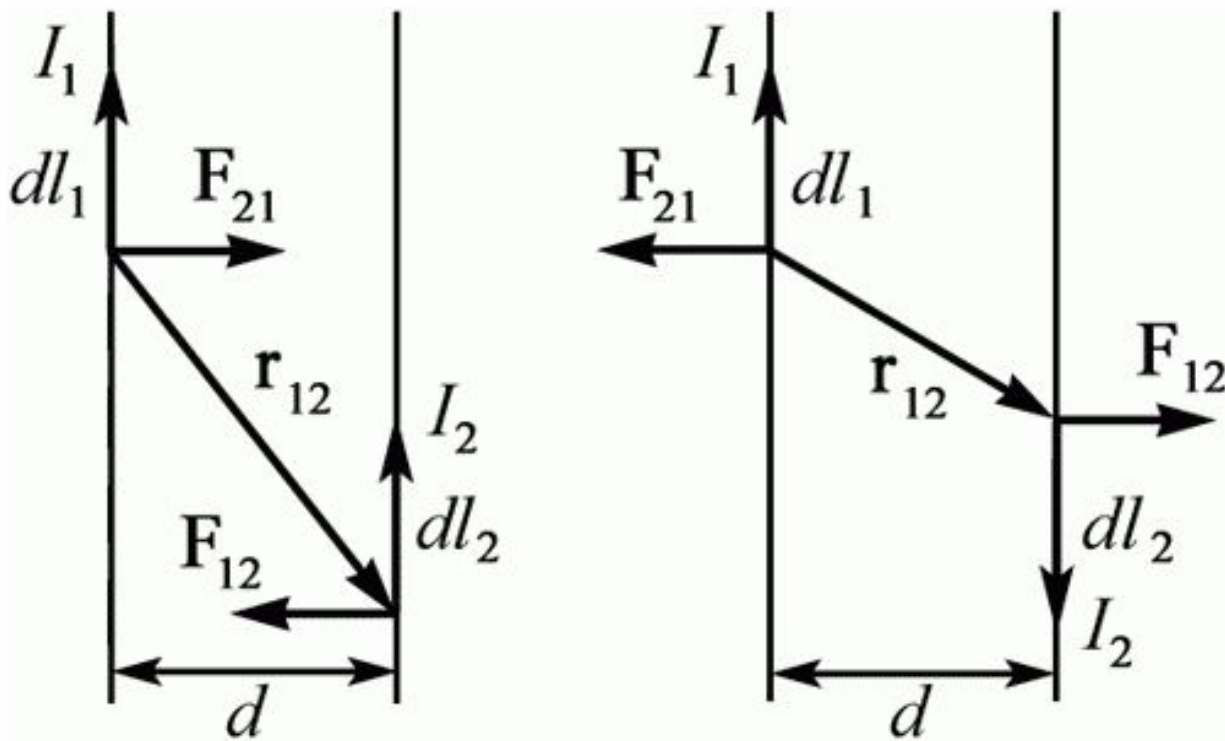


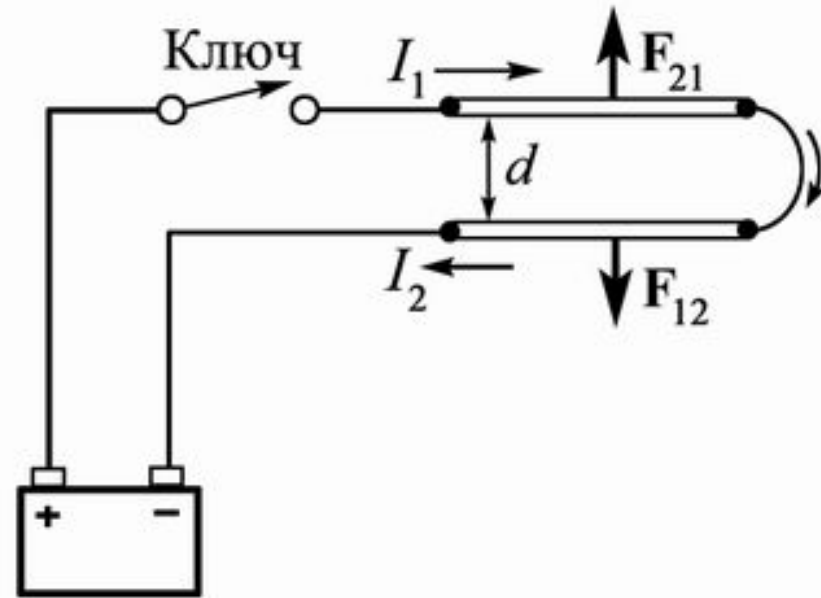
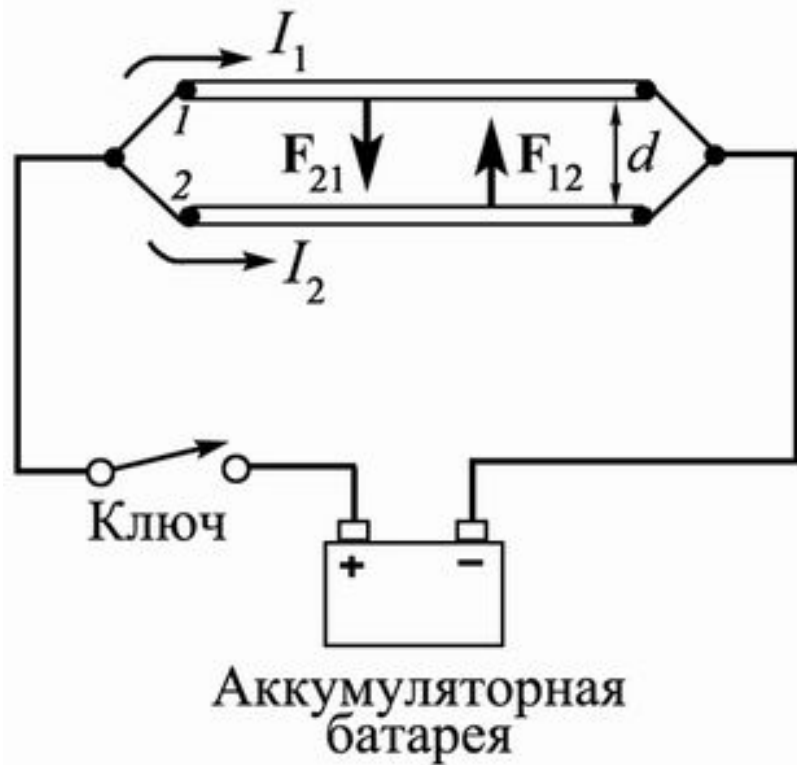
Рис. 2.2



Взаимодействие бесконечно малых элементов dl_1 , dl_2 параллельных токов I_1 и I_2 :

– токи, текущие в одном направлении притягиваются;

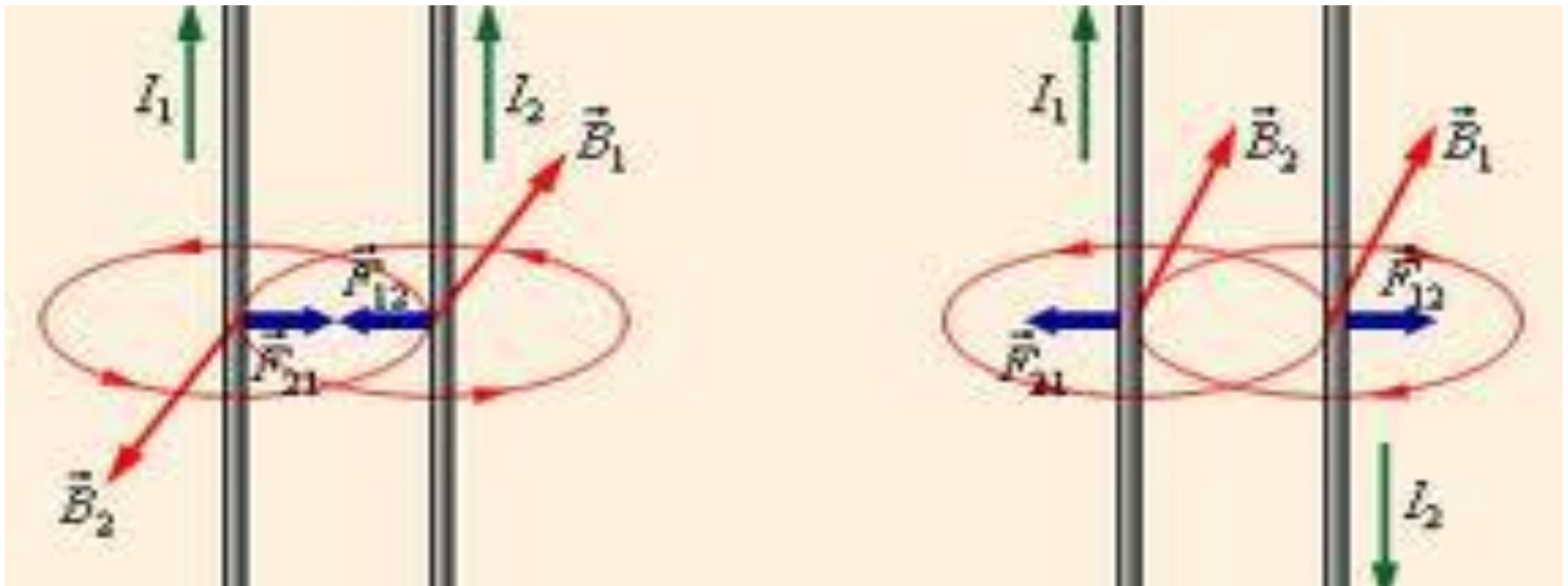
– токи, текущие в разных направлениях, отталкиваются



