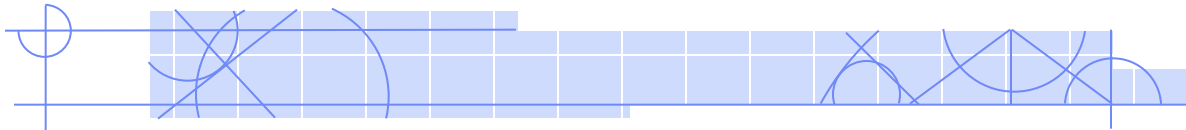


Теорема Безу. Схема Горнера и её применение

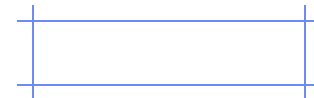
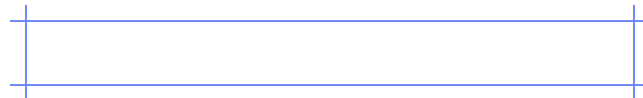
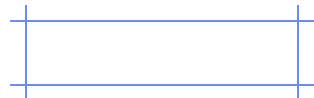


Учитель математики
Романовская Евгения Викторовна
Белгородская область
Губкинский район
МБОУ «Вислодубравская СОШ»



Содержание

- Вывод формул для схемы Горнера
- Демонстрация работы схемы Горнера
- Разложение многочлена по степеням двучлена
- Домашняя работа

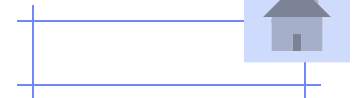
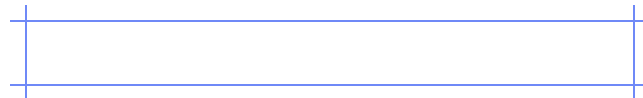
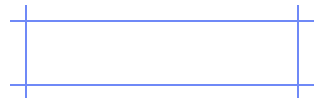


Горнер Уильям Джордж (1786 - 1837)

Английский математик. Основные исследования относятся к теории алгебраических уравнений.

Разработал способ приближенного решения уравнений любой степени.

В 1819 г. ввёл важный для алгебры способ деления многочлена на двучлен $(x - a)$ (схема Горнера).



Вывод формул для схемы Горнера

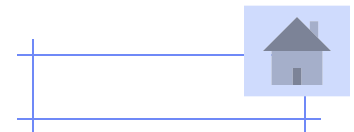
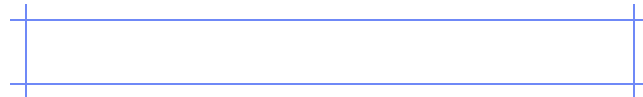
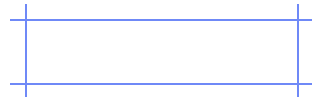
Разделить с остатком многочлен $f(x)$ на двучлен $(x-c)$ значит найти такой многочлен $q(x)$ и такое число r , что $f(x)=(x-c)q(x)+r$

Запишем это равенство подробно:

$$\begin{aligned} \underline{f_0 x^n} + \underline{f_1 x^{n-1}} + \underline{f_2 x^{n-2}} + \dots + \underline{f_{n-1} x} + \underline{f_n} = \\ = (x-c)(\underline{q_0 x^{n-1}} + \underline{q_1 x^{n-2}} + \underline{q_2 x^{n-3}} + \dots + \underline{q_{n-2} x} + \underline{q_{n-1}}) + \underline{r} \end{aligned}$$

Приравняем коэффициенты при одинаковых степенях:

$$\begin{aligned} x^n : f_0 &= q_0 & \Rightarrow q_0 &= f_0 \\ x^{n-1} : f_1 &= q_1 - c q_0 & \Rightarrow q_1 &= f_1 + c q_0 \\ x^{n-2} : f_2 &= q_2 - c q_1 & \Rightarrow q_2 &= f_2 + c q_1 \\ \dots & & \dots & \\ x^0 : f_n &= q_n - c q_{n-1} & \Rightarrow q_n &= f_n + c q_{n-1} \end{aligned}$$



Разложение многочлена по степеням двучлена

Используя схему Горнера, разложим многочлен

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 4 \text{ по степеням двучлена } (x+2)$$

	1	3	-2	4
-2	1	1	-4	12
-2	1	-1	-2	
-2	1	-3		
-2	1			

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 4 = (x+2)(x^2 + x - 4) + 12$$

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 4 = (x+2)((x-1)(x+2) - 2) + 12$$

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 4 = (((1 \cdot (x+2) - 3)(x+2) - 2)(x+2)) + 12$$

$$f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 4 = (x+2)(x^2 + x - 4) + 12 = (x+2)((x-1)(x+2) - 2) + 12 =$$

$$= (((1 \cdot (x+2) - 3)(x+2) - 2)(x+2)) + 12 = (x+2)^3 - 3(x+2)^2 - 2(x+2) + 12$$



Домашняя работа

1. Разделить $f(x)=2x^5-x^4-3x^3+x-3$ на $x-3$;
2. Используя схему Горнера, найдите целые корни многочлена

$$f(x)=x^4-2x^3+2x^2-x-6$$

(*Замечание: целые корни многочлена с целыми коэффициентами нужно искать среди делителей свободного члена $\pm 1; \pm 2; \pm 3; \pm 6$)



Список литературы

1. Курош А.Г. “Курс высшей алгебры ”
2. Никольский С.М, Потапов М.К.
и др. 10 класс “Алгебра и
начала математического
анализа ”.