Близко расположенные два незаряженных проводника при включении батареи **притягиваются (а) или отталкиваются (б) в зависимости от того, текут ли в них токи в одном или противоположном направлениях.**

По величине силы отталкивания или притяжения, действующей на единицу длины проводника, можно определить силу тока, идущего по проводникам.

$$\text{При } I_1 = I_2 = 1 \text{ А, } d = 1 \text{ м } F = 2 \cdot 10^{-7} \text{ Н/м}$$



$$F = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{b}$$

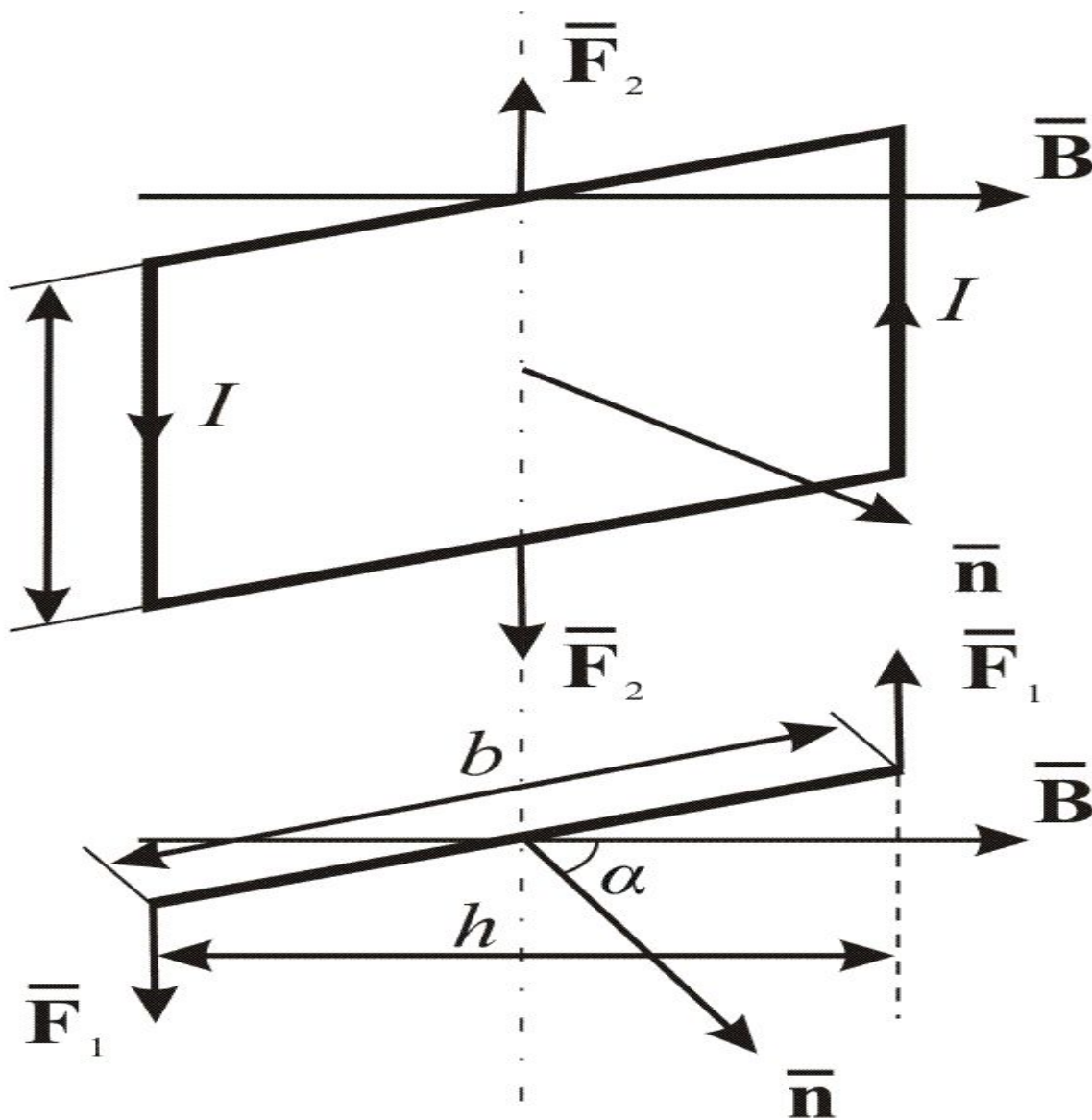
Силе неизменяющегося тока в 1 ампер соответствует ток, при прохождении которого по двум параллельным прямолинейным проводникам бесконечной длины и ничтожно малой площади кругового поперечного сечения, расположенным в вакууме на расстоянии одного метра, соответствует сила магнитного взаимодействия на каждый метр длины проводников, равная $2 \cdot 10^{-7}$ Н.

Таким образом, на основе закона Ампера устанавливается эталон единицы силы тока в СИ.

10.3. Воздействие магнитного поля на рамку с током

Рамка с током I находится в однородном магнитном поле

α – угол между \vec{B} и \vec{n} (направление нормали связано с направлением тока правилом буравчика).



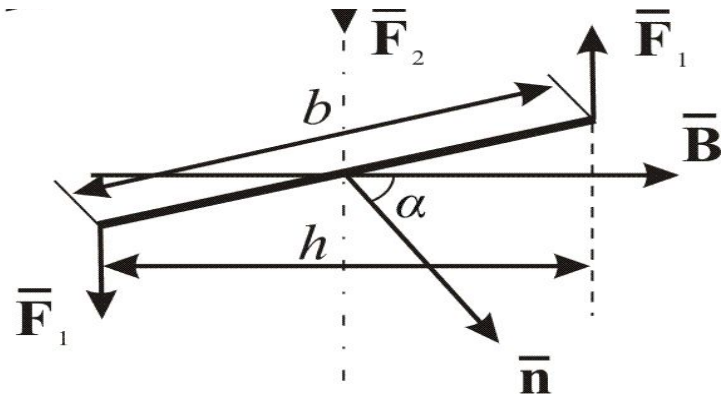
- Сила Ампера, действующая на сторону рамки длиной l , равна: $F_1 = IlB$
- здесь $(\vec{B} \perp \vec{I})$.
- На другую сторону длиной l действует такая же сила. Получается «пара сил», или вращающий момент.

$$M = F_1 h = IlBb \sin \alpha, \quad (2.3.1)$$

где плечо: $h = b \sin \alpha$.

Так как $lb = S$ – площадь рамки, тогда можно записать:

$$M = IBS \sin \alpha = P_m \sin \alpha$$

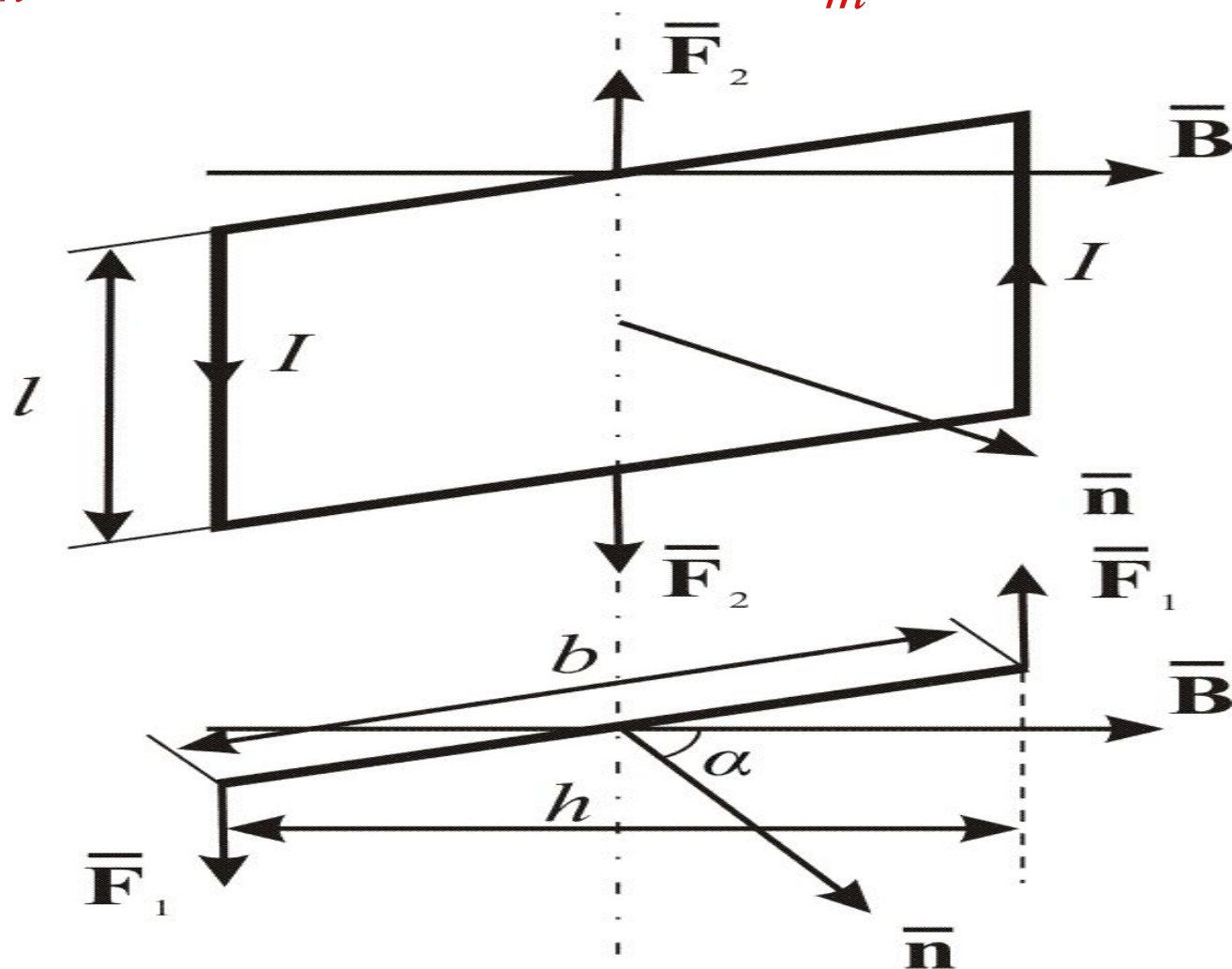


Вот откуда мы писали с вами выражение для магнитной индукции:

$$B = \frac{M}{P_m \sin \alpha}$$

$$B = \frac{M_{\text{макс}}}{P_m} \quad (2.3.3)$$

M – вращающий момент силы,
 P – магнитный момент.



Итак, под действием этого вращательного момента рамка повернётся так, что

На стороны длиной b тоже действует сила Ампера F_2 – растягивает рамку и так как силы равны по величине и противоположны по направлению рамка не смещается, в этом случае $M = 0$, состояние **устойчивого равновесия**.

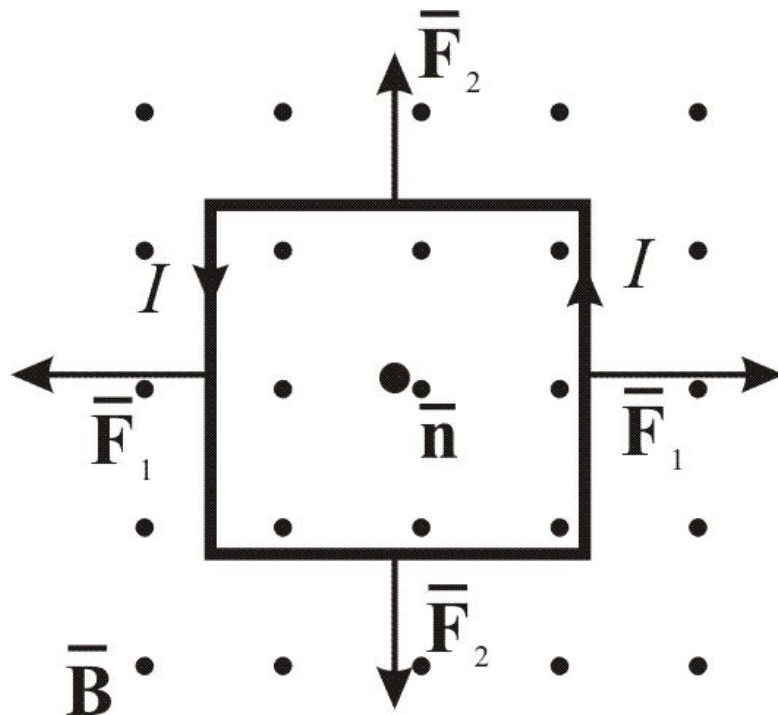
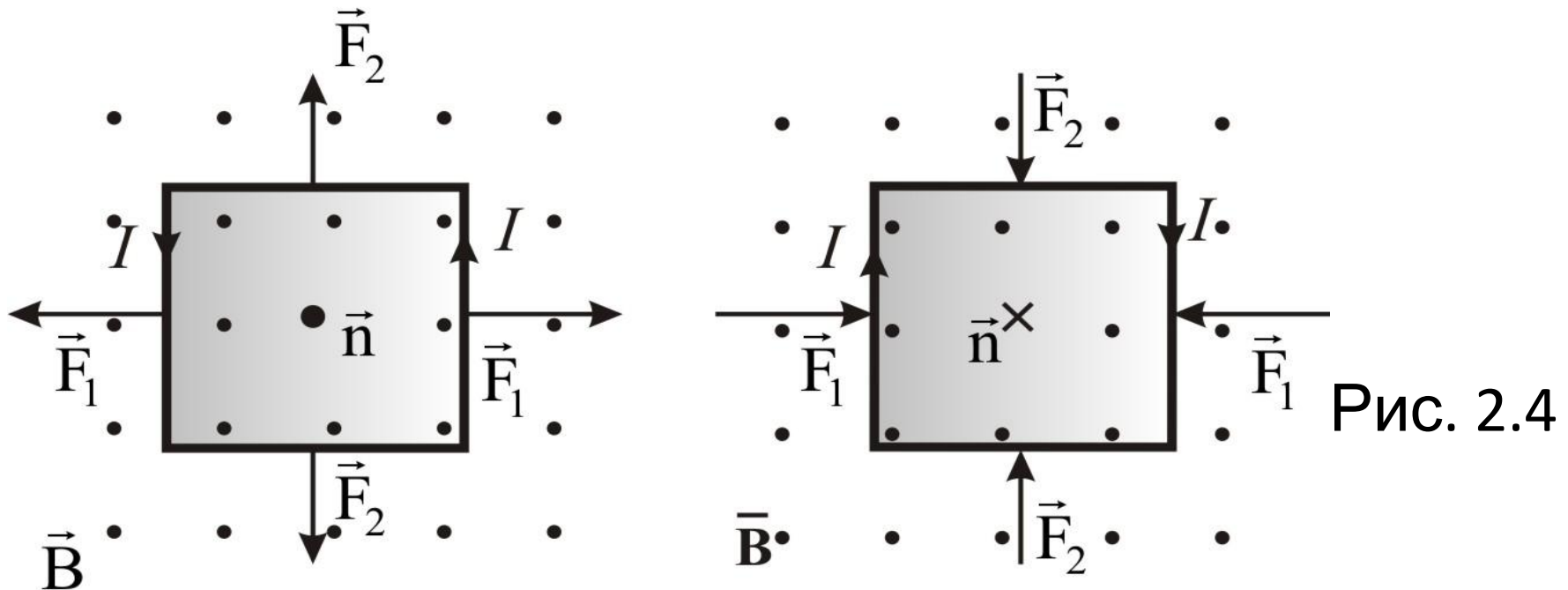


Рис. 2.4

Когда \vec{n} и \vec{B} антипараллельны, $M = 0$ (так как плечо равно нулю), это состояние, **неустойчивого равновесия**. Рамка сжимается и, если чуть сместится, сразу возникает вращающий момент такой что она **перевернется**.

В неоднородном поле рамка повернется и будет вытягиваться в область более сильного поля.



2.4. Единицы измерения магнитных величин

Закон Ампера используется для установления единицы силы тока – ампер.

$$\frac{dF}{dl} = \frac{\mu_0^{(2.4.1)} I_1 I_2}{4\pi b}$$

где

$$dl = 1 \text{ м} \quad b = 1 \text{ м} \quad I_1 = I_2 = 1 \text{ А}$$

$$\frac{dF}{dl} = 2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{м}}$$

- И так, **Ампер** – сила тока неизменного по величине, который, проходя по двум параллельным прямолинейным проводникам бесконечной длины и ничтожно малого сечения, расположенным на расстоянии один метр, один от другого в вакууме вызывает между этими проводниками силу

$$2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{м}}$$

$$\frac{dF}{dl} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I_1 I_2}{b}$$

Определим отсюда размерность и величину μ_0

В СИ: $2 \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{м}} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot 2A^2$ $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Н}}{\text{А}^2}$

Или

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Гн}}{\text{м}}$$

В СГС: $\mu_0 = 1$

Из закона Био-Савара-Лапласа, для прямолинейного проводника с током $B = \frac{\mu_0 I}{4\pi b}$ можно найти размерность индукции магнитного поля:

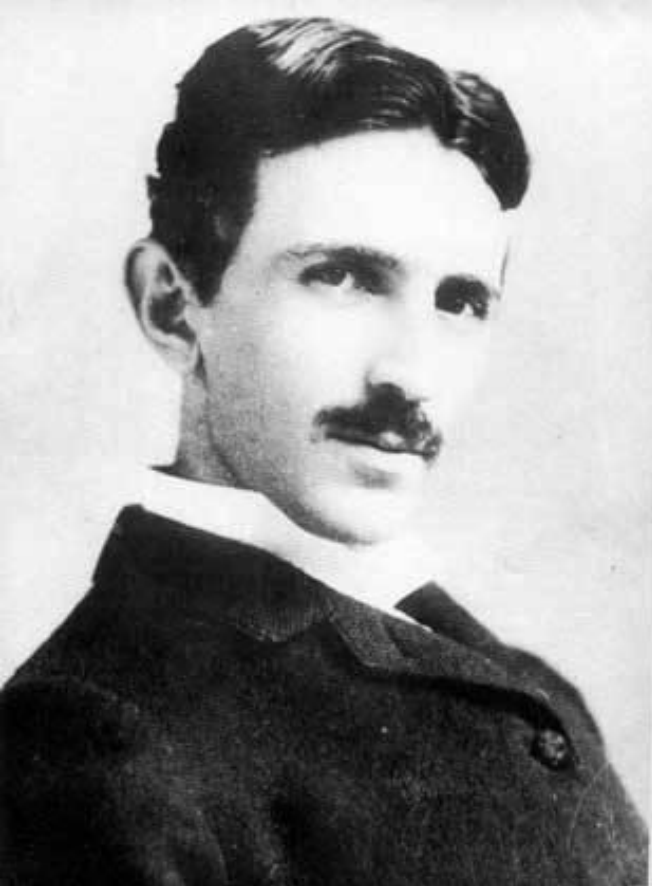
$$[B] = \frac{\text{Н}}{\text{А}^2} \frac{\text{А}}{\text{м}} = \frac{\text{Н}}{\text{А} \cdot \text{м}} = 1 \text{Тл}$$

1 Тл (один тесла равен магнитной индукции однородного магнитного поля, в котором на плоский контур с током, имеющим магнитный момент $1 \text{ А} \cdot \text{м}^2$ действует вращающий момент $1 \text{ Н} \cdot \text{м}$).

$$[B] = \frac{\text{Н}}{\text{А} \cdot \text{м}} = 1 \text{ Тл.}$$

Один тесла $1 \text{ Тл} = 10^4 \text{ Гс}$.

Гаусс – единица измерения в Гауссовой системе единиц (СГС).



**ТЕСЛА Никола (1856 - 1943)-
сербский ученый в области
электротехники, радиотехники**

Разработал ряд конструкций многофазных генераторов, электродвигателей и трансформаторов. Сконструировал ряд радиоуправляемых самоходных механизмов.

Изучал физиологическое действие токов высокой частоты. Построил в 1899 радиостанцию на 200 кВт в Колорадо и радиоантенну высотой 57,6 м в Лонг-Айленде. Изобрел электрический счетчик, частотомер и др.

Этот безумный изобретатель



«Я мог бы обрушить Бруклинский мост за час»



Ôèëù3.wmv

Мировая башня связи





Главным сооружением была каркасная башня высотой 57 метров с огромной медной «тарелкой» наверху – гигантским усилительным передатчиком. И со стальной шахтой, углубленной в землю на 36 метров.



Тесла зажѐг небо
над океаном на
тысячи миль...



Другое определение: 1 Тл равен магнитной индукции при которой магнитный поток сквозь площадку 1 м^2 , перпендикулярную направлению поля равен 1 Вб.

$$d\Phi_B = B dS \cos(\angle \vec{n}, \vec{B})$$

$$\Phi = \int_S B_n dS.$$

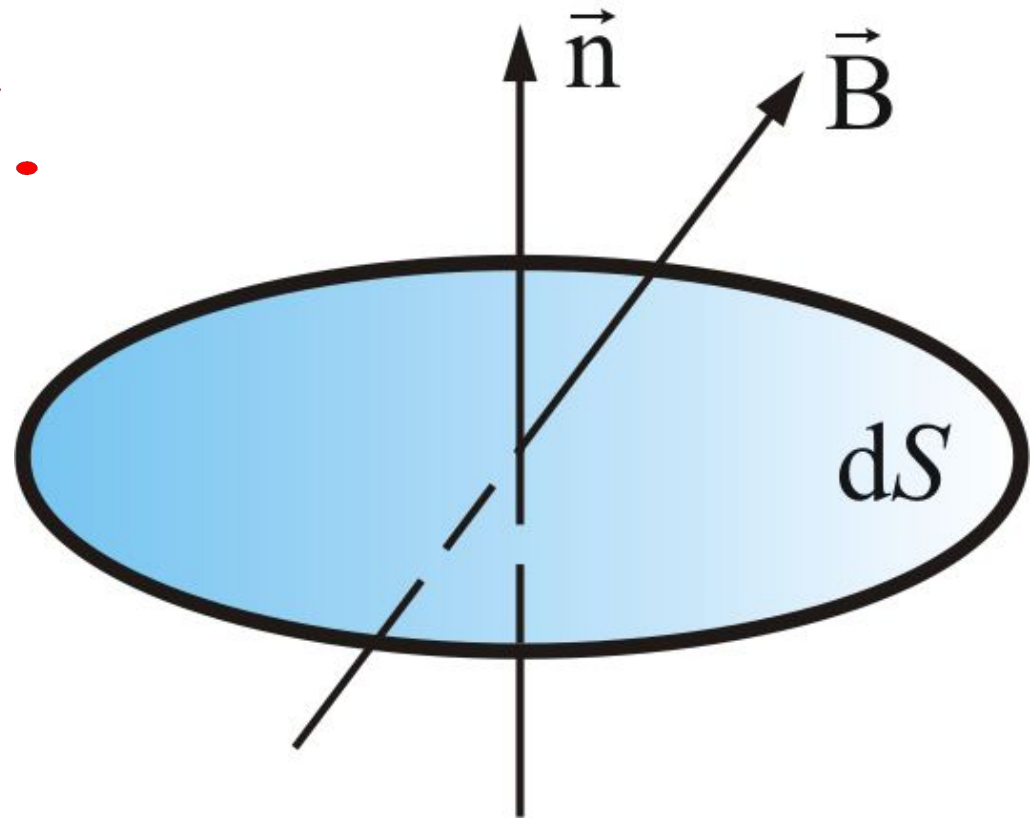


Рис. 2.5

Единица измерения магнитного потока Вб, получила свое название в честь немецкого физика Вильгельма Вебера (1804 – 1891 г.) – профессора университетов в Галле, Геттингене, Лейпциге.

Как мы уже говорили, *магнитный поток Φ , через поверхность S – одна из характеристик магнитного поля* (Рис. 2.5)

$$d\Phi_B = B dS \cos(\angle d\vec{n}, \vec{B}),$$

$$\Phi = \int_S B_n dS.$$

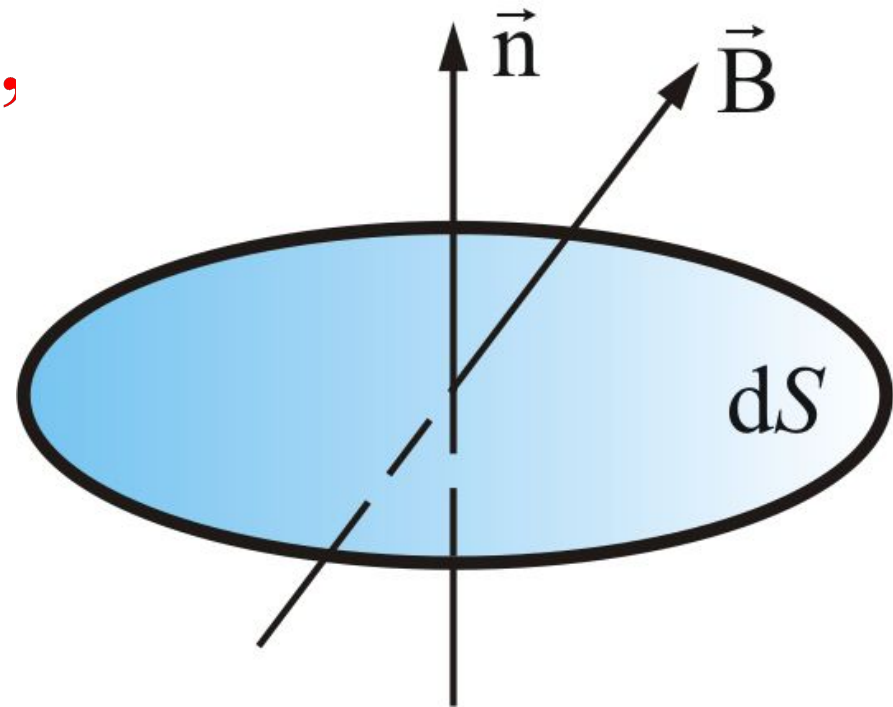


Рис. 2.5

- Единица измерения магнитного потока в СИ:

- $[\Phi_B] = [B] \cdot [S] = \text{Тл} \cdot \text{м}^2 = \text{Вб}$

$$1 \text{ Тл} = 1 \frac{\text{Вб}}{\text{м}^2} \quad 1 \text{ Тл} = 10^4 \text{ Гс}$$

$$1 \text{ Вб} = 10^4 \text{ Гс} \cdot 10^4 \text{ см}^2 = 10^8 \text{ Мкс}$$

- Здесь *Максвелл* (*Мкс*) – единица измерения магнитного потока в СГС названа в честь знаменитого ученого Джеймса Максвелла (1831 – 1879 г.), создателя теории электромагнитного поля.
- Напряженность магнитного поля измеряется $\text{А} \cdot \text{м}^{-1}$

$$1 \text{ А} \cdot \text{м}^{-1} = 4\pi \cdot 10^{-3} \text{ Э} \quad 1 \text{ Э} = 79,6 \approx 80 \text{ А} \cdot \text{м}^{-1}$$

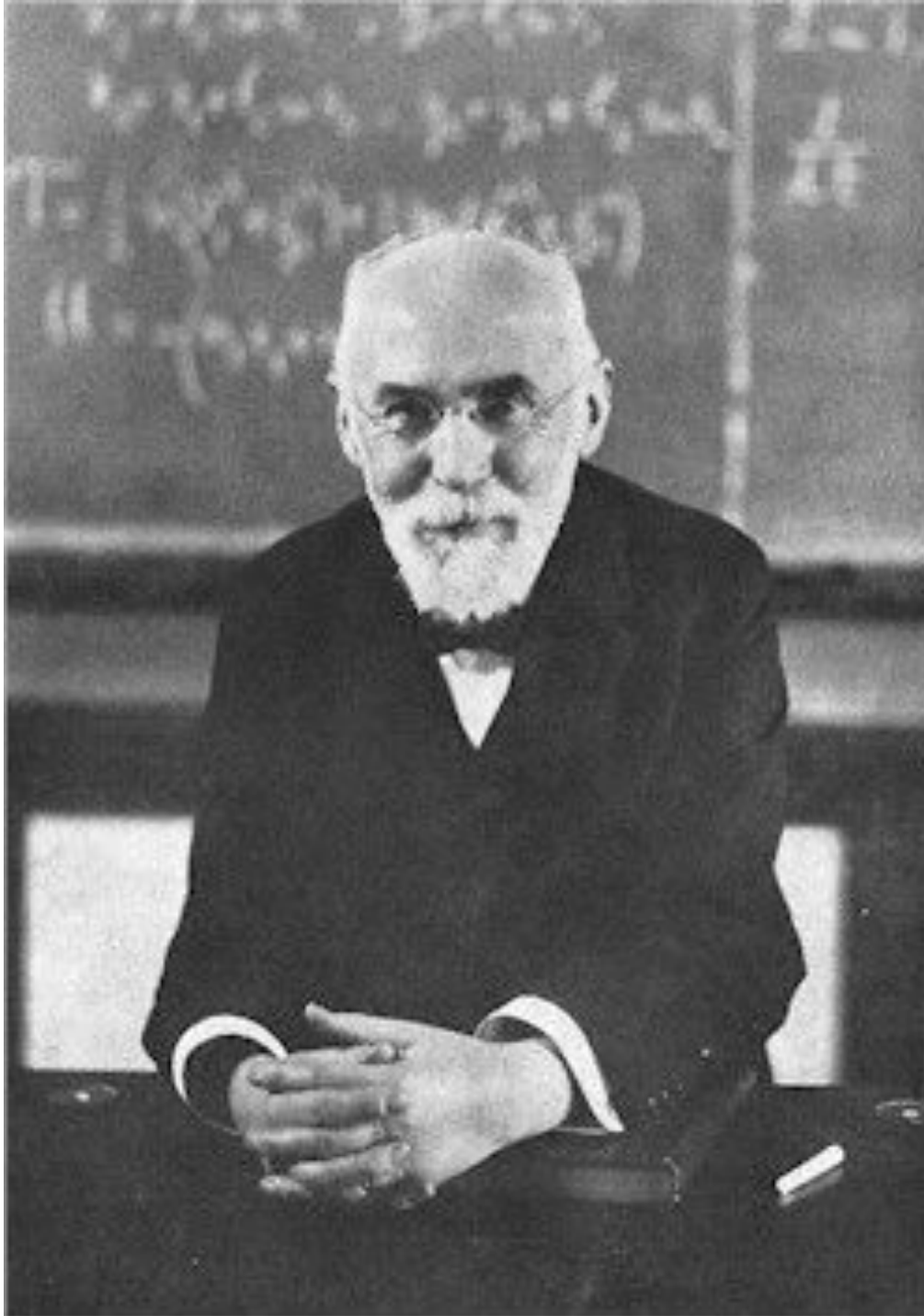
Таблица основных характеристик магнитного поля

Наименование	Обозначение	СИ	СГС	СИ/СГС
Магнитная индукция	B	$Tл \left(\frac{H}{A \cdot м} \right)$	Гс	10^4
Напряженность магнитного поля	H	$A/м$	Э	$4\pi \cdot 10^{-3}$
Магнитная постоянная	μ_0	$\frac{H}{A^2}; \frac{\Phi}{м}$	1	$4\pi \cdot 10^{-7}$
Поток магнитной индукции	Φ_B	$Вб$ ($Tл \cdot м^2$)	Мкс	10^8

2.5 Сила Лоренца

Сила, действующая на электрический заряд q во внешнем электромагнитном поле, **зависит** не только от его местоположения и напряженности электрического поля $\mathbf{E}(x,y,z)$ в этой точке: $q\mathbf{E}(x,y,z)$, но, **в общем случае, и от скорости его движения \mathbf{v} и величины индукции магнитного поля $\mathbf{B}(x,y,z)$.**

Выражение для этой силы было получено в конце XIX в. голландским физиком Г.А. Лоренцем



**Голландский
физик
Г. А. Лоренц**

Получим формулу для расчета силы Лоренца

*Электрический ток это совокупность большого
числа n движущихся со скоростью v
зарядов.*

Найдем силу, действующую на один заряд со
стороны магнитного поля.

По закону Ампера сила, действующая на проводник
с током в магнитном поле (2.5.1)

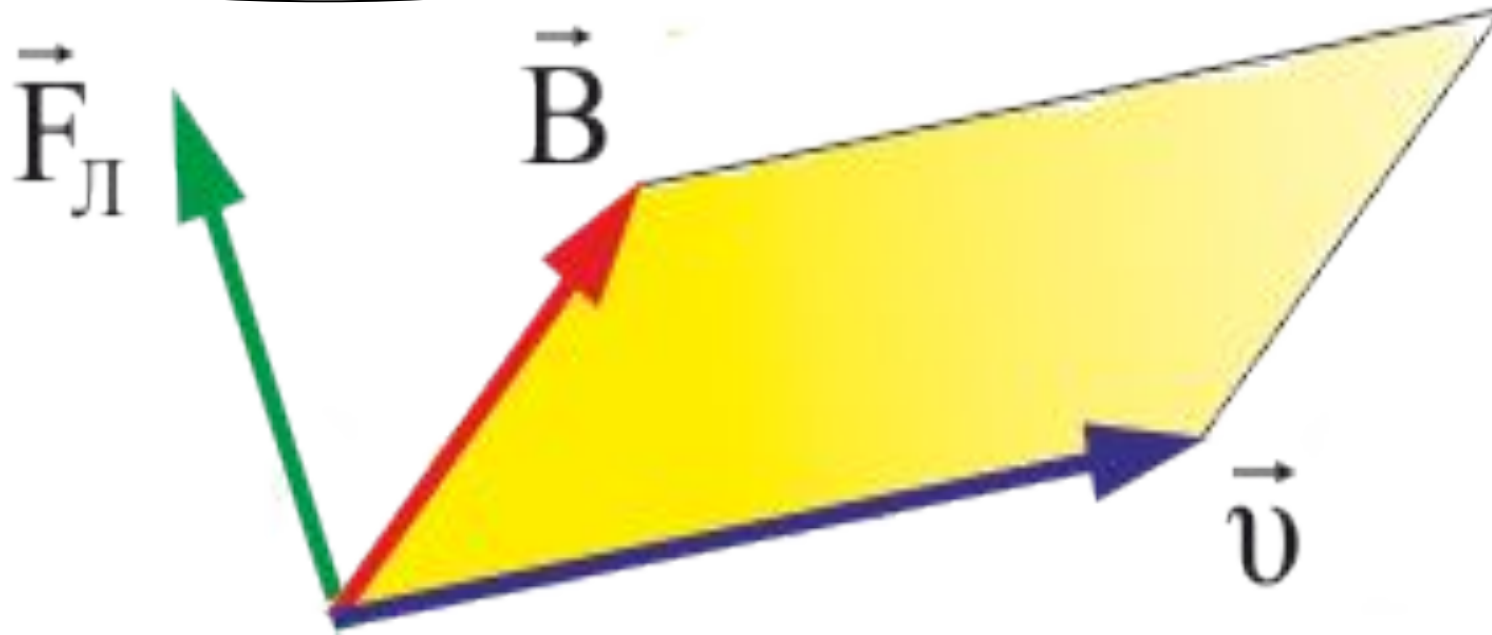
но ток $I = jS$, причем $j = qnv$, тогда

$$d\mathbf{F} = qnvS [d\mathbf{l}, \mathbf{B}] = qnSdl [\mathbf{v}, \mathbf{B}],$$

- Т.к. $nSdl$ – число зарядов в объёме Sdl , тогда для одного заряда

$$\frac{d\vec{F}}{nSdl} = q[\vec{v}, \vec{B}],$$

$$\vec{F}_L = q[\vec{v}, \vec{B}]$$





ЛОРЕНЦ Хендрик Антон (1853 - 1928) – нидерландский физик-теоретик, создатель классической электронной теории, член Нидерландской АН.

Учился в Лейденском ун-те, В 23г. защитил докторскую диссертацию «К теории отражения и преломления света». В 25 профессор Лейденского ун-та и заведующий кафедрой теоретической физики.

Вывел формулу, связывающую диэлектрическую проницаемость с плотностью диэлектрика, дал выражение для силы, действующей на движущийся заряд в электромагнитном поле (сила Лоренца), объяснил зависимость электропроводности вещества от теплопроводности, развил теорию дисперсии света. Разработал электродинамику движущихся тел. В 1904 вывел формулы, связывающие между собой пространственные координаты и моменты времени одного и того же события в двух различных инерциальных системах отсчета (преобразования Лоренца).

Модуль лоренцевой силы:

$$F_l = qvB \sin \alpha \quad (2.5.3)$$

где α – угол между \vec{v} и \vec{B} .

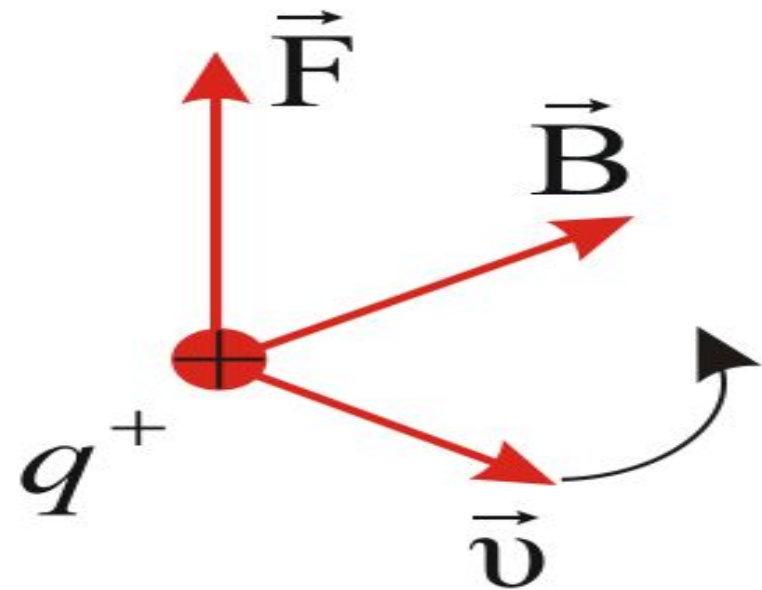
Из (2.5.4) видно, что на заряд, движущийся вдоль линии \vec{B} $\sin 0 = 0$

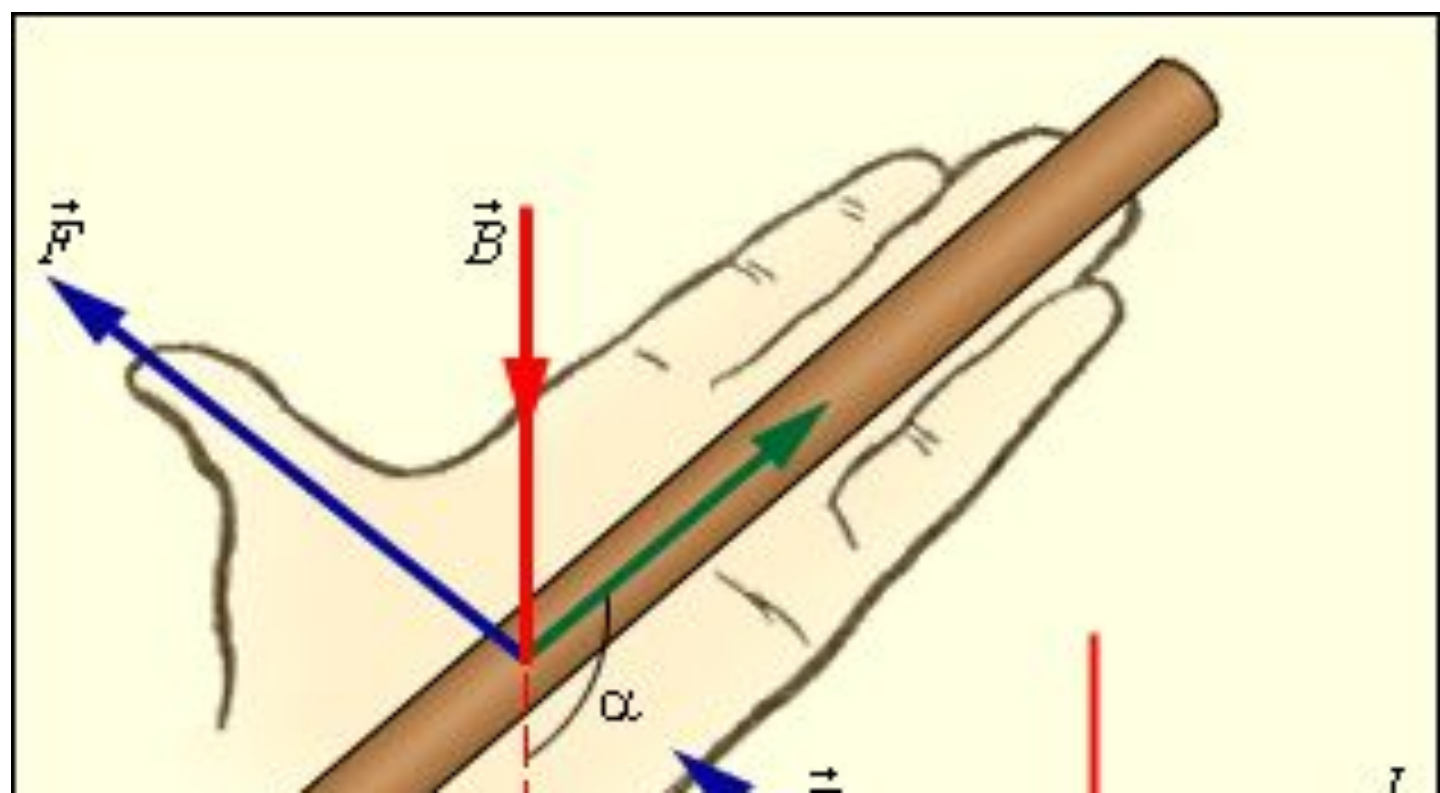
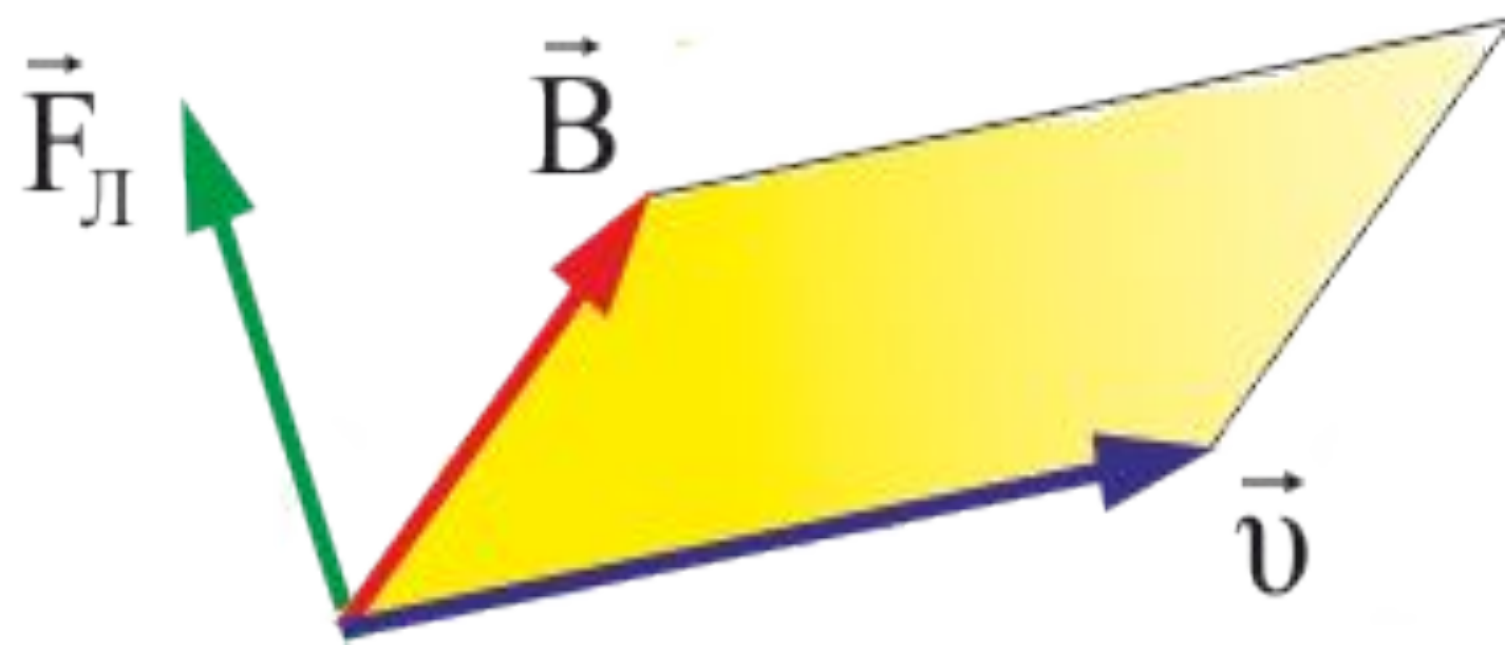
не действует сила ().

Направлена сила Лоренца перпендикулярно к плоскости, в которой лежат векторы \vec{v} и \vec{B} . К движущемуся положительному заряду q^+ применяется правило левой руки или

«правило буравчика»

$$\vec{F}_l = q[\vec{v}, \vec{B}]$$





- Направление действия силы для отрицательного заряда – противоположно, следовательно, **к электронам применимо правило правой руки.**
- *Так как сила Лоренца направлена перпендикулярно движущемуся заряду, т.е. перпендикулярно \vec{v} , работа этой силы всегда равна нулю.*
Следовательно, действуя на заряженную частицу, сила Лоренца не может изменить кинетическую энергию частицы.
- **Часто лоренцевой силой называют сумму электрических и магнитных сил:**

$$\vec{F}_l = q\vec{E} + q[\vec{v}, \vec{B}] \quad (2.5.4)$$

- здесь электрическая сила $q\vec{E}$ ускоряет частицу, изменяет ее энергию.

Постоянное магнитное поле изменяет направление движения частицы, но не величину скорости.

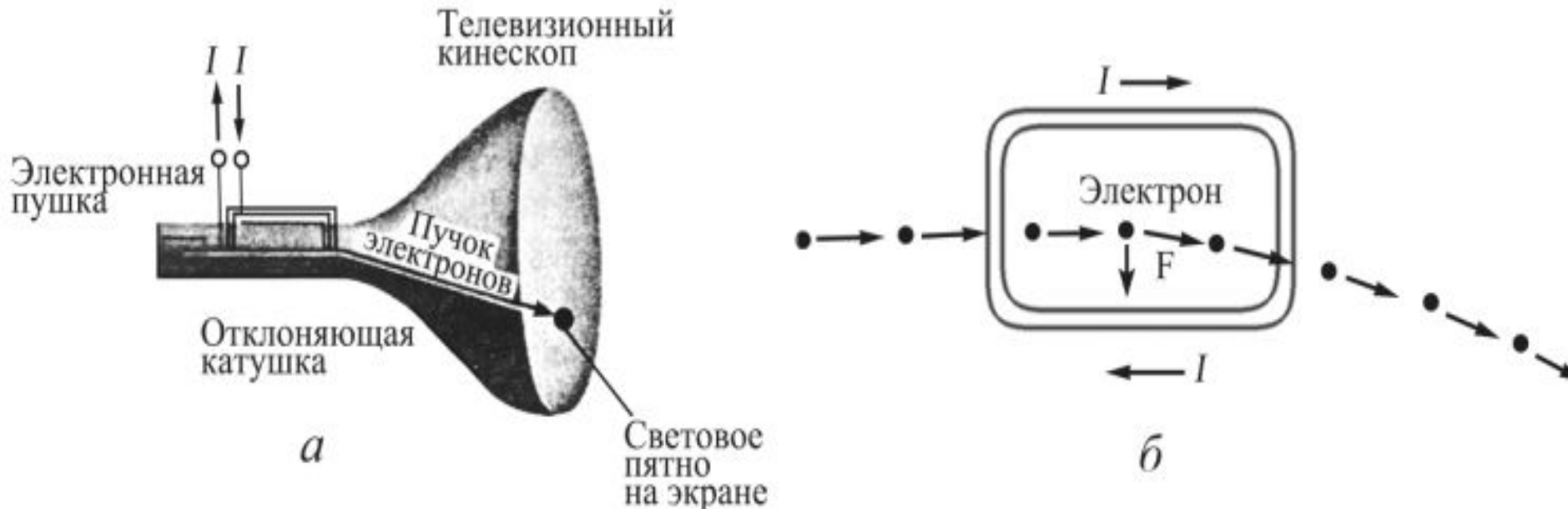
Магнитная часть силы Лоренца оставляет неизменной энергию заряда, а меняет лишь направление импульса.

Формула Лоренца позволяет связать уравнения электромагнитного поля с уравнениями движения заряженных частиц:

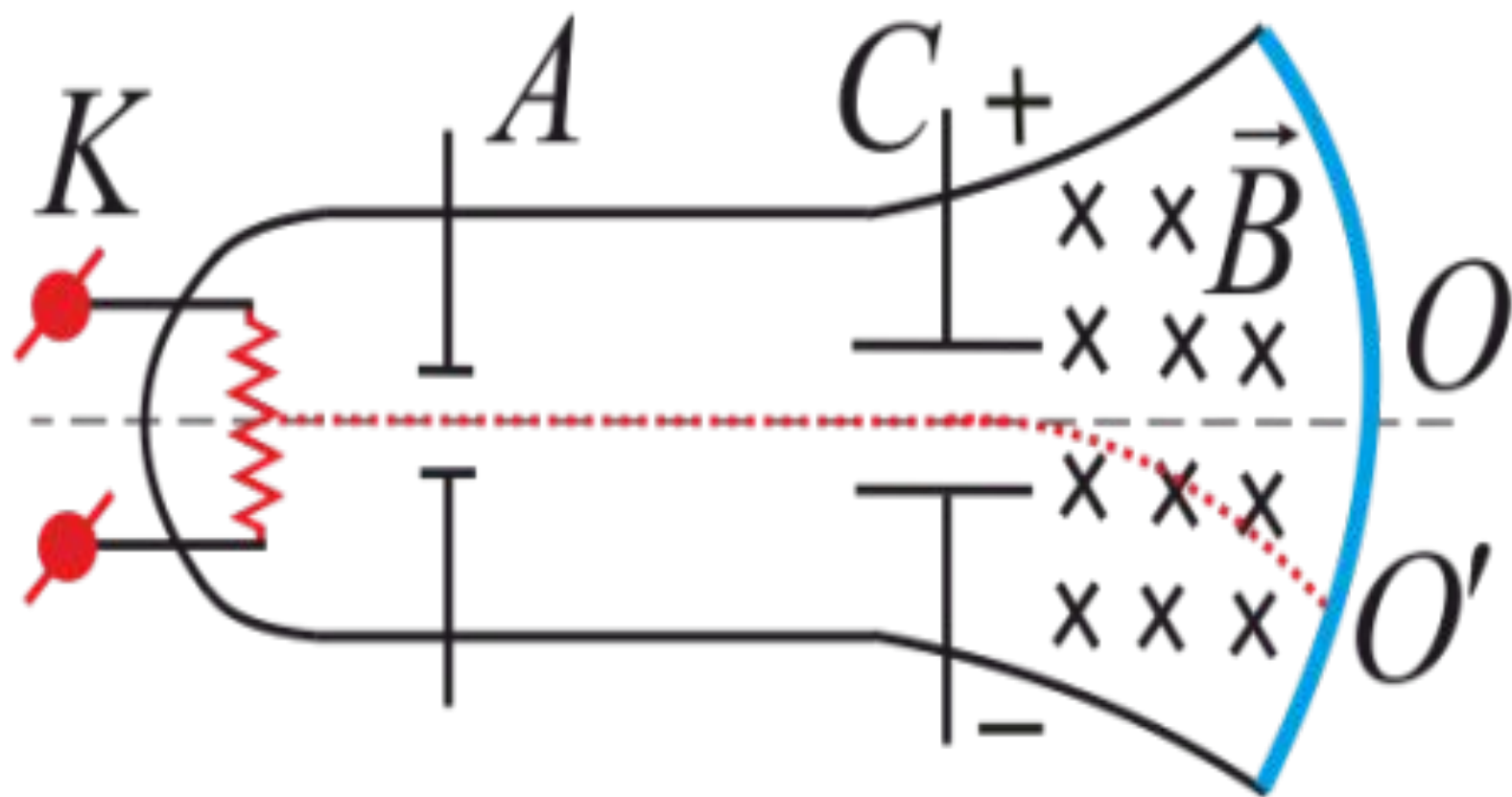
$$m \frac{d^2 \mathbf{r}}{dt^2} = q \mathbf{E} + q [\mathbf{v}, \mathbf{B}]$$

Действуют оба поля - электрическое \mathbf{E} и магнитное \mathbf{B} .

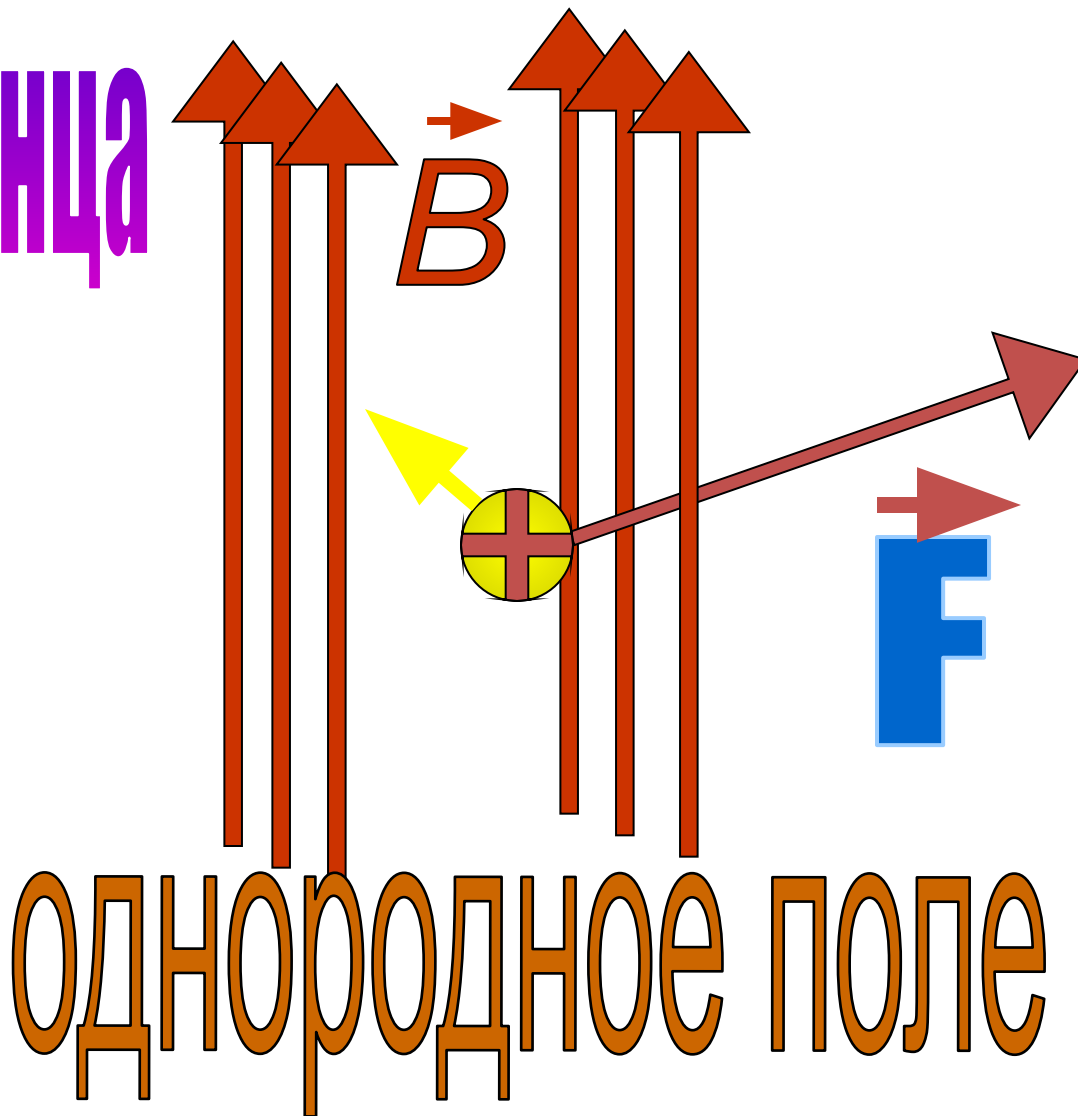
- Повседневное действие магнитной силы на движущийся заряд мы наблюдаем на телевизионном экране (рис. 2.7).



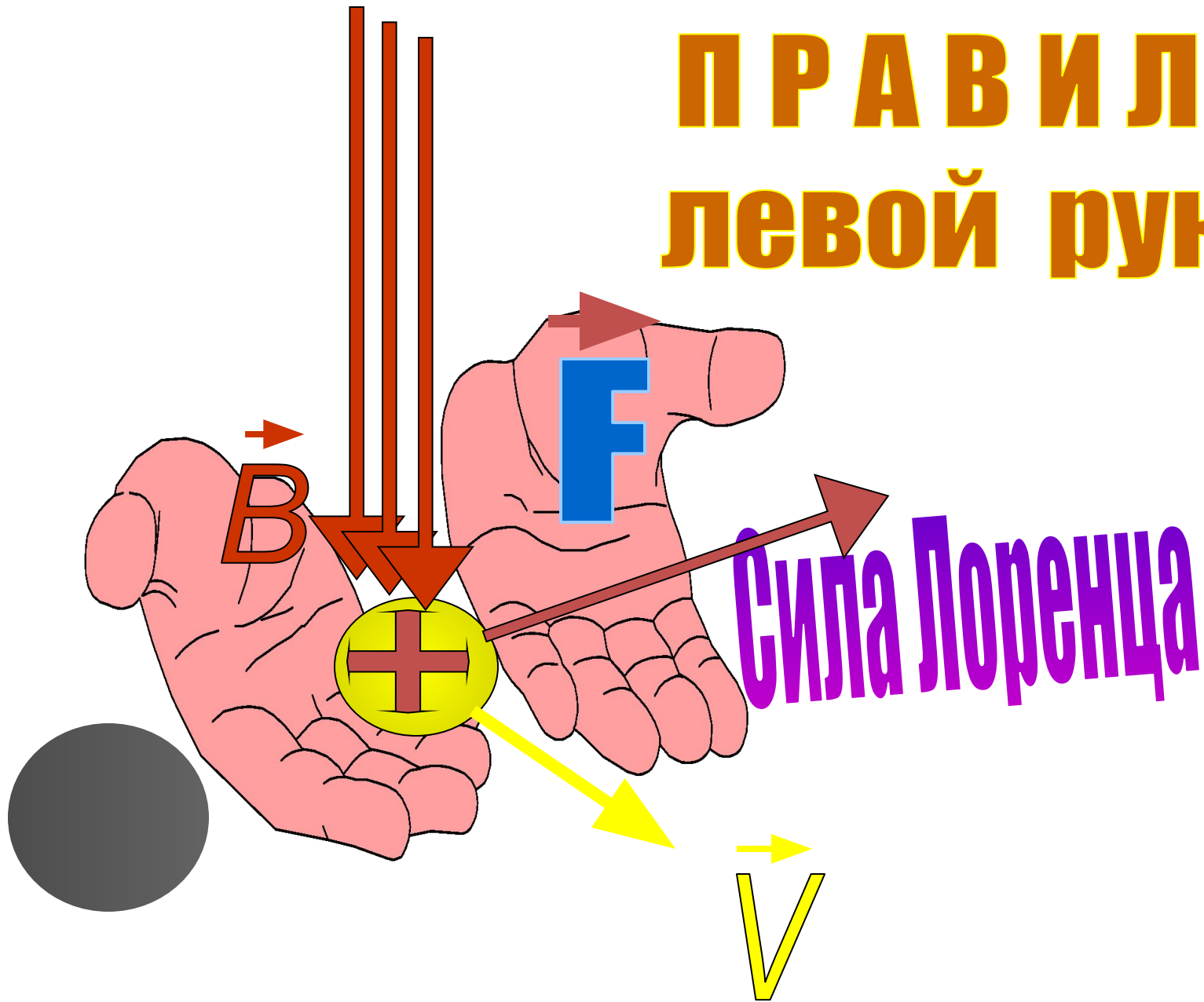
- движение пучка электронов по плоскости экрана стимулируется магнитным полем отклоняющей катушки. Если поднести постоянный магнит к плоскости экрана, то легко заметить его воздействие на электронный пучок по возникающим в изображении искажениям.



Сила Лоренца



ПРАВИЛО левой руки



Сила Лоренца:

$$F_{\text{л}} = qvB \sin \alpha$$

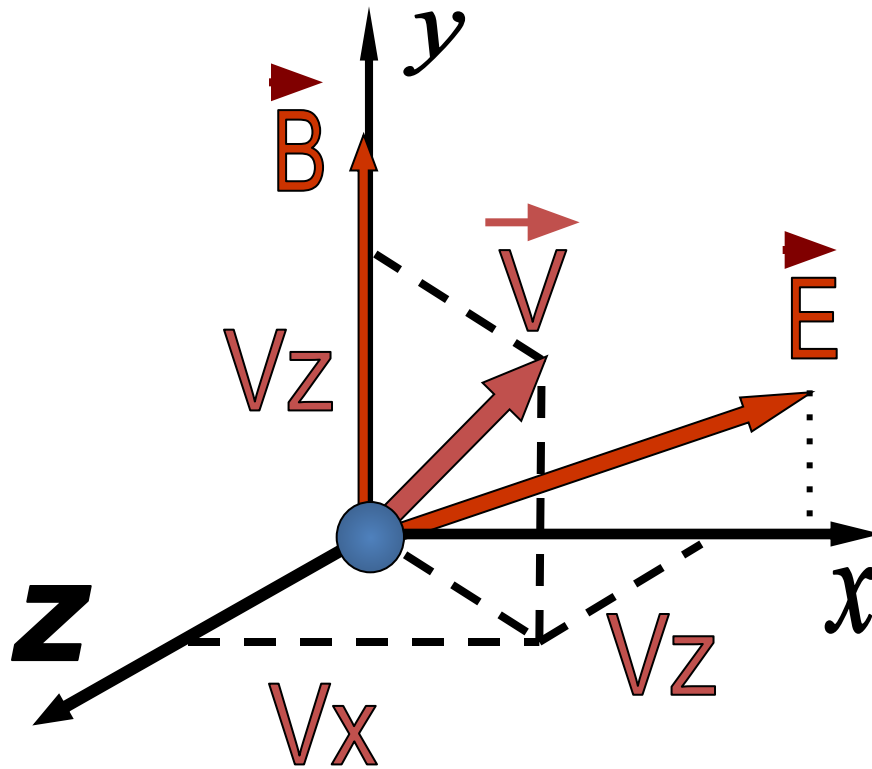
Особенность силы Лоренца:

$$A = F_{\text{Л}} \cdot dr \cdot \cos \alpha = 0,$$

$$\cos \alpha = \cos 90^\circ = 0$$

**Движение заряженной частицы
в наложенных электрическом
и магнитном полях**

Используем
законы:



$$\vec{F} = m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2}$$

$$\vec{F} = \vec{F}_K + \vec{F}_L$$

$$\vec{F}_L = q [\vec{v} \vec{B}]$$

$$\vec{F}_K = q \vec{E}$$

ОСНОВНЫЕ ВЫВОДЫ

Сила Лоренца:

Полная сила, действующая на заряд в электромагнитном поле, равна

$$\mathbf{F} = \mathbf{F}_E + \mathbf{F}_m = q\mathbf{E} + q[\mathbf{u}, \mathbf{B}].$$

Магнитная составляющая силы Лоренца перпендикулярна вектору скорости, элементарная работа этой силы равна нулю.

- Сила F_t меняет направление движения, но не величину скорости.
- Индукция магнитного поля B измеряется в СИ в теслах (Тл).
- На элемент $d\mathbf{l}$ проводника с током I в магнитном поле индукцией B действует сила, определяемая законом Ампера:

$$d\mathbf{F} = I[d\mathbf{l}, \mathbf{B}].$$

- В пространстве вокруг проводника с током возникает вихревое магнитное поле.
- Индукция магнитного поля $d\mathbf{B}$ элементарного отрезка $d\mathbf{l}$ с током I на расстоянии \mathbf{r} от него определяется законом Био – Савара – Лапласа :

$$d\mathbf{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I[d\mathbf{l}, \mathbf{r}]}{r^3} \quad \text{или по модулю} \quad dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{I dl}{r^2}$$

где $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$ Гн/м = $1,25663706144 \cdot 10^{-6}$ Гн/м – магнитная постоянная, определяемая выбором системы единиц.

- Для вектора индукции магнитного поля \mathbf{B} справедлив принцип суперпозиции:

– магнитная индукция результирующего поля равна геометрической сумме магнитных индукций \mathbf{B}_i складываемых полей

$$\mathbf{B} = \sum_{i=1}^n \mathbf{B}_i$$

или в случае непрерывного проводника

$$\mathbf{B} = \int_{(L)} d\mathbf{B}$$

- Магнитная индукция в центре кругового витка с током радиусом R :

$$B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

- Магнитная индукция от бесконечно длинного проводника с током на расстоянии R :

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi R}$$